

1. 다항식  $x^3 + ax^2 + bx - 1 \circ| x^2 - 3x + 2$ 로 나누어 떨어지도록 상수  $a + b$ 의 값을 정하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$f(x) = x^3 + ax^2 + bx - 1$ 로 놓으면  
 $x^2 - 3x + 2 = (x-1)(x-2)$ 이므로  $f(x)$ 는  $x-1, x-2$ 로 나누어 떨어진다.

$$f(1) = 1 + a + b - 1 = 0 \Rightarrow a + b = 0 \cdots \textcircled{\text{①}}$$

$$f(2) = 8 + 4a + 2b - 1 = 0 \Rightarrow 4a + 2b = -7 \cdots \textcircled{\text{②}}$$

$$\textcircled{\text{①}}, \textcircled{\text{②}} \text{으로부터 } a = -\frac{7}{2}, b = \frac{7}{2}$$

$$\therefore a + b = 0$$

2. 다음 <보기>에서 계산 중 잘못된 것을 모두 고르면? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

[보기]

I.  $\sqrt{-3} \sqrt{-3} = \sqrt{(-3) \cdot (-3)} = \sqrt{9} = 3$

II.  $\sqrt{5} \sqrt{-2} = \sqrt{5} \times \sqrt{(-2)} = \sqrt{-10} = \sqrt{10}i$

III.  $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{-6}} = \sqrt{\frac{2}{-6}} = \sqrt{-\frac{1}{3}} = \sqrt{\frac{1}{3}}i$

IV.  $\frac{\sqrt{-10}}{\sqrt{2}} = \sqrt{\frac{-10}{2}} = \sqrt{-5} = \sqrt{5}i$

① I, II

② I, III

③ II, III, IV

④ II, IV

⑤ III, IV

[해설]

I.  $\sqrt{-3} \sqrt{-3} = \sqrt{3}i \sqrt{3}i = \sqrt{9}i^2 = -3$

∴ 옳지 않다.

II.  $\sqrt{5} \sqrt{-2} = \sqrt{5} \sqrt{2}i = \sqrt{10}i$

∴ 옳다.

III.  $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{-6}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{6}i} = \sqrt{\frac{2}{6}} \cdot \frac{i}{i^2} = -\sqrt{\frac{1}{3}}i$

∴ 옳지 않다.

IV.  $\frac{\sqrt{-10}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{10}i}{\sqrt{2}} = \sqrt{\frac{10}{2}}i = \sqrt{5}i$

∴ 옳다.

3.  $-2 \leq x \leq 0$ 에서 이차함수  $y = -2x^2 + 4x + a + 1$ 의 최댓값 1을 가질 때, 상수  $a$ 의 값은?

- ① -1      ② 0      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$$y = -2x^2 + 4x + a + 1 = -2(x - 1)^2 + a + 3$$

이차함수의 그래프의 꼭짓점의  $x$  좌표 1이]

$x$ 의 값의 범위  $-2 \leq x \leq 0$ 에 속하지 않으므로

주어진 이차함수는  $x = -2$  일 때 최솟값을 갖고

$x = 0$  일 때 최댓값을 갖는다.

최댓값이 1이므로  $a + 1 = 1 \quad \therefore a = 0$

4. 점  $(3, 4)$ 에서 직선  $2x - y + k = 0$  까지의 거리가  $\sqrt{5}$  일 때, 양수  $k$ 의 값을 구하면?

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\frac{|2 \times 3 - 4 + k|}{\sqrt{2^2 + 1^2}} = \sqrt{5} \text{이므로, } |2 + k| = 5 \text{이다.}$$

따라서  $k = 3$  ( $\because k$ 는 양수)

5. 이차방정식  $x^2 - ax + 1 = 0$ 의 두 근이  $-1$ 과  $2$  사이에 있도록 상수  $a$ 의 값의 범위를 구하면?

- ①  $a > 2$  또는  $a < -2$   
②  $2 < a < \frac{5}{2}$   
③  $-2 < a < 4$   
④  $-2 < a < \frac{5}{2}$   
⑤  $a > \frac{5}{2}$  또는  $a < -2$

해설

(i) 방정식이 두 근을 가지므로

$$D > 0 \text{에서 } D = a^2 - 4 > 0, (a-2)(a+2) > 0$$

$$\therefore a > 2 \text{ 또는 } a < -2$$

(ii)  $f(-1) > 0$ 에서  $1 + a + 1 > 0$

$$\therefore a > -2$$

(iii)  $f(2) > 0$ 에서  $4 - 2a + 1 > 0$

$$\therefore \frac{5}{2} > a$$

(iv) 대칭축이  $-1$ 과  $2$  사이에 있어야 하므로

$$-1 < \frac{a}{2} < 2$$

$$\therefore -2 < a < 4$$

따라서 (i), (ii), (iii), (iv)에서  $2 < a < \frac{5}{2}$