

1. 다음 보기 중  $x$ 에 대한 이차방정식인 것은 모두 몇 개인지 구하여라.

보기

Ⓐ  $(x+1)(x-3) = 0$

Ⓑ  $x^2 - 2x + 3$

Ⓒ  $x(2-x) = 1 - 2x^2$

Ⓓ  $4x - 6 = 0$

Ⓔ  $a^2 - 2a = 3$

Ⓕ  $x(x-1) = x^2$

▶ 답 :

개

▷ 정답 : 2개

해설

Ⓐ 정리하면  $x^2 - 2x - 3 = 0$  :  $x$ 에 대한 이차방정식이다.

Ⓑ  $x$ 에 대한 이차식이다.

Ⓒ 정리하면  $x^2 + 2x - 1 = 0$  :  $x$ 에 대한 이차방정식이다.

Ⓓ  $x$ 에 대한 일차방정식이다.

Ⓔ  $a$ 에 대한 이차방정식이다.

Ⓕ 정리하면  $-x = 0$  :  $x$ 에 대한 일차방정식이다.

2. 다음 중 이차방정식의 해가 모두 양수인 것은?

①  $x^2 - 5x + 6 = 0$

②  $x^2 - x - 6 = 0$

③  $(x - 1)^2 = 8$

④  $x^2 = 5$

⑤  $(x - 1)(x + 5) = 0$

해설

①  $x^2 - 5x + 6 = (x - 2)(x - 3) = 0$

$\therefore x = 2$  또는  $x = 3$

3. 이차함수  $y = f(x)$  에서  $f(x) = -x^2 + 2x + 5$  일 때,  $f(2)$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$x$  에 2 를 대입한다.

$$f(2) = -4 + 4 + 5 = 5$$

4. 다음 중 이차함수  $y = \frac{1}{2}x^2 + 1$  의  $y$ 의 값의 범위는?

- ①  $y \geq 1$
- ②  $y \leq 1$
- ③  $y \geq -2$
- ④  $y \leq -2$
- ⑤  $y \geq 0$

해설

실수의 제곱은 항상 0 또는 양수이기 때문에 이 그래프의  $y$ 의 값의 범위는  $y \geq 1$  이다.

5. 이차함수  $y = (4 - x)(x - 2)$  의 그래프의 꼭짓점의 좌표를 구하면?

- ① (1, 1)      ② (2, 1)      ③ (3, 1)      ④ (4, 1)      ⑤ (5, 1)

해설

$$\begin{aligned}y &= (4 - x)(x - 2) = 4x - 8 - x^2 + 2x \\&= -x^2 + 6x - 8 = -(x^2 - 6x) - 8 \\&= -(x - 3)^2 + 1\end{aligned}$$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (3, 1)이다.

6. 다음 이차방정식 중에서 서로 다른 두 개의 근을 갖는 것은?

①  $x^2 - 2x + 1 = 0$

②  $x^2 - 6x + 9 = 0$

③  $x^2 + x + 2 = 0$

④  $x^2 - 4x + 5 = 0$

⑤  $x^2 - 3x + 1 = 0$

해설

①  $D = (-2)^2 - 4 \times 1 \times 1 = 0$  : 중근

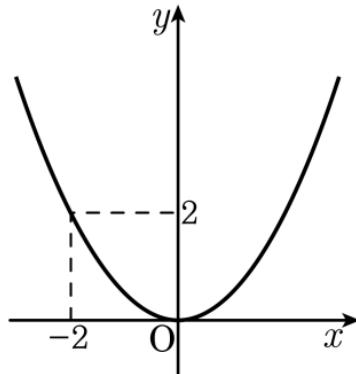
②  $D = (-6)^2 - 4 \times 1 \times 9 = 0$  : 중근

③  $D = 1^2 - 4 \times 1 \times 2 < 0$  : 근이 없다.

④  $D = (-4)^2 - 4 \times 1 \times 5 = -4 < 0$  : 근이 없다.

⑤  $D = (-3)^2 - 4 \times 1 \times 1 = 5 > 0$  : 서로 다른 두 근

7. 다음 그림과 같이 원점을 꼭짓점으로 하고 점  $(-2, 2)$ 를 지나는 포물선을 그래프로 하는 이차함수의 식은?



- ①  $y = \frac{1}{4}x^2$       ②  $y = \frac{1}{2}x^2$       ③  $y = \frac{3}{4}x^2$   
④  $y = \frac{3}{2}x^2$       ⑤  $y = \frac{5}{4}x^2$

해설

$y = ax^2$  의 그래프가 점  $(-2, 2)$ 를 지나므로

$$2 = a \times (-2)^2, \quad 4a = 2 \quad \therefore a = \frac{1}{2}$$

따라서 이차함수의 식은  $y = \frac{1}{2}x^2$  이다.

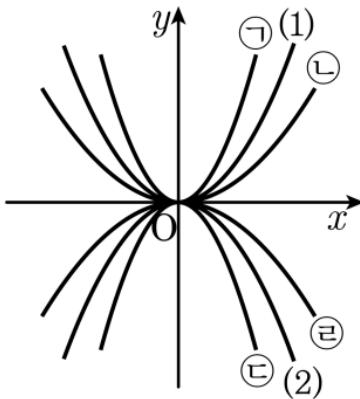
8. 다음 중  $y = x^2$  의 그래프와  $y = -x^2$  의 공통점인 것을 모두 고르면?  
(정답 2 개)

- ① 원점을 지난다.
- ② 아래로 볼록하다.
- ③  $y$  축에 대하여 대칭이다.
- ④ 그래프가 제 1 사분면을 지난다.
- ⑤  $x < 0$  일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소한다.

해설

$x^2$ 의 계수가 양수면 아래로 볼록, 음수면 위로 볼록하다.

9. 다음 그림은 모두 꼭짓점이 원점인 포물선이고,  $y = x^2 \cdots (1)$ ,  $y = -x^2 \cdots (2)$  이다. 이 때,  $y = -\frac{3}{5}x^2$  의 그래프로 적당한 것은?



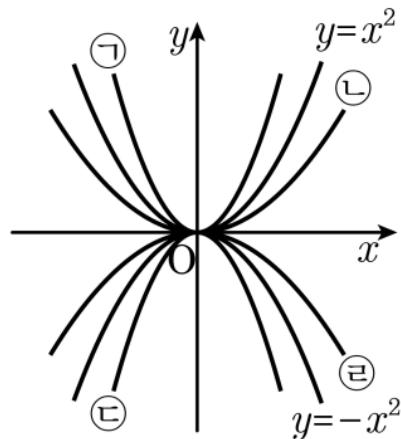
▶ 답:

▷ 정답: ②

해설

위로 볼록하고,  $y = -x^2$  보다 폭이 넓다.

10. 다음 그림에서  $y = -2x^2$  에 해당하는 그래프는?



▶ 답 :

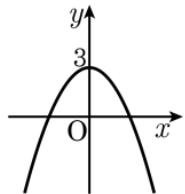
▷ 정답 : Ⓟ

해설

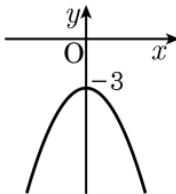
위로 볼록하고,  $y = -x^2$  의 그래프보다 폭이 좁다.

11. 다음 중  $y = -\frac{1}{2}(x + 3)^2$  의 그래프는?

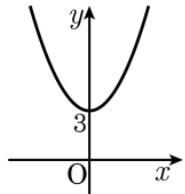
①



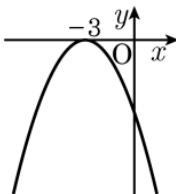
②



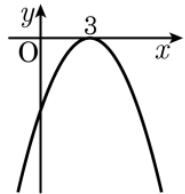
③



④



⑤

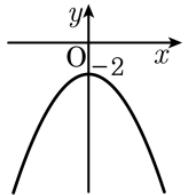


해설

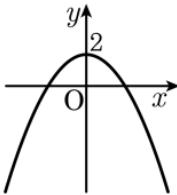
꼭짓점의 좌표가  $(-3, 0)$ 이며, 위로 볼록한 포물선이다.

12. 다음 중  $y = -\frac{1}{3}(x + 2)^2$  의 그래프는?

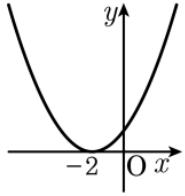
①



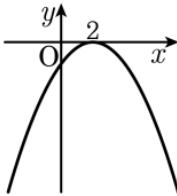
②



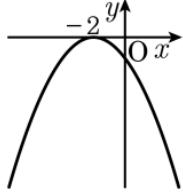
③



④



⑤



해설

꼭짓점의 좌표가  $(-2, 0)$ 이고, 위로 볼록한 모양의 포물선이다.

13.  $y = -3(x - 2)^2 + 3$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 -5 만큼,  $y$  축의 방향으로 -2 만큼 평행이동시킨 식의  $x^2$  의 계수는?

- ① 3      ② -3      ③ 6      ④ -6      ⑤ -18

해설

그래프를 평행이동했을 때 이차항의 계수는 변하지 않는다.

14. 평행이동에 의하여 포물선  $y = \frac{1}{2}x^2 + 1$  의 그래프와 완전히 포개어지지 않는 것은?

①  $y = \frac{1}{2}(x - 1)^2$

③  $y = \frac{1}{2}x^2 - 2$

⑤  $y = \frac{1}{2}x^2 + 2x + 3$

②  $y = -\frac{1}{2}x^2 - 1$

④  $y = \frac{1}{2}(x + 1)^2 - 1$

해설

이차항의 계수가 같은 것을 찾는다.

15. 이차방정식  $ax^2 - (a-3)x + 2 - a^2 = 0$  의 한 근이  $-1$  일 때,  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 1

해설

주어진 식에  $x = -1$  을 대입하면

$$a + (a - 3) + 2 - a^2 = 0$$

$$a^2 - 2a + 1 = 0$$

$$(a - 1)^2 = 0$$

$$\therefore a = 1$$

16. 이차방정식  $x^2 + 3x - 10 + b = 0$  의 한 근이 2 일 때, 다른 한 근을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -5

해설

$$x = 2 \text{ 일 때}, b = 0$$

$$x^2 + 3x - 10 = 0$$

$$(x + 5)(x - 2) = 0$$

$$\therefore x = -5 \text{ 또는 } x = 2$$

17. 이차방정식  $2x^2 + 6x - a = 0$  의 한 근이 3 일 때, 다른 한 근의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : -6

해설

$x = 3$  을 주어진 식에 대입하면

$$18 + 18 - a = 0$$

$$\therefore a = 36$$

$$2x^2 + 6x - 36 = 0, (2x + 12)(x - 3) = 0$$

$$(x + 6)(x - 3) = 0$$

$$\therefore x = -6 \text{ 또는 } x = 3$$

따라서 다른 한 근은 3이다.

18. 두 이차방정식  $2x^2 + mx - 3 = 0$ ,  $x^2 + x + n = 0$ 의 공통인 해가  $x = -3$  일 때,  $m + n$ 의 값은?

- ① -11      ② -1      ③ 1      ④ 8      ⑤ 11

해설

$x = -3$ 이므로  $-3$ 은 두 방정식의 공통인 해이다.

$x = -3$ 을 두 방정식에 각각 대입하면

$$18 - 3m - 3 = 0 \text{이므로 } m = 5$$

$$9 - 3 + n = 0 \text{이므로 } n = -6$$

$$\therefore m + n = -1$$

19. 이차방정식  $2x^2 - (k+3)x + 2k = 0$ 의 중근을 가질 때, 상수  $k$  값들의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$$\begin{aligned} 2x^2 - (k+3)x + 2k &= 2(x-a)^2 \\ &= 2x^2 - 4ax + 2a^2 \end{aligned}$$

$$k+3 = 4a, \quad 2a^2 = 2k$$

$$(k+3)^2 = 16k$$

$$k^2 - 10k + 9 = 0$$

$$\therefore k = 1, k = 9$$

$$(k\text{의 값의 합}) = 1 \times 9 = 9$$

20. 이차함수  $y = x^2$ 에 대한 설명이다. 옳지 않은 것은?

- ① 꼭짓점이  $(0, 0)$ 인 아래로 볼록한 포물선이다.
- ②  $y = -x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대하여 대칭이다.
- ③ 축의 방정식은  $y = 0$ 이다.
- ④  $x$ 가 증가함에 따라  $x < 0$  일 때,  $y$ 는 감소하고,  $x > 0$  일 때,  $y$ 는 증가한다.
- ⑤ 점  $(-3, 9)$ 를 지난다.

해설

- ③ 축의 방정식은  $x = 0$ 이다.

21. 이차방정식  $x^2 - 4x + 2 = 0$  의 한 근이  $a$  일 때,  $a^2 + \frac{4}{a^2}$  의 값은?

- ① 12      ② 13      ③ 15      ④ 16      ⑤ 18

해설

$x = a$  를 주어진 이차방정식에 대입하면  $a^2 - 4a + 2 = 0$

양변을  $a$  로 나누면  $a - 4 + \frac{2}{a} = 0$  이므로  $a + \frac{2}{a} = 4$

$$\therefore a^2 + \frac{4}{a^2} = \left(a + \frac{2}{a}\right)^2 - 4 = 4^2 - 4 = 12$$

22. 이차방정식  $x^2 - 8x + a = 0$  의 해가 정수일 때, 자연수  $a$ 의 값 중 가장 큰 수를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 16

해설

$x^2 - 8x + a = 0$  의 해  $x = 4 \pm \sqrt{16 - a}$  가 정수이기 위해서는 근호 안의 수가 제곱수이어야 한다.

$a$ 는 자연수이므로  $0 \leq 16 - a < 16$

$$16 - a = 0, 1, 4, 9$$

$$\therefore a = 7, 12, 15, 16$$

따라서 가장 큰 수는  $a = 16$ 이다.

23.  $(x+y+4)(x+y) = 12$  일 때,  $x+y$  의 값의 합을 구하면?

① 2

② -4

③ -6

④ -8

⑤ 10

해설

$A = x+y$  라 하면

$$(A+4)A = 12$$

$$A^2 + 4A - 12 = 0$$

$$(A-2)(A+6) = 0$$

$$\therefore A = 2 \text{ 또는 } A = -6$$

따라서  $x+y$ 의 값의 합은  $2 + (-6) = -4$ 이다.

24. 두 이차방정식  $x^2 - 12x + a = 0$ ,  $(x - b)^2 = 0$ 의 근이 같고 근의 개수는 1개일 때,  $a + b$ 의 값은?

- ① 6      ② 12      ③ 24      ④ 36      ⑤ 42

해설

$x^2 - 12x + a = 0$ 은 중근을 가지고,  $(x - b)^2 = 0$ 도 같은 근을 가진다.

따라서  $a = 36$ ,  $b = 6$  이므로

$a + b = 42$  이다.

25.  $x$ 에 관한 이차방정식  $x^2 - 2(k+a)x + (k^2 - k + b) = 0$ 의  $k$ 값에  
관계없이 중근을 가질 때,  $8ab$ 의 값은?

① -2

② 2

③ -1

④ 1

⑤ 0

해설

$$D/4 = (k+a)^2 - (k^2 - k + b) = 0$$

$k$ 에 대해서 정리하면

$(2a+1)k + a^2 - b = 0$ , 이 식이  $k$ 에 관한 항등식이므로  $2a+1 = 0$ ,  $a^2 - b = 0$

$$\therefore a = -\frac{1}{2}, b = \frac{1}{4}$$

$$\therefore 8ab = 8 \left(-\frac{1}{2}\right) \left(\frac{1}{4}\right) = -1$$