

1. 사차방정식 $x^4 + x^3 - 7x^2 - x + 6 = 0$ 의 근이 아닌 것은?

- ① -3 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

2. x, y 에 대한 연립방정식 $\begin{cases} ax - y = a \\ x - ay = 1 \end{cases}$ 이 오직 한 쌍의 해를 갖도록 하는 a 값은?

- ① $a = -1$
- ② $a = 1$
- ③ $a = \pm 1$
- ④ $a \neq \pm 1$ 인 모든 실수
- ⑤ 없다.

3. 연립방정식 $\begin{cases} y = x + 1 \\ x^2 + y^2 = 5 \end{cases}$ 의 해를
 $x = \alpha, y = \beta$ 라 할 때, $\alpha^2 + \beta^2 - \alpha\beta$ 의 값은?

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

4. 연립방정식 $\begin{cases} x^2 - 3xy + 2y^2 = 0 \\ x^2 + 2y^2 = 12 \end{cases}$ 을 만족하는 x, y 에 대하여 $x + y$ 값이 될 수 없는 것은?

- ① $3\sqrt{2}$ ② 4 ③ $-3\sqrt{2}$
④ -4 ⑤ $4\sqrt{2}$

5. 연립방정식 $\begin{cases} x+y=2 \\ ax-y=3 \end{cases}$ 의 해가 좌표평면의 제1사분면에 있기 위한 실수 a 의 값의 범위는?

- ① $a > -1$ ② $a < -1$ ③ $a > \frac{3}{2}$
④ $a < \frac{3}{2}$ ⑤ $a > -2$

6. 좌표평면에서 두 영역 $(x+y-1)(x-y-1) = 0, x^2 - y^2 = 0$ 을 동시에 만족하는 (x, y) 의 개수는?

- ① 무한히 많다. ② 0 개 ③ 1 개
④ 2 개 ⑤ 4 개

7. 200m 운동장 트랙에서 두 명의 학생이 일정한 속력으로 달리기를 한다. 두 학생이 같은 방향으로 달리면 3분 후에 만나고, 반대 방향으로 달리면 1분 후에 만난다고 할 때, 두 학생 중 빠른 학생의 속력은?

- ① 8 km/h
- ② 9 km/h
- ③ 10 km/h
- ④ 11 km/h
- ⑤ 12 km/h

8. $x^2 + y^2 - 2y + 1 = 0$ 을 만족하는 실수 x, y 의 합 $x + y$ 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

9. 다음 식을 만족하는 자연수의 순서쌍 (m, n) 의 개수는?

$$\boxed{\frac{4}{m} + \frac{2}{n} = 1}$$

- ① 1 ② 2 ③ 3
④ 4 ⑤ 5개 이상

10. 사차방정식 $x^4 - 6x^3 + 11x^2 - 6x + 1 = 0$ 의 한 근을 α 라 할 때, $\alpha + \frac{1}{\alpha}$ 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

11. $x^3 = 1$ 의 한 허근을 ω 라 할 때, 다음 <보기> 중 옳은 것의 개수는?

[보기]

Ⓐ $\omega^3 = 1$ ⓒ $\omega^2 + \omega + 1 = 0$

Ⓑ $\bar{\omega} = \omega^2 = \frac{1}{\omega}$

Ⓒ $\omega\bar{\omega} = 1$

Ⓓ $\omega + \bar{\omega} = 1$

Ⓔ $\omega^{2005} + \frac{1}{\omega^{2005}} = -1$

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

12. 대학수학능력시험 수리탐구 영역(I)의 문항 수는 30개이고 배점은 40점이다. 문항별 배점은 1점, 1.5점, 2점의 세 종류이다. 각 배점 종류별 문항이 적어도 한 문항씩 포함되도록 하려면 1점짜리 문항은 최소 몇 문항이어야 하는가?

① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11 ⑤ 12

13. 다음 조건을 만족시키는 z_1, z_2, z_3 에 대하여 이것을 근으로 갖는 삼차방정식을 구하면? (단, $z_i(i = 1, 2, 3)$ 은 복소수, $z = \alpha + \beta i$ 일 때, $|z| = \sqrt{\alpha^2 + \beta^2}$)

$$|z_1| = |z_2| = |z_3| = 1, z_1 + z_2 + z_3 = 1, z_1 z_2 z_3 = 1$$

- ① $x^3 - x^2 + x - 1 = 0$ ② $x^3 - x^2 + 2x - 1 = 0$
③ $x^3 - x^2 - x - 1 = 0$ ④ $x^3 - x^2 - 2x - 1 = 0$
⑤ $2x^3 - 2x^2 - x - 2 = 0$

14. 방정식 $x^3 + 2x^2 + px + q = 0$ 이 한 실근과 두 허근 α, α^2 을 가질 때,
실수 p, q 의 곱은?

① -2 ② 2 ③ -3 ④ 3 ⑤ 1

15. 다음의 \square 안에 들어갈 수 있는 수의 최댓값은?

내접원의 반지름의 길이가 1인 직각삼각형의 외접원의 반지름의 길이를 r 라 하면, $r \geq \square$ 이다.

① 2 ② $1 + \sqrt{2}$ ③ $1 + \sqrt{3}$

④ $2 + \sqrt{2}$ ⑤ $2 + \sqrt{3}$