

1. 다음 연립방정식 중에서 $x = 1, y = -2$ 를 해로 갖는 것을 찾으려면?

$$\textcircled{1} \begin{cases} x + y = -1 \\ x - y = 2 \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \begin{cases} y = x - 3 \\ y = -2x \end{cases}$$

$$\textcircled{5} \begin{cases} x + y = 5 \\ 2x + y = 7 \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \begin{cases} 2x + y = 0 \\ x - 2y = 3 \end{cases}$$

$$\textcircled{4} \begin{cases} x = y + 3 \\ x = 2y \end{cases}$$

해설

$$\textcircled{1} \quad x = \frac{1}{2}, y = -\frac{3}{2}$$

$$\textcircled{2} \quad x = \frac{3}{5}, y = -\frac{6}{5}$$

$$\textcircled{4} \quad x = 6, y = 3$$

$$\textcircled{5} \quad x = 2, y = 3$$

2. 연립방정식 $\begin{cases} x + y = 3 & \cdots \textcircled{㉠} \\ 2x + y = b & \cdots \textcircled{㉡} \end{cases}$ 의 해가 $x = a, y = 2a$ 일 때, a, b

의 값을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 1$

▷ 정답: $b = 4$

해설

$x = a, y = 2a$ 를 대입하면

$$\begin{cases} a + 2a = 3 & \cdots \textcircled{㉠} \\ 2a + 2a = b & \cdots \textcircled{㉡} \end{cases} \text{이므로 } a = 1, b = 4 \text{ 이다.}$$

3. 연립방정식 $\begin{cases} 0.5x - 0.2y = 0.2 \\ \frac{5}{2}x - 2y = 2 \end{cases}$ 를 풀어라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = 0$

▷ 정답 : $y = -1$

해설

$$\begin{cases} 0.5x - 0.2y = 0.2 & \dots \text{①} \\ \frac{5}{2}x - 2y = 2 & \dots \text{②} \end{cases}$$

$$\text{①} \times 10 - \text{②} \times 2 : x = 0, y = -1$$

4. 두 자리의 자연수가 있다. 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자의 합은 11이고, 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자를 바꾼 수는 처음 수보다 27만큼 커진다고 한다. 처음 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 47

해설

십의 자리의 숫자를 x , 일의 자리의 숫자를 y 라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 11 \\ 10y + x = 10x + y + 27 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x + y = 11 & \cdots \textcircled{A} \\ x - y = -3 & \cdots \textcircled{B} \end{cases} \text{에서}$$

\textcircled{A} , \textcircled{B} 을 연립하여 풀면 $x = 4$, $y = 7$ 이다.
처음 수는 47이다.

5. 50 원짜리 동전과 100 원짜리 동전이 모두 20 개 있다. 전체 금액이 1700 원일 때, 100 원짜리 동전의 개수는?

① 10 개

② 11 개

③ 12 개

④ 13 개

⑤ 14 개

해설

50 원짜리 동전 x 개, 100 원짜리 동전 y 개를 모았다고 하면

$$\begin{cases} x + y = 20 \\ 50x + 100y = 1700 \end{cases}$$

연립하여 풀면 $x = 6$, $y = 14$ 이다.

8. 어느 퀴즈 대회에서 처음에 기본 점수 100 점이 주어지고 20 문제를 모두 풀어야 하는데 한 문제를 맞히면 20 점을 얻고, 틀리면 10 점을 감점한다고 한다. 이때, 350 점을 얻으려면 몇 문제를 맞혀야 하는가?

① 5 개

② 10 개

③ 15 개

④ 20 개

⑤ 25 개

해설

맞힌 문제 수를 x 개, 틀린 문제 수를 y 개라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 20 \\ 20x - 10y = 350 - 100 \end{cases},$$

$$\text{즉} \begin{cases} x + y = 20 & \dots (1) \\ 20x - 10y = 250 & \dots (2) \end{cases}$$

(1) + (2) $\div 10$ 을 하면 $3x = 45$

$\therefore x = 15, y = 5$

9. A, B 두 사람이 가위바위보를 하여 이긴 사람은 3 계단을 올라가고, 진 사람은 2 계단을 올라가기로 하였다. 출발점에서 A 는 16 계단을, B 는 23 계단을 올라갔을 때, A 가 가위바위보를 이긴 횟수와 진 횟수를 구하는 방정식은? (단, x 는 A 가 이긴 횟수, y 는 A 가 진 횟수이며, 비기는 경우는 없다.)

$$\textcircled{1} \begin{cases} 3x - 2y = 23 \\ 2x - 3y = 16 \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \begin{cases} -3x + 2y = 23 \\ -2x + 3y = 16 \end{cases}$$

$$\textcircled{5} \begin{cases} 3x + 2y = -23 \\ 2x + 3y = -16 \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \begin{cases} -3x + 2y = 23 \\ 2x + 3y = -16 \end{cases}$$

$$\textcircled{4} \begin{cases} 3x + 2y = 16 \\ 2x + 3y = 23 \end{cases}$$

해설

A 는 $3x + 2y$ 만큼, B 는 $2x + 3y$ 만큼 올라간다.

10. 다음 중 x, y 에 관한 일차방정식이 아닌 것은 모두 몇 개인가?

(㉠) $y = 2x$

(㉡) $x + y = 0$

(㉢) $2x + 5 = y - 5$

(㉣) $3x - 5 = 1$

(㉤) $x - 4y = 2$

(㉥) $2x - y + 1 = 0$

(㉦) $2(x - y) = 3x - 2y + 3$

(㉧) $2(x - y) = 5(x - y) + 1$

(㉨) $(x + 1)(y - 1) = 0$

(㉩) $0.2x + 3.4y = 0$

(㉪) $2x = y + 5$

(㉫) $2x + y = 2x - 1$

(㉬) $3x = -y - 6$

① 4 개

② 5 개

③ 6 개

④ 7 개

⑤ 8 개

해설

정리한 식이 $ax + by + c = 0$ ($a \neq 0, b \neq 0, a, b, c$ 는 상수)의 꼴로 나타낼 수 없는 것을 찾으면 (㉣), (㉦), (㉨), (㉫)의 4 개이다.

11. 현재 A 중학교의 여학생 수를 x 명, 남학생 수를 y 명이라 하자. 여학생은 작년에 비해 4% 늘었고, 남학생은 작년에 비해 10% 줄었다고 한다. 작년 A 중학교의 총 학생 수를 x, y 에 관한 식으로 나타내면?

① $\frac{24}{25}x + \frac{10}{11}y$

② $\frac{25}{26}x + \frac{10}{9}y$

③ $\frac{25}{24}x + \frac{10}{11}y$

④ $\frac{25}{26}x + \frac{11}{10}y$

⑤ $\frac{26}{25}x + \frac{9}{10}y$

해설

작년 여학생 수를 a 명, 작년 남학생 수를 b 명이라 하면 $x =$

$$\frac{104}{100}a, y = \frac{90}{100}b \quad a = \frac{100}{104}x = \frac{25}{26}x, b = \frac{10}{9}y$$

그러므로 작년 A 중학교 총 학생 수는 $\frac{25}{26}x + \frac{10}{9}y$ (명)으로 나

타낼 수 있다.

12. 방정식 $x + 2y = 10$ 을 만족하는 x, y 의 순서쌍의 개수와 방정식 $4x + y = 20$ 을 만족하는 x, y 의 순서쌍의 개수를 더한 값을 구하여라.
(단, x, y 는 자연수이다.)

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

방정식 $x + 2y = 10$ 의 x, y 값을 표로 나타내면

x	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
y	$\frac{9}{2}$	4	$\frac{7}{2}$	3	$\frac{5}{2}$	2	$\frac{3}{2}$	1	$\frac{1}{2}$	0

이고, 방정식 $4x + y = 20$ 값을 표로 나타내면

x	1	2	3	4	5
y	16	12	8	4	0

이다. 따라서 x, y 값이 자연수인 순서쌍의 개수를 구하면 4개, 4개 이므로 $4 + 4 = 8$ 이다.

13. x, y 에 관한 일차방정식 $ax - 2y - 4 = 0$ 의 한 해가 $(-2, 1)$ 이다.
 $y = \frac{3}{4}$ 일 때, x 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $-\frac{11}{6}$

해설

$(-2, 1)$ 을 $ax - 2y - 4 = 0$ 에 대입하면,

$$-2a - 2 - 4 = 0 \quad \therefore a = -3$$

$-3x - 2y - 4 = 0$ 에 $y = \frac{3}{4}$ 을 대입하면,

$$x = -\frac{11}{6}$$

14. x, y 두 정수의 합은 60 이고, x 의 5 할과 y 의 4 할의 합은 27 이다. x 를 구하면?

① 10

② 20

③ 30

④ 40

⑤ 50

해설

$$\begin{cases} x + y = 60 \\ \frac{5}{10}x + \frac{4}{10}y = 27 \end{cases}$$

연립하여 풀면 $x = 30, y = 30$ 이다.

18. 가로와 세로의 길이가 세로의 길이의 3 배보다 4cm 짧은 직사각형이 있다. 이 직사각형의 둘레의 길이가 32cm 일 때, 가로의 길이를 구하여라.

▶ 답: cm

▷ 정답: 11 cm

해설

가로의 길이를 x , 세로의 길이를 y 라고 하면

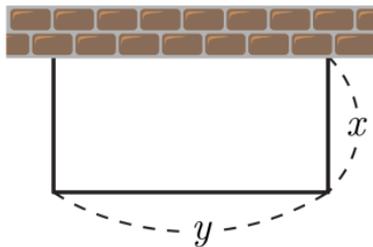
$$\begin{cases} x = 3y - 4 \\ 2(x + y) = 32 \end{cases}, \text{ 즉 } \begin{cases} x = 3y - 4 & \cdots (1) \\ x + y = 16 & \cdots (2) \end{cases}$$

(1)을 (2)에 대입하면 $3y - 4 + y = 16$

$$y = 5, x = 11$$

따라서 가로의 길이는 11cm 이다.

19. 다음 그림과 같이 가로 길이가 세로 길이보다 2배 더 긴 모양의 철조망이 만들어져 있다. 철조망의 둘레의 길이가 24라고 할 때, 가로의 길이를 구하여라. (단, 벽에는 철조망을 만들지 않는다.)



▶ 답 :

▷ 정답 : 12

해설

$$\begin{cases} y = 2x \cdots \text{㉠} \\ 2x + y = 24 \cdots \text{㉡} \end{cases}$$

㉠을 ㉡에 대입하면

$$4x = 24$$

$$\therefore x = 6$$

$$y = 2x = 2 \cdot 6 = 12$$

\therefore 가로의 길이 : 12

20. 둘레의 길이가 32cm 인 직사각형이 있다. 이 직사각형의 가로의 길이를 3cm 늘리고, 세로의 길이를 2 배가 되도록 늘렸더니 둘레의 길이가 58cm 가 되었다. 처음 직사각형의 넓이는?

① 20cm^2

② 40cm^2

③ 60cm^2

④ 80cm^2

⑤ 100cm^2

해설

처음 직사각형의 가로의 길이를 x , 세로의 길이를 y 라고 하면

$$\begin{cases} 2(x+y) = 32 \\ 2(x+3) + 2 \times 2y = 58 \end{cases}$$

괄호를 풀어 정리하면 $\begin{cases} 2x + 2y = 32 & \dots(1) \\ 2x + 4y = 52 & \dots(2) \end{cases}$

(2) - (1) 하면 $2y = 20$

$y = 10 \dots(3)$

(3)을 (1)에 대입하여 풀면 $x = 6$

따라서 처음 직사각형의 넓이는 $xy = 6 \times 10 = 60(\text{cm}^2)$ 이다.

21. 가로 길이가 세로 길이보다 2cm 더 짧은 직사각형의 둘레의 길이가 52cm 이다. 이 때, 직사각형의 가로의 길이를 구하여라.

▶ 답: cm

▷ 정답: 12cm

해설

가로 : x

세로 : $x + 2$

$$2(x + x + 2) = 52$$

$$4x + 4 = 52$$

$$4x = 48$$

$$x = 12$$

22. 밑변의 길이가 윗변의 길이보다 3cm 길고, 높이가 6cm 인 사다리꼴의 넓이가 21cm^2 일 때, 밑변의 길이를 구하면?

① 2cm

② 5cm

③ 8cm

④ 10cm

⑤ 12cm

해설

밑변의 길이를 x 라 두면,
윗변의 길이는 $x - 3$ 이므로

$$\text{사다리꼴의 넓이는 } \frac{1}{2} (x + x - 3) \times 6 = 21$$

따라서 밑변의 길이는 5cm

23. 다음 중 x, y 에 관한 일차방정식은 모두 몇 개인가?

$$(\neg) 2x - 3y + 4 = 0$$

$$(\angle) y = 3x - 4$$

$$(\sqsubset) 2xy + x - y = 0$$

$$(\equiv) y = 2x^2 - 3$$

$$(\square) 2x = 4y - 6$$

$$(\natural) y = \frac{1}{x} + 2$$

$$(\sphericalangle) 3x - y^2 = 0$$

$$(\circ) x + y = 0$$

$$(\sphericalangle) 3x = -y - 6$$

$$(\sphericalangle) 2x + y = 2x - 1$$

$$(\supset) x = y(y - 1)$$

$$(\varepsilon) y = 2x$$

$$(\pi) 3x - 5 = 1$$

① 4 개

② 5 개

③ 6 개

④ 7 개

⑤ 8 개

해설

미지수 x, y 인 2 개로 이루어진 일차방정식은 모든 항을 좌변으로 이항하여 정리하면 $ax + by + c = 0$ ($a \neq 0, b \neq 0, a, b, c$ 는 상수) 형태를 갖는다. 따라서 $(\neg), (\angle), (\square), (\circ), (\sphericalangle), (\varepsilon)$ 이다.

24. $ax - 4y = x + 7y$ 가 미지수가 2 개인 일차방정식이 되기 위한 a 의 값으로 적당하지 않은 것은?

① -1

② -3

③ 1

④ 2

⑤ 3

해설

$(a-1)x - 11y = 0$ 이 일차방정식이 되기 위해서 $a-1 \neq 0$ 이어야 한다. $\therefore a \neq 1$

25. $5y - ax = 3x + 6y$ 가 미지수가 2 개인 일차방정식이 되기 위한 a 의 값으로 적당하지 않은 것은?

① -1

② -3

③ 1

④ 2

⑤ 3

해설

$(3+a)x + y = 0$ 이 일차방정식이 되기 위해서 $(3+a) \neq 0$ 이어야 한다. $\therefore a \neq -3$

26. 다음 중 미지수가 2 개인 일차방정식은?

① $\frac{1}{2}x - y + 2$

② $2x - 3 = 2(x + y) + 9$

③ $\frac{1}{x} + 2y - 2 = 0$

④ $x(2x - 3) + y - 2 = 0$

⑤ $x^2 = x(x - 5) + y$

해설

①은 등호가 없으므로 등식이 아니다.

②를 정리하면 미지수가 1 개인 일차방정식이 나온다.

③은 미지수가 분모에 있으므로 일차식이 아니다.

④는 x 의 차수가 2이다.

27. 다음 중 일차방정식 $x + y - 2 = 0$ 의 해는?

① $(-1, 4)$

② $(0, 0)$

③ $(1, 1)$

④ $(2, -2)$

⑤ $(3, 0)$

해설

$x = 1, y = 1$ 를 대입하면 $1 + 1 - 2 = 0$ 이다.

28. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $5x + y = 20$ 의 해는 모두 몇 쌍인지 구하여라.

▶ 답: 쌍

▷ 정답: 3쌍

해설

(1, 15), (2, 10), (3, 5)

29. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $2x + y = 17$ 을 만족하는 순서쌍 (x, y) 는 몇 개인가?

① 5개

② 6개

③ 7개

④ 8개

⑤ 9개

해설

$2x + y = 17$ 을 만족하는 순서쌍 (x, y) 는
(1, 15), (2, 13), (3, 11), (4, 9),
(5, 7), (6, 5), (7, 3), (8, 1) 이다.

30. 연립방정식 $\begin{cases} x + ay = 9 \\ bx + 3y = 19 \end{cases}$ 의 해가 $(5, -2)$ 일 때 ab 의 값을 구하면?

① -10

② 10

③ -8

④ 8

⑤ -6

해설

$x = 5, y = -2$ 를 대입하여 a, b 의 값을 각각 구한다.

$$a = -2, b = 5$$

$$\therefore ab = -10$$

31. 두 직선 $x + y - 4 = 0$, $y = ax - 4$ 의 교점의 x 좌표가 -2 일 때, a 의 값은?

① -5

② -3

③ 2

④ 3

⑤ 5

해설

$x = -2$ 를 첫 번째 식에 대입하면

$$-2 + y - 4 = 0 \quad \therefore y = 6$$

$x = -2$, $y = 6$ 을 두 번째 식에 대입하면

$$6 = -2a - 4 \quad \therefore a = -5$$

32. 연립방정식 $\begin{cases} 4x + 2y = k \\ 3x - y = 7 \end{cases}$ 를 만족하는 y 값이 2 일 때, 상수 k 의 값은?

① 14

② 15

③ 16

④ 17

⑤ 18

해설

$3x - y = 7$ 에 $y = 2$ 를 대입하면 $x = 3$ 이 나온다.

$(3, 2)$ 를 $4x + 2y = k$ 에 대입하면 $12 + 4 = k$ 이므로 $k = 16$ 이 된다.

33. 연립방정식 $\begin{cases} 2ax + by = -8 \\ ax - 3by = 17 \end{cases}$ 의 해가 $(1, 3)$ 일 때, $2a - b$ 의 값을

구하면?

① -8

② -6

③ -4

④ -2

⑤ 0

해설

$(1, 3)$ 을 두 식에 대입하면

$$2a + 3b = -8 \cdots (1), a - 9b = 17 \cdots (2)$$

$(1) \times 3 + (2)$ 하면 $7a = -7$

$$a = -1 \cdots (3)$$

(3) 을 (1) 에 대입하여 풀면 $b = -2$

$$\therefore 2a - b = 0$$

34. 연립방정식 $\begin{cases} 3x - 4y = 1 & \dots \textcircled{\text{㉠}} \\ 2x + 5y = 16 & \dots \textcircled{\text{㉡}} \end{cases}$ 을 가감법으로 풀려고 한다. y 를

소거하기 위하여 필요한 계산식은?

① $\textcircled{\text{㉠}} \times 5 - \textcircled{\text{㉡}} \times 4$

② $\textcircled{\text{㉠}} \times 5 + \textcircled{\text{㉡}} \times 4$

③ $\textcircled{\text{㉠}} \times 2 - \textcircled{\text{㉡}} \times 3$

④ $\textcircled{\text{㉠}} \times 3 + \textcircled{\text{㉡}} \times 2$

⑤ $\textcircled{\text{㉠}} \times 2 + \textcircled{\text{㉡}} \times 3$

해설

y 의 계수를 4, 5 의 최소공배수인 20 으로 만들어 $\textcircled{\text{㉠}} \times 5 + \textcircled{\text{㉡}} \times 4$ 하면 y 가 소거된다.

35. 다음 연립방정식을 y 를 소거하여 풀려고 한다. 가장 적절한 방법은?

$$\begin{cases} 2x - 5y = -1 & \dots \textcircled{\text{㉠}} \\ 5x + 4y = 22 & \dots \textcircled{\text{㉡}} \end{cases}$$

① $4 \times \textcircled{\text{㉠}} + 5 \times \textcircled{\text{㉡}}$

② $4 \times \textcircled{\text{㉠}} - 5 \times \textcircled{\text{㉡}}$

③ $5 \times \textcircled{\text{㉠}} + 2 \times \textcircled{\text{㉡}}$

④ $5 \times \textcircled{\text{㉠}} - 2 \times \textcircled{\text{㉡}}$

⑤ $2 \times \textcircled{\text{㉠}} + \textcircled{\text{㉡}}$

해설

y 의 계수를 5, 4 의 최소공배수인 20 으로 만들어 $4 \times \textcircled{\text{㉠}} + 5 \times \textcircled{\text{㉡}}$ 하면 y 가 소거된다.