

1. 두 점 A (1, -5), B (6, 5)를 잇는 선분 AB를 2 : 3으로 내분하는 점 P ( $x, y$ )의 좌표는?

- ① (3, -1)      ② (3, 2)      ③ (1, 3)  
④ (2, 2)      ⑤ (2, 1)

해설

공식에 의하여  
$$\left( \frac{2 \times 6 + 3 \times 1}{2 + 3}, \frac{2 \times 5 + 3 \times (-5)}{2 + 3} \right)$$
$$= (3, -1)$$

2.  $\triangle ABC$ 의 꼭짓점 A의 좌표가  $(5, 4)$ , 변 AB의 중점의 좌표가  $(-1, 3)$ , 무게중심의 좌표가  $(1, 2)$ 일 때, 꼭짓점 B, C의 좌표를 구하면?

- ①  $B(-5, 2), C(5, 1)$       ②  $B(-6, 2), C(4, 0)$   
③  $\textcircled{B}(-7, 2), C(5, 0)$       ④  $B(-7, -1), C(4, 0)$   
⑤  $B(-7, -2), C(5, -1)$

해설

$$\begin{aligned} & B(x_2, y_2), C(x_3, y_3) \text{ 으로 놓으면} \\ & \frac{5+x_2}{2} = -1, \frac{4+y_2}{2} = 3, \\ & \frac{5+x_2+x_3}{3} = 1, \frac{4+y_2+y_3}{3} = 2 \\ & \therefore x_2 = -7, y_2 = 2, x_3 = 5, y_3 = 0 \\ & \therefore B(-7, 2), C(5, 0) \end{aligned}$$

3. 희진이네 반 학생 중 피자를 좋아하는 학생은 11명, 떡을 좋아하는 학생은 14명, 피자와 떡을 모두 좋아하는 학생은 8명이다. 이때, 떡만 좋아하는 학생은 몇 명인가?

① 6명      ② 8명      ③ 10명      ④ 12명      ⑤ 14명

해설

주어진 문제를 벤 다이어그램을 활용하여 해결할 수 있다. 벤 다이어그램의 각 영역에 해당하는 학생의 수를 기입하면 다음과 같다.



4. 좌표평면 위의 두 점 P(a, 3), Q(1, a)에 대하여  $\overline{PQ} = \sqrt{2}$  일 때, a의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$\overline{PQ} = \sqrt{(1-a)^2 + (a-3)^2} = \sqrt{2a^2 - 8a + 10}$$

$$\overline{PQ} = \sqrt{2} \text{이므로 } \sqrt{2a^2 - 8a + 10} = \sqrt{2}$$

$$\text{양변을 제곱하면 } 2a^2 - 8a + 10 = 2$$

$$2a^2 - 8a + 8 = 0, a^2 - 4a + 4 = 0, (a-2)^2 = 0$$

$$\therefore a = 2$$

5. 점  $(2, -1)$  을 지나고 직선  $y = 2x + 4$  에 평행한 직선의 방정식은?

- ①  $y = \frac{1}{2}x - 2$       ②  $y = 2x - 5$       ③  $y = -2x - 5$   
④  $y = 2x + 2$       ⑤  $y = -2x + 5$

해설

$y = 2x + 4$  와 평행한 직선의 기울기는 2 이다.

따라서 구하는 직선의 방정식은

$$y - (-1) = 2(x - 2)$$

$$\therefore y = 2x - 5$$

6. 세 점 A(1, 4), B (-1, 2), C (5, a)가 일직선 위에 있을 때, 상수  $a$ 의 값을 구하면?

① 2      ② 8      ③ 10      ④ -2      ⑤ -4

해설

A, B를 지나는 직선의 방정식은

$$기울기 = \frac{4-2}{1-(-1)} = 1$$

$$y = 1 \cdot (x - 1) + 4 = x + 3$$

위에 C(5, a)가 존재하므로 대입하면,

$$\therefore a = 5 + 3 = 8$$

7.  $ac < 0, bc > 0$  일 때, 일차함수  $ax + by + c = 0$   $\diamond$ ] 나타내는 직선이 지나지 않는 사분면을 구하여라.

▶ 답:

사분면

▷ 정답: 제 2사분면

해설

$b \neq 0$   $\diamond$ ]므로,

$$y = -\frac{a}{b}x - \frac{c}{b} \cdots \textcircled{1}$$

$ac < 0, bc > 0$ 에서  $ac \cdot bc < 0$

$$\therefore abc^2 < 0 \quad \therefore ab < 0$$

$$ab < 0 \text{에서 } \frac{a}{b} > 0$$

$$bc > 0 \text{에서 } y \text{ 절편 } -\frac{c}{b} < 0$$

따라서  $\textcircled{1}$ 은 제 2 사분면을 지나지 않는다.

8. 다음 중 항상 참이라고 할 수 없는 것은?

- ① 자연수  $n$ 에 대하여,  $n^2$ 이 짝수이면  $n$ 도 짝수이다.
- ② 자연수  $n, m$ 에 대하여  $n^2 + m^2$ 이 홀수이면,  $nm$ 은 짝수이다.
- ③ 자연수  $n$ 에 대하여,  $n^2$ 이 3의 배수이면,  $n$ 은 3의 배수이다.
- ④  $a, b$ 가 실수일 때,  $a + b\sqrt{2} = 0$ 이면,  $a = 0$ 이다.
- ⑤ 두 실수  $a, b$ 에 대하여,  $a + b > 2$ 이면,  $a > 1$  또는  $b > 1$

해설

①, ③ :  $n^2$ 이  $p$ 의 배수이면,  $n$ 은  $p$ 의 배수이다. (참)  
② : 대우는 ‘ $nm$ 은 홀수이면  $n^2 + m^2$ 이 짝수이다.’  $nm$ 은 홀수, 즉  $n, m$  모두 홀수이면  $n^2, m^2$  모두 홀수이므로  $n^2 + m^2$ 은 짝수이다.  
 $\therefore$  주어진 명제는 참

④ 반례 :  $a = 2\sqrt{2}, b = -1$   
※ 주의) 주어진 명제가 참일 때는  $a, b$ 가 유리수라는 조건임  
때임을 명심해야 한다.

⑤ 대우 :  $a \leq 1$  그리고  $b \leq 1$ 이면  $a + b \leq 2$  (참)

9.  $x$ 가 양의 실수 일 때,  $x^2 + 1 + \frac{1}{x^2}$  의 최솟값과 그 때의  $x$ 값을 차례대로 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 3

▷ 정답: 1

해설

$$x^2 > 0, \frac{1}{x^2} > 0 \text{이므로}$$

산술평균과 기하평균에 의하여

$$x^2 + 1 + \frac{1}{x^2} \geq 2 \sqrt{x^2 \times \frac{1}{x^2}} + 1 \geq 2 + 1 = 3$$

등호는  $x^2 = \frac{1}{x^2}$  일 때 성립하므로  $x^4 = 1$

따라서 양의 실수  $x$ 는 1이다.

최솟값은 3이고,  $x$ 값은 1이다.

10. 직선  $l$  이  $x$ 축,  $y$ 축과 만나는 점을 각각 A, B라 할 때, 두 점 A, B의 중점 M의 좌표는 (2, 3)이다. 이 때, 직선  $l$ 의 방정식은?

①  $y = -2x + 2$       ②  $y = -\frac{3}{2}x + 3$       ③  $y = -\frac{2}{3}x + 2$   
④  $y = -\frac{3}{2}x + 6$       ⑤  $y = \frac{2}{3}x + 6$

해설

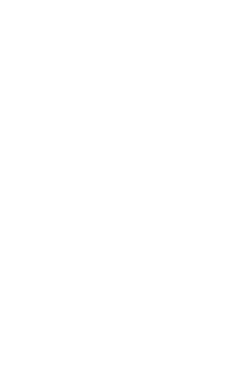
A, B의 중점이 (2, 3)이므로

A(4, 0), B(0, 6) 직선  $l$ 의  $x$ 절편이 4,  $y$

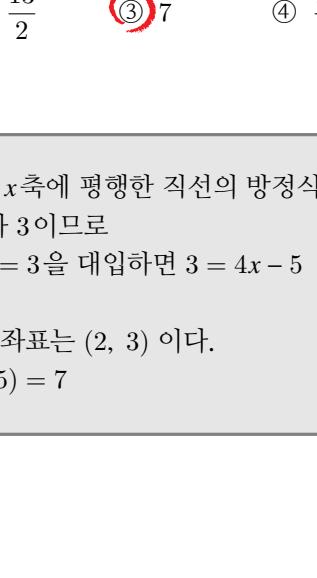
절편이 6 이므로

직선의 방정식은  $\frac{x}{4} + \frac{y}{6} + 1$ 이다.

$$\therefore y = -\frac{3}{2}x + 6$$



11. 다음 그림과 같이 좌표평면 위의 점  $P(-5, 3)$ 을 지나고  $x$ 축에 평행한 직선이 일차함수  $y = 4x - 5$ 의 그래프와 만나는 점을  $Q$  라 한다.  $\overline{PQ}$ 의 길이는?



- ① 6      ②  $\frac{13}{2}$       ③ 7      ④  $\frac{15}{2}$       ⑤ 8

해설

점  $P$  를 지나고  $x$ 축에 평행한 직선의 방정식은  $y = 3$  이다.

점  $Q$ 의  $y$ 좌표가 3이므로

$y = 4x - 5$ 에  $y = 3$  을 대입하면  $3 = 4x - 5$

$$\therefore x = 2$$

따라서 점  $Q$ 의 좌표는  $(2, 3)$  이다.

$$\therefore \overline{PQ} = 2 - (-5) = 7$$

12.  $n(A) = 14$ ,  $n(B) = 23$ ,  $n(A \cap B) = 7$  일 때,  $n(B - A) - n(A - B)$  的  
값은?

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

해설

$$\begin{aligned}n(A - B) &= n(A) - n(A \cap B) \\n(B - A) &= n(B) - n(A \cap B) \\n(A - B) &= 14 - 7 = 7 \\n(B - A) &= 23 - 7 = 16 \\\therefore n(B - A) - n(A - B) &= 16 - 7 = 9\end{aligned}$$

13. 좌표평면 위의 두 점 A(7, 4), B(8, 6)과 직선  $y = x$  위를 움직이는 점 P에 대하여  $\overline{PA} + \overline{PB}$ 의 값을 최소가 되게 하는 점 P의 x좌표를 a라 할 때,  $5a$ 의 값을 구하면?

▶ 답:

▷ 정답: 32

해설

A(7, 4)를  $y = x$ 에 대칭이동한 점 C(4, 7)에 대하여  $\overline{PA} + \overline{PB}$  가 최소인 점 P는

선분 BC와 직선  $y = x$ 의 교점이다.

$$y = -\frac{1}{4}x + 8 \text{ 와 } y = x \text{의 교점은 } \left(\frac{32}{5}, \frac{32}{5}\right)$$

$$\therefore 5a = 32$$

14. 다음 중 옳은 것을 모두 골라라.

- Ⓐ  $A = \{1, 2, 3\}$  이면  $n(A) = 3$
- Ⓑ  $C = \{0\}$  이면  $n(C) = 0$
- Ⓒ  $A \subset B$  이면  $n(A) \leq n(B)$
- Ⓓ  $n(A) = n(B)$  이면  $A = B$
- Ⓔ  $n(\{1, 2, 3, 4\}) - n(\{1, 2, 3\}) = 4$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

▷ 정답: Ⓒ

해설

- Ⓑ  $C = \{0\}$  이면  $n(C) = 1$
- Ⓒ  $A$  와  $B$  집합의 원소 개수가 같아도 원소는 다를 수 있다.
- Ⓔ  $4 - 3 = 1$

15. 두 집합  $A = \{2, 4, 6, 8, 10\}$ ,  $B = \{4, 10\}$ 에 대하여  $A \cap X = X$ ,  $B \cup X = X$ 를 만족하는 집합  $X$ 의 개수를 구하여라.

▶ 답:

개

▷ 정답: 8개

해설

$A \cap X = X$  이므로  $X \subset A$ ,  $B \cup X = X$  이므로  $B \subset X$        $\therefore B \subset X \subset A$

즉,  $\{4, 10\} \subset X \subset \{2, 4, 6, 8, 10\}$

따라서 집합  $X$ 는 집합  $A$ 의 부분집합 중 원소 4, 10을 반드시 포함하는 집합이므로 개수는

$2^{5-2} = 2 \times 2 \times 2 = 8$  (개)이다.