

1. 다음 이차함수의 그래프 중 모양이 아래로 볼록하면서 폭이 가장 넓은 것은?

①  $y = -3x^2$

②  $y = x^2 - 3$

③  $y = -\frac{1}{2}x^2 - 1$

④  $y = \frac{3}{2}(x - 3)^2$

⑤  $y = 5x^2 + 2x + 3$

해설

$x^2$  의 계수가 양수이면서 절댓값이 가장 작은 것을 찾는다.  
따라서 아래로 볼록하면서 폭이 가장 넓은 것은 ②이다.

2. 다음 이차함수의 그래프 중 위로 볼록하면서 폭이 가장 좁은 것은?

①  $y = \frac{1}{2}x^2 - 3$

②  $y = 2(x - 3)^2 + 4$

③  $y = 3x^2$

④  $y = -3x^2 + 3$

⑤  $y = -2x^2 - 3x - 1$

해설

위로 볼록하면  $x^2$  의 계수는 음수이고 폭이 좁으면  $x^2$  의 계수의 절댓값이 크다.

3. 이차방정식  $ax^2 + bx + 3 = 0$  의 한 근이  $k$  일 때,  $ak^2 + bk + 5$  의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

주어진 식에  $x$  대신에  $k$  를 대입하면

$$ak^2 + bk + 3 = 0$$

$$\therefore ak^2 + bk + 5 = 2$$

4. 이차방정식  $x^2 - x - 1 = 0$  의 한 근이  $\alpha$  일 때,  $\frac{\alpha^2}{1+\alpha} - \frac{3\alpha}{1-\alpha^2}$  의 값을 구하면?

① 6

② 4

③ 2

④ 0

⑤ -2

해설

이차방정식  $x^2 - x - 1 = 0$  에  $x = \alpha$  를 대입하면,

$$\alpha^2 - \alpha - 1 = 0 \Rightarrow 1 + \alpha = \alpha^2, 1 - \alpha^2 = -\alpha$$

$$\therefore \frac{\alpha^2}{1+\alpha} - \frac{3\alpha}{1-\alpha^2} = \frac{\alpha^2}{\alpha^2} - \frac{3\alpha}{-\alpha} = 1 + 3 = 4$$

5.  $f(x) = x(x - 5) + 4$  일 때,  $f(x) = 0$  을 만족시키는  $x$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 :  $x = 1$

▶ 정답 :  $x = 4$

해설

$$x(x - 5) + 4 = 0$$

$$x^2 - 5x + 4 = 0$$

$$(x - 1)(x - 4) = 0$$

$$\therefore x = 1 \text{ 또는 } x = 4$$

6. 이차방정식  $x^2 - 2x - 8 = 0$  의 두 근의 합이  $3x^2 + 6x + a = 0$  의 근일 때, 다른 한 근을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

$$x^2 - 2x - 8 = 0$$

$$(x - 4)(x + 2) = 0$$

$$\therefore x = 4 \text{ 또는 } x = -2$$

두근의 합은 2이다.

$x = 2$  를  $3x^2 + 6x + a = 0$ 에 대입하면

$$3 \times 2^2 + 6 \times 2 + a = 0$$

$$\therefore a = -24$$

$$3x^2 + 6x - 24 = 0$$

$$x^2 + 2x - 8 = 0$$

$$(x - 2)(x + 4) = 0$$

$$\therefore x = 2 \text{ 또는 } x = -4$$

7. 어떤 정사각형의 가로의 길이를 4 cm 길게 하고, 세로의 길이를 2 cm 짧게 하여 직사각형을 만들었더니 그 넓이가  $40 \text{ cm}^2$  가 되었다. 처음 정사각형의 넓이는?

①  $25 \text{ cm}^2$

②  $30 \text{ cm}^2$

③  $36 \text{ cm}^2$

④  $40 \text{ cm}^2$

⑤  $49 \text{ cm}^2$

해설

정사각형의 한 변의 길이를  $x \text{ cm}$ 라고 하면,  $(x + 4)(x - 2) = 40$  이므로

$$x^2 + 2x - 8 = 40$$

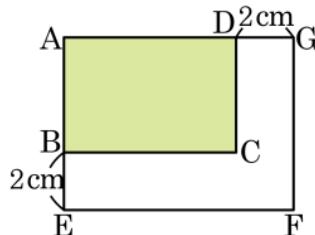
$$x^2 + 2x - 48 = 0$$

$$(x - 6)(x + 8) = 0$$

$$x = 6 \quad (\because x > 0)$$

따라서 처음 정사각형의 넓이는  $6 \times 6 = 36(\text{cm}^2)$  이다.

8. 다음 그림과 같이  $\overline{AD} : \overline{AB} = 3 : 2$  인 직사각형 ABCD 의 가로와 세로의 길이를 모두 2cm 씩 늘인 직사각형 AEFG 의 넓이는 직사각형 ABCD 의 넓이의 2 배와 같다. 이 때,  $\overline{AD}$  의 길이는?



- ① 8cm      ② 7cm      ③ 6cm      ④ 5cm      ⑤ 4cm

### 해설

$\overline{AD} : \overline{AB} = 3 : 2$  이므로  $\overline{AD} = 3x$ ,  $\overline{AB} = 2x$  라 하면, 직사각형 AEFG 의 넓이는  $(3x + 2)(2x + 2)$  이다.

직사각형 ABCD 의 넓이는  $3x \times 2x$

$$(3x + 2)(2x + 2) = 2 \times 3x \times 2x$$

$$6x^2 - 10x - 4 = 0$$

$$2(x - 2)(3x + 1) = 0$$

$$x > 0 \text{ 이므로 } x = 2$$

$$\therefore \overline{AD} = 3x = 3 \times 2 = 6(\text{cm})$$

9. 이차함수  $y = -\frac{1}{3}(x+2)^2$  의 그래프에서  $x$  값이 증가함에 따라  $y$  값도 증가하는  $x$ 의 값의 범위는?

①  $x > 0$

②  $x < 2$

③  $x > 2$

④  $x > -2$

⑤  $x < -2$

해설

꼭짓점이  $(-2, 0)$ 이고 위로 볼록한 그래프이다.  $x < -2$  일 때,  $x$  가 증가하면  $y$  도 증가한다.

10. 이차함수  $y = -x^2 + 4x - 5$  의 그래프에서  $x$  값이 증가할 때,  $y$ 의 값이 감소하는  $x$ 의 범위를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 :  $x > 2$

해설

$$y = -x^2 + 4x - 5$$

$$y = -(x - 2)^2 - 1$$

따라서 꼭짓점이  $(2, -1)$ 인 위로 볼록한 그래프이므로  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값이 감소하는  $x$ 의 범위는  $x > 2$

11. 이차함수  $y = 2x^2 + 4x + k$  의 그래프가  $x$  축과 한 점에서 만난다고 한다.  $k$ 의 값은?

- ① -1      ② 1      ③ 0      ④ -2      ⑤ 2

해설

$x$  축과 한 점에서 만나려면

$y = a(x - p)^2$  꼴이 되어야 한다.

$$\begin{aligned}y &= 2x^2 + 4x + k = 2(x^2 + 2x + 1 - 1) + k \\&= 2(x + 1)^2 - 2 + k\end{aligned}$$

$$\therefore -2 + k = 0, k = 2$$

해설

$2x^2 + 4x + k = 0$  이 중근을 가지므로 판별식  $D = 0$  이다.

$$D = 4^2 - 8k = 0$$

$$\therefore k = 2$$

12. 이차함수  $y = x^2 - 3x + k$  의 그래프가  $x$  축과 서로 다른 두 점에서 만나기 위한 상수  $k$  의 값의 범위는?

- ①  $k > \frac{9}{8}$     ②  $k > \frac{9}{4}$     ③  $k > \frac{9}{2}$     ④  $k < \frac{9}{4}$     ⑤  $k < \frac{9}{8}$

해설

$g = f(x)$  가  $x$  축과 두 점에서 만난다.

$\Leftrightarrow f(x) = 0$  이 서로 다른 두 실근을 갖는다.

$$D = (-3)^2 - 4k > 0$$

$$9 - 4k > 0$$

$$\therefore k < \frac{9}{4}$$

13. 이차방정식  $x^2 + (-m+3)x + 24 = 0$ 의 두 근의 차가 2일 때, 다음 중 옳은 것의 개수는?

- ㉠ 주어진 이차방정식의 해는 4, 6밖에 없다.
- ㉡ 작은 근을  $\alpha$ 라 하고  $\alpha < 0$ 이면  $m > 0$ 이다.
- ㉢ 작은 근을  $\alpha$ 라 하고  $\alpha > 0$ 이면  $m = 13$ 이다.
- ㉣ 주어진 식을 만족하는 모든  $m$ 의 값의 합은 6이다.

- ① 0 개      ② 1 개      ③ 2 개      ④ 3 개      ⑤ 4 개

### 해설

두 근을  $\alpha, \alpha + 2$ 라 하면

$$\alpha(\alpha + 2) = 24 \text{에서 } \alpha = 4 \text{ 또는 } -6$$

- ㉠ {4, 6} 또는 {-6, -4}

㉡  $\alpha < 0$ 이면 두 근은  $-6, -4$ 이고  $m - 3 = -6 - 4 = -10$

$$m = -7 \text{이므로 } m < 0 \text{이다.}$$

㉢  $\alpha > 0$ 이면 두 근은 4, 6이고

$$m - 3 = 4 + 6 = 10$$

$$\therefore m = 13$$

㉣  $m = -7, 13$ 이므로 모든  $m$ 의 값의 합은 6이다

14.  $x$ 에 관한 이차방정식  $x^2 - 2(k+a)x + (k^2 - k + b) = 0$ 의  $k$ 값에  
관계없이 중근을 가질 때,  $8ab$ 의 값은?

① -2

② 2

③ -1

④ 1

⑤ 0

해설

$$D/4 = (k+a)^2 - (k^2 - k + b) = 0$$

$k$ 에 대해서 정리하면

$(2a+1)k + a^2 - b = 0$ , 이 식이  $k$ 에 관한 항등식이므로  $2a+1 = 0$ ,  $a^2 - b = 0$

$$\therefore a = -\frac{1}{2}, b = \frac{1}{4}$$

$$\therefore 8ab = 8 \left(-\frac{1}{2}\right) \left(\frac{1}{4}\right) = -1$$