

1. 일차방정식 $ax + y = 3$ 의 해가 $(5, -7)$ 일 때, a 의 값은?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$(5, -7)$ 을 $ax + y = 3$ 에 대입하면

$$5a - 7 = 3$$

$$5a = 10$$

$$a = 2$$

2. 다음 연립방정식을 풀어라.

$$\begin{cases} \frac{1}{2}x + \frac{1}{3}y = \frac{4}{3} \\ 0.7x - 0.4y = 1 \end{cases}$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = 2$

▷ 정답 : $y = 1$

해설

$\frac{1}{2}x + \frac{1}{3}y = \frac{4}{3}$ 의 양변에 6을 곱하면

$$3x + 2y = 8 \cdots \textcircled{\text{①}}$$

$0.7x - 0.4y = 1$ 의 양변에 10을 곱하면

$$7x - 4y = 10 \cdots \textcircled{\text{②}}$$

$2 \times \textcircled{\text{①}} - \textcircled{\text{②}}$ 을 계산하면 $x = 2$

①에 $x = 2$ 를 대입하면 $y = 1$

$$\therefore x = 2, y = 1$$

3. 500쪽의 책에서 x 쪽을 읽었을 때 남은 쪽 수를 y 쪽이라 할 때, x 와 y 의 관계식은?

① $y = 500 + x$

② $y = 500 - x$

③ $y = 500 \times x$

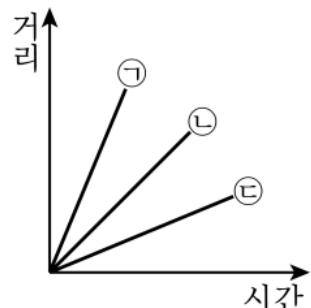
④ $y = 500 \div x$

⑤ $y = 50 \div x$

해설

남은 쪽수는 전체 쪽수에서 읽은 쪽수를 빼면 된다. 따라서 $y = 500 - x$ 이다.

4. 정수, 희재, 규현이는 같은 거리를 달리는데 모두 일정한 속도로 달리고 규현이, 희재, 정수 순서로 목적지에 도착한다고 한다. 달린 거리를 시간과 거리의 그래프로 나타내었다고 할 때, 규현이의 그래프는 어떤 것인지 골라라.



▶ 답 :

▷ 정답 : ①

해설

규현이가 목적지에 가장 먼저 도착한다고 했으므로 규현이의 속도가 가장 빠르다.

(속력) = $\frac{\text{(거리)}}{\text{(시간)}}$ 이므로 기울기가 가장 큰 것을 찾으면 ①의

그래프가 규현이가 달린 거리를 나타낸 것이다.

5. 직선 $y = \frac{3}{4}x - 5$ 와 평행하고, 점 (4, 6)을 지나는 직선의 x 절편을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : -4

해설

$$y = \frac{3}{4}x + b \text{ 가 점 } (4, 6) \text{ 지나므로}$$

$$6 = \frac{3}{4} \times 4 + b, 6 = 3 + b \quad \therefore b = 3$$

$$\therefore y = \frac{3}{4}x + 3$$

$$x\text{절편} : 0 = \frac{3}{4}x + 3 \quad \therefore x = -4$$

6. 어떤 광고지를 인쇄하는데 인쇄비는 기본 500 장까지는 22000 원이고, 추가로 더 인쇄하려면 10 장당 300 원이 든다. 이 광고지의 한 장당 인쇄비가 35 원 이하가 되려면 몇 장 이상을 인쇄해야 되는가?

- ① 1500 장
- ② 1400 장
- ③ 1300 장
- ④ 1200 장
- ⑤ 1100 장

해설

추가로 인쇄하는 광고지의 장 수를 x 장이라 하면

$$22000 + 300x \leq 35(500 + 10x)$$

$$4500 \leq 50x$$

$$x \geq 90$$

$$\therefore 500 + 10 \times 90 = 1400$$

7. 30 명 이상의 단체 관람객은 한 사람당 4000 원 하는 입장료의 30%를 할인해 주는 박물관이 있다. 몇 명 이상이면 30 명의 단체 입장권을 사는 것이 유리한가?

- ① 20 명 ② 21 명 ③ 22 명 ④ 23 명 ⑤ 24 명

해설

x 명이 입장한다고 하면 입장료는

$$4000 \times x = 4000x \text{ (원)}$$

또 30 명으로 하여 단체로 입장하면 입장료는

$$4000 \times 0.7 \times 30 = 84000 \text{ (원)}$$

따라서 부등식을 세우면 $4000x > 84000$, $x > 21$

그러므로 22 명 이상이면 단체로 입장하는 것이 유리하다.

8. 밑변의 길이가 12cm 인 삼각형에서 넓이가 48cm^2 이상이 되게 하려면 높이는 얼마 이상으로 해야 하는지 구하여라.

▶ 답: cm

▶ 정답: 8 cm

해설

$$\frac{1}{2} \times 12 \times h \geq 48 \quad \therefore h \geq 8$$

9. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $5x + y = 20$ 의 해는 모두 몇 쌍인지 구하여라.

▶ 답 : 쌍

▶ 정답 : 3쌍

해설

(1, 15), (2, 10), (3, 5)

10. 두 자리의 자연수가 있다. 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자의 합은 14이고, 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자를 바꾼 수는 처음 수보다 36만큼 작아진다고 한다. 십의 자리의 숫자를 x , 일의 자리의 숫자를 y 라고 할 때, 이 수를 구하기 위한 식은?

- ① $\begin{cases} x + y = 14 \\ 10x + y = (10y + x) - 36 \end{cases}$
- ② $\begin{cases} x + y = 14 \\ 10x + y + 36 = (10y + x) \end{cases}$
- ③ $\begin{cases} x + y = 14 \\ 10x + y = (10y + x) + 36 \end{cases}$
- ④ $\begin{cases} 10x + y = 14 \\ 10y + x + 36 = (10x + y) \end{cases}$
- ⑤ $\begin{cases} x + y = 14 \\ 10y + x - 36 = (10x + y) \end{cases}$

해설

처음 수의 십의 자리 숫자를 x , 일의 자리 숫자를 y 라 하면 처음 수는 $10x + y$, 나중 수는 $10y + x$ 이다.

따라서 $\begin{cases} x + y = 14 \\ 10x + y = (10y + x) + 36 \end{cases}$ 이 된다.

11. 연립방정식 $\begin{cases} x + ay = 9 \\ bx + 3y = 19 \end{cases}$ 의 해가 $(5, -2)$ 일 때 ab 의 값을 구하
면?

- ① -10 ② 10 ③ -8 ④ 8 ⑤ -6

해설

$x = 5, y = -2$ 를 대입하여 a, b 의 값을 각각 구한다.

$$a = -2, b = 5$$

$$\therefore ab = -10$$

12. 함수 $f(x) = 3x - 4$ 에 대하여 $f\left(\frac{2}{3}\right) - f(0)$ 을 구하면?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

$$f(x) = 3x - 4 \text{ 에 } x = \frac{2}{3} \text{ 를 대입하면 } f\left(\frac{2}{3}\right) = 3 \times \frac{2}{3} - 4 = -2$$

이고

$$x = 0 \text{ 을 대입하면 } f(0) = 3 \times 0 - 4 = -4 \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } f\left(\frac{2}{3}\right) - f(0) = -2 - (-4) = 2$$

13. 다음 중 일차함수 $y = -\frac{1}{4}x + 2$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 오른쪽 아래로 향하는 직선이다.
- ② 기울기가 $-\frac{1}{4}$ 이다.
- ③ 점 $(4, 2)$ 를 지난다.
- ④ 제1, 2, 4사분면을 지난다.
- ⑤ $y = \frac{1}{3}x - 4$ 의 그래프보다 y 축에 가깝지 않다.

해설

③ $-\frac{1}{4} \times 4 + 2 = 1$ 이므로 점 $(4, 2)$ 를 지나지 않는다.

14. 일차함수 $y = 2ax + 5$ 의 그래프를 y -축의 방향으로 -4 만큼 평행이동시켰더니 $y = 6x + b$ 의 그래프와 일치하였다. 이때, $a - b$ 의 값은?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

평행이동시켰으므로 기울기는 같다.

$$2a = 6, \quad a = 3$$

$$y = 6x + 5 + (-4) = 6x + b, \quad b = 1$$

$$\therefore a - b = 2$$

15. 자연수 x, y 에 대하여 연립방정식 $\begin{cases} 4x + y = 13 \\ 4x - y = 3 \end{cases}$ 의 해를 구하면?

- ① $x = 1, y = 3$
- ② $x = 2, y = 5$
- ③ $x = 3, y = 1$
- ④ $x = 4, y = 13$
- ⑤ $x = 5, y = 2$

해설

$4x + y = 13$ 과 $4x - y = 3$ 을 모두 만족하는 x, y 의 값을 구한다.

16. 연립방정식 $\begin{cases} 5y - 2(3y - x) = -4 \\ -\frac{x}{3} + \frac{y}{4} = \frac{3}{2} \end{cases}$ 의 해와 같은 연립방정식은?

$$\textcircled{1} \quad \begin{cases} \frac{x-7}{3} + \frac{y-9}{2} = 7 \\ \frac{x-3}{5} - \frac{y+5}{2} + 4 = 0 \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \quad \begin{cases} \frac{x-1}{2} + \frac{y+4}{4} = 4 \\ \frac{x-3}{7} - \frac{y+2}{2} + 6 = 1 \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \quad \begin{cases} 3(2x - 7y) + 5y = 7 \\ \frac{2x-y}{3} - \frac{x+3}{4} = \frac{2}{13} \end{cases}$$

$$\textcircled{4} \quad \begin{cases} x + \frac{5}{2}y = 28 \\ x + \frac{1}{5}y = 5 \end{cases}$$

$$\textcircled{5} \quad \begin{cases} \frac{x}{4} + \frac{y}{3} = 2 \\ 2(x-4) + y = 4 \end{cases}$$

해설

해가 $x = 3, y = 10$ 인 연립방정식을 찾으면 된다.

17. 다음 연립방정식 중 해가 없는 것은?

①
$$\begin{cases} 2x + y = 12 \\ x - y = -6 \end{cases}$$

③
$$\begin{cases} 2x + y = 5 \\ 2x + 4y = 6 \end{cases}$$

⑤ $x - 2y = 2x - y = 3$

② $3x + 2y = -6x - 4y = 3$

④
$$\begin{cases} x + 4y = 6 \\ 2x - 4y = 6 \end{cases}$$

해설

② $3x + 2y = 3, -6x - 4y = 3$ 에서 첫 번째 식에 $\times(-2)$ 를 한 후 두 번째 식을 빼면 $0 \cdot x = -9$ 가 되므로 해가 없다.

18. 일차함수 $y = -3x - 7$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 a 만큼 평행 이동하였더니, 점 $(2, -3)$ 을 지났다. 이때, a 의 값을 구하면?

① 10

② 11

③ 12

④ 13

⑤ 14

해설

$$y = -3x - 7 + a \text{ 에 } (2, -3) \text{ 대입}$$

$$-3 = -6 - 7 + a$$

$$a = 10$$

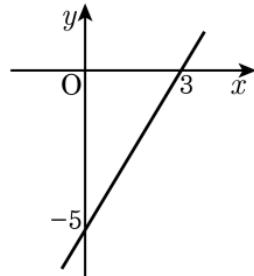
19. $y = \frac{1}{3}x - 5$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것은?

- ① $y = -2\left(\frac{1}{3}x - 2\right)$ 의 그래프와 평행하다.
- ② $y = \frac{1}{2}(2x + 4)$ 의 그래프와 만나지 않는다.
- ③ $y = \frac{2}{3}x$ 의 그래프와 만난다.
- ④ $y = -\frac{1}{3}(-x - 3)$ 의 그래프와 만난다.
- ⑤ $y = \frac{2}{3}(x + 6)$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 또는 y 축의 방향으로 옮겨서 그릴 수 있는 그래프다.

해설

③ $y = \frac{2x}{3}$ 는 $y = \frac{1}{3}x - 5$ 와 기울기가 다르므로 만나는 그래프이다.

20. 다음 그림과 같은 직선이 점 $\left(\frac{3}{5}, k\right)$ 를 지날 때, k 의 값은?



- ① -4 ② -5 ③ -6 ④ -7 ⑤ -8

해설

x 절편이 3, y 절편이 -5이므로 $(3, 0)$, $(0, -5)$ 를 지난다.

직선의 방정식을 $y = ax + b$ 라고 놓으면

$b = -5$ 이고

$$0 = 3 \times a - 5, \quad a = \frac{5}{3} \text{이므로, } y = \frac{5}{3}x - 5 \text{이다.}$$

점 $\left(\frac{3}{5}, k\right)$ 가 이 위에 있으므로

$$k = \frac{5}{3} \times \frac{3}{5} - 5, \quad k = -4 \text{이다.}$$

21. 4km 떨어져 있는 장소에 가기 위해서 버스를 이용하거나 승합차를 이용하는 방법이 있다. 버스를 이용할 경우 1 인당 1200 원이다. 승합차 요금은 2km 까지는 기본 요금인 2500 원이고, 그 이후로는 100m 당 200 원씩 올라간다고 한다. 몇 명 이상이면 함께 승합차를 타는 것이 경제적인지 구하여라.

▶ 답 : 명

▶ 정답 : 6 명

해설

4km 떨어진 장소에 가는 인원을 x 명이라 하면

버스 이용요금은 $1200x$ 원이고

승합차 이용요금은

$$2500 + \frac{2000}{100} \times 200 = 6500 \text{ 원 이므로}$$

$$1200x > 6500$$

$$\therefore x > \frac{65}{12} \approx 5.42$$

따라서 6 명 이상이면 승합차를 타는 것이 경제적이다.

22. 연립방정식 $\begin{cases} ax + by = -2 \\ bx + ay = 5 \end{cases}$ 를 바르게 풀면 해가 $x = 1$, $y = 2$

이 나오는데, 수련이는 상수 a , b 를 바꿔 놓고 풀어서 해가 (m, n) 이 나왔다. 이때, $x = m$, $y = n$ 이라 할 때, $m + n$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\begin{cases} ax + by = -2 \\ bx + ay = 5 \end{cases} \quad \text{에 } x = 1, y = 2 \text{ 를 대입하면}$$

$$\begin{cases} a + 2b = -2 \\ b + 2a = 5 \end{cases} \quad \text{가 나오고, 이를 연립하면 } a = 4, b = -3 \text{ 이}$$

나온다.

수련이가 푼 방정식은 $\begin{cases} bx + ay = -2 \\ ax + by = 5 \end{cases}$ 이므로 $a = 4$, $b = -3$

을 대입하면 $x = 2, y = 1$ 가 나온다. 따라서 $m + n = 2 + 1 = 3$ 이 된다.

23. $f(x) = ax - 7$ 에서 $f(2) = -4$ 일 때, $f(4)$ 의 값은?

① -6

② -3

③ -1

④ 1

⑤ 3

해설

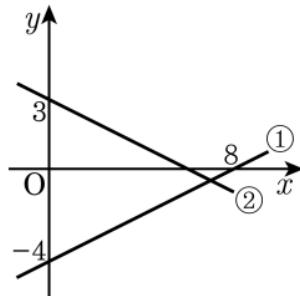
$$f(2) = 2a - 7 = -4$$

$$\therefore a = \frac{3}{2}$$

$$f(x) = \frac{3}{2}x - 7$$

$$f(4) = \frac{3}{2} \times 4 - 7 = -1$$

24. 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프는 다음 그림의
 ①번 그래프와 평행하고, ②번 그래프와 y 축
 위에서 만난다고 한다. 이 때, $y = ax + b$ 의
 그래프가 x 축과 만나는 점의 x 좌표는?



- ① -6 ② 6 ③ 3 ④ -3 ⑤ -2

해설

①번 그래프의 기울기는 $\frac{0 - (-4)}{8 - 0} = \frac{1}{2}$ 이고, 이 그래프와 평행
 하므로 기울기는 같다.

②번 그래프와 y 축 위에서 만나므로 y 절편이 같다.

따라서 주어진 함수의 식은 $y = \frac{1}{2}x + 3$ 이다.

이 함수의 x 절편은 $0 = \frac{1}{2}x + 3$, $x = -6$ 이다.

25. 점 A(a , 5)는 일차함수 $y = 2x + 1$ 의 그래프 위의 점이고, 점 B(1, b)는 일차함수 $y = 2x - 3$ 의 그래프 위의 점이다. 이 때, 두 점 A, B를 지나는 직선의 방정식은?

- ① $y = 6x + 7$ ② $y = 6x - 7$ ③ $y = 6x$
④ $y = 2x + 7$ ⑤ $y = 2x - 7$

해설

A(a , 5)를 $y = 2x + 1$ 에 대입하면

$$5 = 2a + 1 \quad \therefore a = 2$$

B(1, b)를 $y = 2x - 3$ 에 대입하면

$$b = 2 - 3 = -1$$

따라서 (2, 5), (1, -1)을 지나는

직선의 일차함수의 식은 $y = 6x - 7$ 이다.