

1. 이차방정식 $x^2 - x + 1 = 0$ 의 한 근을 β 라 할 때, $\beta^2 + \frac{1}{\beta^2}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -1

해설

$x^2 - x + 1 = 0$ 의 한 근이 β 이므로

$$\beta^2 - \beta + 1 = 0$$

$$\beta - 1 + \frac{1}{\beta} = 0$$

$$\beta + \frac{1}{\beta} = 1$$

$$\therefore \beta^2 + \frac{1}{\beta^2} = \left(\beta + \frac{1}{\beta}\right)^2 - 2 = 1 - 2 = -1$$

2. 이차방정식 $x^2 - x - 1 = 0$ 의 한 근을 a , $x^2 - 2x - 3 = 0$ 의 한 근을 b 라고 할 때, $a^2 - a - b^2 + 2b$ 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$x = a$ 를 $x^2 - x - 1 = 0$ 에 대입하면

$$a^2 - a - 1 = 0 \text{에서 } a^2 - a = 1$$

$x = b$ 를 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 에 대입하면

$$b^2 - 2b - 3 = 0 \text{에서 } b^2 - 2b = 3$$

$$\therefore a^2 - a - b^2 + 2b = a^2 - a - (b^2 - 2b) = 1 - 3 = -2$$

3. 이차방정식 $\frac{1}{10}x^2 - 0.4x + k = 0$ 의 한 근을 -5 라 할 때, 다른 한 근은?

- ① 4.5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

해설

한 근 $x = -5$ 를 방정식에 대입하면

$$\frac{1}{10} \times (-5)^2 - 0.4 \times (-5) + k = 0 \quad \therefore k = -\frac{9}{2}$$

따라서 주어진 방정식은 $\frac{1}{10}x^2 - 0.4x - \frac{9}{2} = 0$

양변에 10 을 곱하고 정리하면 $x^2 - 4x - 45 = 0$

$$(x + 5)(x - 9) = 0$$

$$x = -5 \text{ 또는 } x = 9$$

따라서 구하는 다른 한 근은 9

4. 이차방정식 $x^2 + ax - 16 = 0$ 의 한 근이 8 일 때, a 의 값과 다른 한 근의 합을 구하면?

① -8

② 8

③ -2

④ 2

⑤ 6

해설

$$x^2 + ax - 16 = 0$$

$$x = 8 \text{ 을 대입하면 } a = -6$$

$$x^2 - 6x - 16 = 0$$

$$(x - 8)(x + 2) = 0$$

$$x = 8 \text{ 또는 } x = -2$$

$$\therefore a + x = -6 - 2 = -8$$

5. 이차방정식 $x^2 + 4x - 1 = 0$ 의 두 근 중에서 양수를 a 라 할 때,
 $n < a < n + 1$ 을 만족하는 정수 n 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

$$x^2 + 4x - 1 = 0 \text{ 의 두 근은 } x = -2 \pm \sqrt{5}$$

$$a \text{ 는 양수이므로 } a = -2 + \sqrt{5}$$

$$0 < -2 + \sqrt{5} < 1$$

$$\therefore n = 0$$

6. 이차방정식 $0.2x^2 - 0.3x - 1 = 0$ 의 두 근 중에서 큰 근을 k 라고 할 때, k 보다 크지 않은 최대의 정수를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 3

해설

$0.2x^2 - 0.3x - 1 = 0$ 의 양변에 10 을 곱하면

$$2x^2 - 3x - 10 = 0$$

$$\therefore x = \frac{3 \pm \sqrt{89}}{4}$$

따라서 $k = \frac{3 + \sqrt{89}}{4}$ 이므로 최대 정수는 3 이다.

7. 지면으로부터 45m 높이의 건물 옥상에서 초속 30m로 쏘아 올린 물로켓의 x 초 후의 높이는 $(45 + 40x - 5x^2)$ m이다. 이 물체가 다시 지면에 떨어지는 것은 쏘아 올린 지 몇 초 후인지 구하여라.

▶ 답: 초

▶ 정답: 9 초

해설

지면에 떨어지므로 높이는 0m이다.

$$45 + 40x - 5x^2 = 0 \text{ 이므로}$$

$$x^2 - 8x - 9 = 0$$

$$(x + 1)(x - 9) = 0$$

따라서 $x = 9$ 이다.

8. 우리 나라에서 매년 10월 경에 열린 서울 불꽃 축제에서 지면으로부터 10m 되는 높이에서 폭죽을 쏘았다. 이 폭죽의 x 초 후에 높이는 $(10 + 60x - 5x^2)$ m라고 한다. 어떤 폭죽이 처음으로 170m에 도달했을 때 터졌다면 쏘아 올린 지 몇 초 후인지 구하여라.



▶ 답: 초

▷ 정답: 4 초

해설

$$10 + 60x - 5x^2 = 170 \text{ 이므로}$$

$$5x^2 - 60x + 160 = 0$$

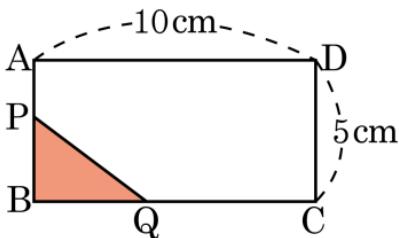
$$x^2 - 12x + 32 = 0$$

$$(x - 4)(x - 8) = 0$$

따라서 $x = 4, 8$ (초)이다.

처음으로 170m에 도달했을 때 터졌으므로 쏘아 올린 지 4초 후이다.

9. 직사각형 ABCD에서 점 P는 \overline{AB} 위를 점 A에서 점 B까지 초속 1cm로 움직이고, 점 Q는 \overline{BC} 위를 점 B에서 점 C까지 초속 2cm로 움직인다. 점 P와 Q가 동시에 출발하여 $\triangle PBQ$ 의 넓이가 6 cm^2 가 되는 것은 얼마 후 인가?



- ① 1초 후 또는 2초 후 ② 2초 후 또는 3초 후
 ③ 3초 후 또는 4초 후 ④ 4초 후 또는 5초 후
 ⑤ 5초 후 또는 6초 후

해설

x 초 후에 \overline{AP} , \overline{BQ} 의 길이는 $\overline{AP} = x$, $\overline{BQ} = 2x$ 가 된다.

$$\therefore \triangle PBQ = \frac{1}{2} \times 2x \times (5 - x) = 6$$

$$\Rightarrow x(5 - x) = 6$$

$$\Rightarrow x^2 - 5x + 6 = 0$$

$$\Rightarrow (x - 2)(x - 3) = 0$$

$$\Rightarrow x = 2 \text{ 또는 } x = 3$$

10. 지은이는 가로 18m, 세로 9m의 꽃밭을 가지고 있다. 이 꽃밭을 가로로 일정한 길이만큼 줄이고, 세로로 줄인 길이만큼 늘렸더니, 처음 꽃밭보다 18 m^2 커졌다. 지은이는 나중의 꽃밭의 가로의 길이와 세로의 길이의 합을 구하여라.

▶ 답: m

▶ 정답: 27 m

해설

조절한 꽃밭의 길이를 $x\text{ m}$ 라 하면

$$(18 - x)(9 + x) = 18 \times 9 + 18$$

$$x^2 - 9x + 18 = (x - 6)(x - 3) = 0$$

$x = 6$ 또는 $x = 3$ 이다.

따라서 (가로의 길이)+(세로의 길이)= $12 + 15 = 27$ (m) 이다.

11. 다음의 이차함수의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

Ⓐ $y = \frac{1}{2}x^2$

Ⓑ $y = -2x^2$

Ⓒ $y = 2x^2$

Ⓓ $y = -\frac{1}{4}x^2$

- ① Ⓑ과 Ⓒ의 그래프는 폭이 같다.
- ② 아래로 볼록한 포물선은 Ⓐ과 Ⓓ이다.
- ③ 폭이 가장 넓은 그래프는 Ⓒ이다.
- ④ Ⓑ과 Ⓒ의 그래프는 x 축에 대하여 서로 대칭이다.
- ⑤ x 축 아래쪽에 나타나지 않는 그래프는 Ⓑ, Ⓒ이다.

해설

- ① $|a|$ 가 같으므로 그래프의 폭이 같다.
- ② $a > 0$
- ③ $|a|$ 의 값이 작은 그래프
- ④ a 의 부호가 반대
- ⑤ Ⓑ, Ⓒ은 $a < 0$ 이므로 x 축 아래에 나타난다.

12. 이차함수 $y = -\frac{2}{3}x^2$ 에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① y 의 값의 범위는 $y \geq 0$ 이다.
- ② 아래로 볼록하다.
- ③ **꼭짓점은 원점이고 축은 y 축이다.**
- ④ $y = \frac{3}{2}x^2$ 의 그래프와 x 축에 대하여 대칭이다.
- ⑤ $x > 0$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.

해설

- ① y 의 값의 범위는 $y \leq 0$
- ② 위로 볼록하다.
- ④ $y = \frac{2}{3}x^2$ 의 그래프와 x 축에 대하여 대칭이다.
- ⑤ $x > 0$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다.

13. 이차함수 $y = -\frac{1}{3}(x - 1)^2 + 10$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 p 만큼, y 축의 방향으로 q 만큼 평행이동시켰더니 $y = -\frac{1}{3}(x + 4)^2 - 2$ 와 포개어졌다. pq 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 60

해설

$$\begin{aligned}y &= -\frac{1}{3}(x - 1 - p)^2 + 10 + q \\&= -\frac{1}{3}(x + 4)^2 - 2\end{aligned}$$

$$-1 - p = 4, p = -5$$

$$10 + q = -2, q = -12$$

$$\therefore pq = 60$$

14. 이차함수 $y = 3x^2 + 6x - 2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 p 만큼, y 축의 방향으로 q 만큼 평행이동하였더니 $y = 3x^2 - 12x + 2$ 의 그래프가 되었다. 이 때, pq 의 값은?

- ① 30 ② -15 ③ 10 ④ -5 ⑤ 45

해설

$$y = 3(x^2 + 2x + 1 - 1) - 2 = 3(x + 1)^2 - 5$$

꼭짓점 $(-1, -5)$

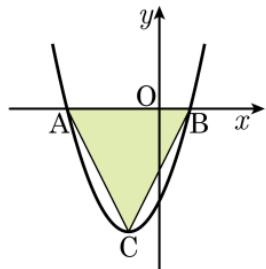
$$y = 3(x^2 - 4x + 4 - 4) + 2 = 3(x - 2)^2 - 10$$

꼭짓점 $(2, -10)$

따라서 $p = 3$, $q = -5$ 이므로

$pq = -15$ 이다.

15. 이차함수 $y = x^2 + 2x - 3$ 의 그래프가 x 축과 만나는 점의 좌표를 각각 A, B 라 하고 꼭짓점의 좌표를 C 라 하자. 이 때 $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

i) x 축과의 교점 A, B 의 좌표는 $y = 0$ 일 때 x 의 값이다.

$$x^2 + 2x - 3 = 0$$

$$(x+3)(x-1) = 0$$

$$x = -3 \text{ 또는 } x = 1$$

$$\therefore A(-3, 0), B(1, 0)$$

ii) $y = x^2 + 2x - 3$

$$= (x^2 + 2x + 1) - 1 - 3$$

$$= (x+1)^2 - 4$$

$$\therefore C(-1, -4)$$

iii) $\triangle ABC = 4 \times 4 \times \frac{1}{2} = 8$

16. 이차함수 $y = 3(x + 2)^2 - 4$ 의 그래프가 지나지 않는 사분면을 구하여라.

▶ 답 :

사분면

▶ 정답 : 제 4사분면

해설

$$\begin{aligned}y &= 3(x + 2)^2 - 4 \\&= 3x^2 + 12x + 8\end{aligned}$$

아래로 볼록한 모양의 포물선이고,
꼭짓점의 좌표가 $(-2, -4)$ 이므로 제 3 사분면 위에 있고,
 y 절편은 8 이므로 제 4 사분면을 지나지 않는다.