

1. 이차방정식  $(a^2 - 9)x^2 + (3a - 4)x + (2a - 7) = 0$  의 한 근이  $-1$  일 때, 다른 한 근을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{1}{7}$

해설

$$x = -1 \text{ 을 대입하면}$$

$$a^2 - 9 - 3a + 4 + 2a - 7 = 0$$

$$a^2 - a - 12 = 0$$

$$(a - 4)(a + 3) = 0$$

$\therefore a = 4$  ( $a^2 - 9 \neq 0$  이므로  $a \neq -3$ )

$$a = 4 \text{ 를 대입하면 } 7x^2 + 8x + 1 = 0$$

$$(7x + 1)(x + 1) = 0$$

$$\therefore x = -\frac{1}{7} \text{ 또는 } x = -1$$

따라서 다른 한 근은  $-\frac{1}{7}$  이다.

2. 이차방정식  $x^2 - ax + 2 = 0$ 의 두 근이  $x = -1$  또는  $x = b$  일 때,  $a + b$ 의 값은?

- ① 2      ② 3      ③ -2      ④ -3      ⑤ -5

해설

$x^2 - ax + 2 = 0$ 의 두 근이  $-1, b$  이므로  
한 근  $x = -1$  을 대입하면  $1 + a + 2 = 0 \therefore a = -3$   
 $a = -3$  을 주어진 방정식에 대입하면  $x^2 + 3x + 2 = 0$   
 $(x + 1)(x + 2) = 0, x = -1$  또는  $x = -2$   
따라서 다른 한 근은  $b = -2$  이므로  $a + b = -5$  이다.

3. 다음에 주어진 이차방정식 중에서 중근을 갖는 것을 모두 고른 것은?

[보기]

- Ⓐ  $x^2 - 4 = 0$
- Ⓑ  $x^2 = 8x - 16$
- Ⓒ  $(3x + 1)^2 = 1$
- Ⓓ  $x^2 = 0$
- Ⓔ  $(4x - 1)(x + 2) = 3x - 3$

Ⓐ Ⓛ, Ⓜ, Ⓞ

Ⓑ Ⓛ, Ⓝ

Ⓒ Ⓛ, Ⓜ, Ⓟ

Ⓓ Ⓛ, Ⓠ

Ⓔ Ⓛ, Ⓜ, Ⓝ, Ⓟ

[해설]

중근을 갖는 이차방정식은  $(ax + b)^2 = 0$ 의 꼴이다.

$$\text{Ⓑ } x^2 = 8x - 16 \Leftrightarrow x^2 - 8x + 16 = 0 \Leftrightarrow (x - 4)^2 = 0$$

$$\therefore x = 4 \text{ (중근)}$$

$$\text{Ⓓ } x^2 = 0$$

$$\therefore x = 0 \text{ (중근)}$$

$$\text{Ⓔ } (4x - 1)(x + 2) = 3x - 3 \Leftrightarrow 4x^2 + 4x + 1 = 0$$

$$(2x + 1)^2 = 0$$

$$\therefore x = -\frac{1}{2} \text{ (중근)}$$

4. 다음 중 중근을 갖는 것을 모두 고르면?

①  $(x - 2)^2 = 8x$

②  $x^2 - 4x + 3 = 1$

③  $x(x + 6) = -9$

④  $x(x - 6) + 24 = 2x + 8$

⑤  $4x^2 - 4x + 4 = 0$

해설

③  $x(x + 6) = -9$

$x^2 + 6x + 9 = 0$

$(x + 3)^2 = 0$

$\therefore x = -3$  (중근)

④  $x(x - 6) + 24 = 2x + 8$

$x^2 - 6x + 24 - 2x - 8 = 0$

$x^2 - 8x + 16 = 0$

$(x - 4)^2 = 0$

$\therefore x = 4$  (중근)

5. 지면으로부터 20m 높이에서 초속 40m로 쏘아 올린 물체의  $x$  초 후의 높이가  $(20 + 40x - 5x^2)$ m이다. 이 물체의 높이가 두 번째로 80m 가 되는 것은 물체를 쏘아 올린 지 몇 초 후인지 구하여라.

▶ 답:

초

▷ 정답: 6 초

해설

$$20 + 40x - 5x^2 = 80 \text{ 이므로}$$

$$5x^2 - 40x + 60 = 0$$

$$x^2 - 8x + 12 = 0$$

$$(x - 2)(x - 6) = 0$$

따라서  $x = 2, 6$ 이다.

두 번째로 80m 가 되는 것은 쏘아 올린 지 6 초 후이다.

6. 성훈이가 물로켓을 만들어 위로 똑바로 쏘아 올린 물로켓의  $t$  초 후의 높이가  $(40t - 8t^2)$ m 라고 할 때, 물로켓이 땅에 떨어지는 것은 쏘아 올린 지 몇 초 후인지 구하여라.

▶ 답: 초

▷ 정답: 5초

해설

땅에 떨어지는 것은 높이가 0 일 때이다.

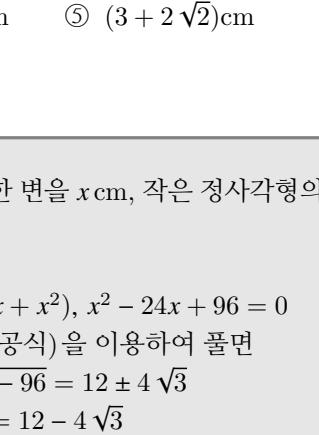
식을 세우면  $40t - 8t^2 = 0$

식을 정리하면  $t^2 - 5t = 0$

$t(t - 5) = 0$

$t > 0$  이므로  $t = 5$

7. 다음 그림과 같이 길이가 8cm인 선분 위에 한 점을 잡아 정사각형 두 개를 만들었다. 큰 정사각형의 넓이가 작은 정사각형의 넓이의 3배일 때, 큰 정사각형의 한 변의 길이는?



- ①  $4\sqrt{3}$ cm      ②  $(8 - 2\sqrt{3})$ cm      ③ 5cm  
④  $(12 - 4\sqrt{3})$ cm      ⑤  $(3 + 2\sqrt{2})$ cm

해설

큰 정사각형의 한 변을  $x$  cm, 작은 정사각형의 한 변을  $(8-x)$  cm

라고 하면,

$$x^2 = 3(8-x)^2$$

$$x^2 = 3(64 - 16x + x^2), x^2 - 24x + 96 = 0$$

근의 공식(짝수공식)을 이용하여 풀면

$$x = 12 \pm \sqrt{144 - 96} = 12 \pm 4\sqrt{3}$$

$$x < 8 \text{ 이므로 } x = 12 - 4\sqrt{3}$$

8. 길이가 8cm인 선분을 두 부분으로 나누어 그 각각의 선분을 한 변으로 하는 정사각형을 그렸더니 두 정사각형의 넓이의 비가 1 : 9가 되었다. 큰 정사각형의 한 변의 길이는?

① 2 cm    ② 4 cm    ③ 6 cm    ④ 8 cm    ⑤ 10 cm

해설

두 변의 길이를  $x$  cm,  $(8 - x)$  cm라 하면

$$x^2 : (8 - x)^2 = 1 : 9$$

$$9x^2 = (8 - x)^2$$

$$8x^2 + 16x - 64 = 0$$

$$x^2 + 2x - 8 = 0$$

$$(x - 2)(x + 4) = 0$$

$$\therefore x = 2 (\because x > 0)$$

따라서 작은 변의 길이가 2 cm이므로 큰 변의 길이는 6 cm이다.

9. 어떤 원의 반지름의 길이를  $2\text{cm}$  만큼 늘였더니 넓이가 처음 원의 3배가 되었다. 처음 원의 반지름의 길이를 구하면?

- ①  $1 + \sqrt{2}\text{cm}$       ②  $1 + \sqrt{3}\text{cm}$       ③  $1 + 2\sqrt{2}\text{cm}$   
④  $1 + 2\sqrt{3}\text{cm}$       ⑤  $2 + \sqrt{3}\text{cm}$

해설

처음 원의 반지름의 길이를  $x\text{cm}$ , 늘인 원의 반지름의 길이를

$(x + 2)\text{cm}$  이라 하면

$$3\pi x^2 = \pi(x + 2)^2$$

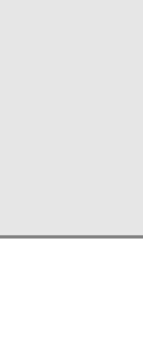
$$3x^2 = x^2 + 4x + 4, x^2 - 2x - 2 = 0$$

$$x = -(-1) \pm \sqrt{(-1)^2 - (-2)} = 1 \pm \sqrt{3}$$

따라서  $x > 0$  이므로  $(1 + \sqrt{3})\text{cm}$

10. 다음 그림과 같이 가로가 3, 세로가 7 인 직사각형 모양의 사진이 있다. 이 사진의 둘레에 폭이 일정하게 종이를 붙일 때, 종이의 넓이가 24 라고 하면, 종이의 폭은?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5



해설

종이의 폭을  $x$ 라 하면, 종이와 액자의 넓이의 합은

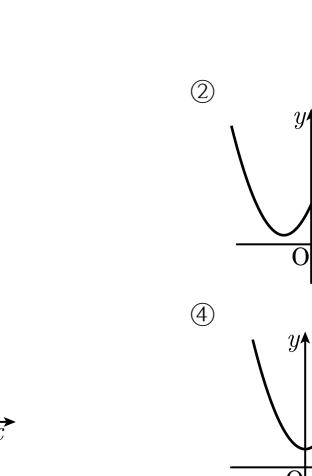
$$(3 + 2x)(7 + 2x) = 21 + 24$$

$$4(x^2 + 5x - 6) = 0$$

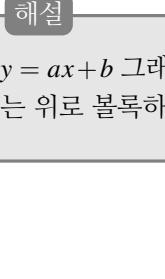
$$(x + 6)(x - 1) = 0$$

$$x > 0 \text{ 이므로 } x = 1$$

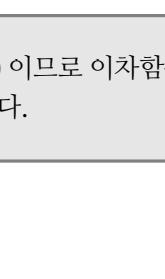
11. 일차함수  $y = ax + b$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 이차  
함수  $y = bx^2 + a$  의 그래프는?



①



②



③



④



⑤



해설

$y = ax + b$  그래프에서  $a > 0$ ,  $b < 0$  이므로 이차함수  $y = bx^2 + a$ 는 위로 볼록하고  $y$  절편이 양수이다.

12. 이차함수  $y = x^2$ 에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 그래프는 원점을 지나고 아래로 볼록한 포물선이다.
- ②  $x$  가 어떤 값을 갖더라도  $y$  의 값은 양수 또는 0 이다.
- ③  $x$  축에 대하여 대칭이다.
- ④  $x > 0$  일 때,  $x$  값이 증가하면,  $y$  값도 증가한다.
- ⑤  $x < 0$  일 때,  $x$  값이 증가하면,  $y$  값은 감소한다.

해설

③  $y$  축에 대하여 대칭이다.

13. 다음 보기의 이차함수의 그래프를 포물선의 폭이 넓은 순서대로 나열 하여라.

보기

Ⓐ $y = 4x^2$	Ⓑ $y = -\frac{5}{2}x^2$
Ⓒ $y = -\frac{4}{3}x^2$	Ⓓ $y = \frac{1}{4}x^2$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

▷ 정답: Ⓒ

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓓ

해설

$a$ 의 절댓값이 작을수록 포물선의 폭이 넓다.  $\frac{1}{4} < \frac{4}{3} < \frac{5}{2} < 4$

이므로 Ⓐ, Ⓒ, Ⓑ, Ⓓ 순으로 폭이 넓다.

14. 다음 포물선을 폭이 좁은 것부터 차례로 기호로 나열한 것은?

(ㄱ)  $y = -x^2$

(ㄷ)  $y = -\frac{1}{2}x^2$

(ㄴ)  $y = -5x^2$

(ㄹ)  $y = -\frac{5}{4}x^2$

① (ㄱ)-(ㄴ)-(ㄷ)-(ㄹ)

④ (ㄴ)-(ㄱ)-(ㄹ)-(ㄷ)

② (ㄴ)-(ㄹ)-(ㄱ)-(ㄷ)

⑤ (ㄹ)-(ㄴ)-(ㄷ)-(ㄱ)

③ (ㄷ)-(ㄴ)-(ㄱ)-(ㄹ)

해설

$y = ax$ 에서  $a$ 의 절댓값이 클수록 폭이 좁아진다.

15. 다음 중 이차함수  $y = 2(x - 4)^2 + 2$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ①  $y = 2x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로 4만큼,  $y$ 축의 방향으로 2만큼 평행이동한 그래프이다.
- ② 꼭짓점의 좌표는  $(4, 2)$ 이다.
- ③ 축의 방정식은  $x = 4$ 이다.
- ④  $y = x^2$ 의 그래프보다 폭이 좁다.
- ⑤  $x > 4$  일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소한다.

해설

$y = 2(x - 4)^2 + 2$ 의 그래프는  $y = 2x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로 4만큼,  $y$ 축의 방향으로 2만큼 평행이동한 그래프이고 꼭짓점은  $(4, 2)$ , 축의 방정식은  $x = 4$ 이다.  $1 < 2$ 이므로  $y = x^2$ 의 그래프보다 폭이 좁다. 아래로 볼록한 포물선이고 축의 방정식이  $x = 4$ 이므로  $x > 4$  일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값도 증가한다.

16. 이차함수  $y = 2x^2 - 8x + 11$ 의 그래프는  $y = 2x^2$  의 그래프를  $x$  축 방향으로  $a$  만큼,  $y$  축 방향으로  $b$  만큼 평행이동한 것이다.  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

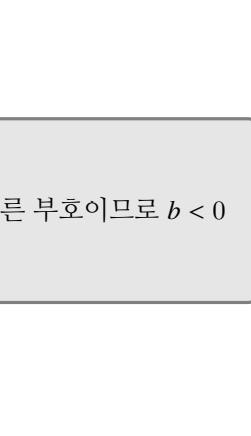
▷ 정답: 5

해설

$$\begin{aligned}y &= 2x^2 - 8x + 11 \\&= 2(x^2 - 4x + 4 - 4) + 11 \\&= 2(x - 2)^2 + 3 \\∴ a &= 2, b = 3 \\∴ a + b &= 2 + 3 = 5\end{aligned}$$

17. 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프가 다음 과 같을 때,  $a, b, c$  의 부호를 구하면?

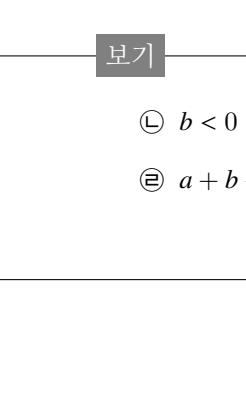
- ①  $a > 0, b > 0, c > 0$
- ②  $a > 0, b > 0, c < 0$
- ③  $a > 0, b < 0, c > 0$
- ④  $a < 0, b > 0, c > 0$
- ⑤  $a > 0, b < 0, c < 0$



해설

아래로 볼록하므로  $a > 0$   
축이  $y$  축의 오른쪽에 있으므로  $a, b$  는 다른 부호이므로  $b < 0$   
 $y$  절편은  $c > 0$  이다.

18. 다음 그림은 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프이다. 보기에서 옳은 것을 모두 골라라.



[보기]

- Ⓐ  $a > 0$  ⓒ  $b < 0$   
Ⓑ  $ab + 2c > 0$  Ⓝ  $a + b + c < 0$   
Ⓓ  $abc > 0$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓒ

[해설]

- Ⓐ 아래로 볼록이므로  $a > 0$  이다.  
Ⓑ 축이  $y$  축 왼쪽에 있으므로  $ab > 0$ 에서  $b > 0$  이다.  
Ⓒ  $ab > 0$ 이고  $c > 0$ 이므로  $ab + 2c > 0$   
Ⓓ  $a > 0, b > 0, c > 0$ 이므로  $a + b + c > 0$   
Ⓔ  $a > 0, b > 0, c > 0$ 이므로  $abc > 0$

19. 두 이차방정식  $2x^2 - ax + 2 = 0$ ,  $x^2 - 3x + b = 0$ 의 공통인 해가 2 일 때,  $ab$  의 값을 구하면?

- ① -25      ② -10      ③ 1      ④ 10      ⑤ 25

해설

주어진 식에  $x$  대신 2 를 대입하면

$$8 - 2a + 2 = 0, \quad a = 5$$

$$4 - 6 + b = 0, \quad b = 2$$

$$\therefore ab = 10$$

20. 두 이차방정식  $ax^2 - 3x + b = 0$ ,  $bx^2 - 3x + a = 0$ 의 같은 근을 가질 때,  $a + b$ 의 값은? (단,  $a \neq b$ )

- ① -2      ② 0      ③ ±1      ④ ±3      ⑤ ±5

해설

두 방정식의 같은 근(공통근)을  $\alpha$  라 하면

$$a\alpha^2 - 3\alpha + b = 0 \cdots ①$$

$$b\alpha^2 - 3\alpha + a = 0 \cdots ②$$

$$① - ② \text{를 하면 } (a - b)\alpha^2 - (a - b) = 0$$

$$(a - b)(\alpha^2 - 1) = 0$$

$$a \neq b \text{ 이므로 } \alpha^2 - 1 = 0 \therefore \alpha = \pm 1$$

$$\alpha = 1 \text{ 일 때, } ① \text{ 또는 } ② \text{에 대입하면 } a + b = 3$$

$$\alpha = -1 \text{ 일 때, } ① \text{ 또는 } ② \text{에 대입하면 } a + b = -3$$

$$\therefore a + b = \pm 3$$