

1. 이차함수  $y = -x^2$  의 그래프를  $y$  축의 방향으로  $-2$  만큼 평행이동 시키면 점 $(2, a)$ 를 지난다. 이때,  $a$ 의 값은?

①  $-6$       ②  $-7$       ③  $-8$       ④  $3$       ⑤  $5$

해설

$y = -x^2$  의 그래프를  $y$  축의 방향으로  $-2$  만큼 평행이동 시킨  
그래프는  $y = -x^2 - 2$ 이고 이 그래프가 점  $(2, a)$ 를 지난므로  
 $a = -4 - 2$ ,  $a = -6$ 이다.

2. 평행이동에 의하여 포물선  $y = \frac{1}{2}x^2 + 1$  의 그래프와 완전히 포개어지지 않는 것은?

①  $y = \frac{1}{2}(x - 1)^2$

③  $y = \frac{1}{2}x^2 - 2$

⑤  $y = \frac{1}{2}x^2 + 2x + 3$

②  $y = -\frac{1}{2}x^2 - 1$

④  $y = \frac{1}{2}(x + 1)^2 - 1$

해설

이차항의 계수가 같은 것을 찾는다.

3. 다음 빈칸을 알맞게 채우고, 꼭짓점의 좌표와 대칭축의 방정식을 구하면?.

이차함수  $y = (x - 2)^2 - 3$  의 그래프는  $y = \square$  의 그래프를  $x$  축 방향으로  $\square$  만큼,  $y$  축 방향으로  $\square$  만큼 평행이동한 그래프이다.

- ①  $x^2, 2, -3$ , 꼭짓점  $(2, -3)$ , 대칭축  $x = 2$   
②  $x^2, -2, -3$ , 꼭짓점  $(-2, -3)$ , 대칭축  $x = -2$   
③  $x^2, 2, 3$ , 꼭짓점  $(2, 3)$ , 대칭축  $x = 2$   
④  $x^2, 2, -3$ , 꼭짓점  $(2, -3)$ , 대칭축  $y = 2$   
⑤  $x^2, 2, -3$ , 꼭짓점  $(-2, -3)$ , 대칭축  $y = 2$

해설

$y = a(x - p)^2 + q$  의 그래프는  $y = ax^2$  의 그래프를  $x$  축 방향으로  $p$  만큼,  $y$  축 방향으로  $q$  만큼 평행이동한 그래프이다.  
꼭짓점 :  $(p, q)$ , 축의 방정식 :  $x = p$

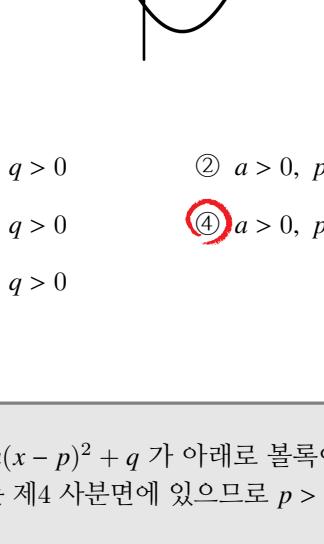
4. 이차함수  $y = (x - 1)^2 - 2$  의 그래프와  $x$  축에 대하여 대칭인 포물선  
식은?

- ①  $y = (x - 1)^2 + 2$       ②  $y = (x + 1)^2 + 2$   
③  $y = (x - 1)^2 - 2$       ④  $y = -(x + 1)^2 + 2$   
⑤  $y = -(x - 1)^2 + 2$

해설

$y$  대신에  $-y$  를 대입하면  $y = -(x - 1)^2 + 2$  이다.

5. 다음 그림은 이차함수  $y = a(x - p)^2 + q$  의 그래프이다.  $a, p, q$  의 부호로 옳은 것은?



- ①  $a < 0, p > 0, q > 0$   
②  $a > 0, p < 0, q < 0$   
③  $a > 0, p < 0, q > 0$   
**④  $a > 0, p > 0, q < 0$**   
⑤  $a > 0, p > 0, q > 0$

해설

이차함수  $y = a(x - p)^2 + q$  가 아래로 볼록이므로  $a > 0$  이고, 꼭짓점  $(p, q)$  는 제4 사분면에 있으므로  $p > 0, q < 0$  이다.

6.  $y = -2x^2 + 4x - 5$  의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

①  $y = -2x^2$  의 그래프와 모양이 같다.

② 제3 사분면을 지나지 않는다.

③ 꼭짓점의 좌표는  $(-1, -3)$  이다.

④  $y$  축과의 교점은  $(0, -5)$  이다.

⑤ 축의 방정식은  $x = 1$  이다.

해설

$$\begin{aligned}y &= -2x^2 + 4x - 5 \\&= -2(x^2 - 2x + 1 - 1) - 5 \\&= -2(x - 1)^2 - 3\end{aligned}$$

② 위로 볼록한 모양의 포물선이고 꼭짓점의 좌표가  $(1, -3)$ ,

$y$  절편이  $(0, -5)$  이므로 제 3 사분면을 지난다.

③ 꼭짓점의 좌표는  $(1, -3)$  이다

7. 이차함수  $y = 3x^2 - 6x - 3$  을  $x$  축의 방향으로  $-2$  만큼  $y$  축의 방향으로  $3$  만큼 평행이동 시킨 함수는?

- ①  $y = 3(x - 2)^2 + 3$       ②  $y = 3(x + 2)^2 + 3$   
③  $y = 3(x + 1)^2 + 3$       ④  $\textcircled{y} = 3(x + 1)^2 - 3$   
⑤  $y = 3(x - 1)^2 - 3$

해설

$$y = 3x^2 - 6x - 3 = 3(x - 1)^2 - 6$$
$$y = 3(x - 1 + 2)^2 - 6 + 3 = 3(x + 1)^2 - 3 \text{ 이다.}$$

8. 이차함수  $y = -4x^2 + 8x - 4$  의 그래프가  $x$  축과 만나는 점의 좌표는?

Ⓐ (1, 0) Ⓑ (-1, 0) Ⓒ (0, 1)

Ⓓ (2, 0) Ⓨ (-2, 0)

해설

$y = 0$  을 대입하면

$$-4x^2 + 8x - 4 = 0$$

$$x^2 - 2x + 1 = 0$$

$$(x - 1)^2 = 0$$

$$x = 1$$

$$\therefore (1, 0)$$

9. 이차함수  $y = \frac{1}{2}x^2$  에 대한 설명이다. 옳지 않은 것은?

- ① 원점을 꼭짓점으로 한다.
- ② 아래로 볼록인 포물선이다.
- ③  $x = 0$  을 축으로 한다.
- ④  $y = 2x^2$  보다 폭이 넓다.
- ⑤  $y = -\frac{1}{2}x^2$  과는  $y$  축에 대한 대칭이다.

해설

⑤  $y = -\frac{1}{2}x^2$  과는  $x$  축에 대한 대칭이다.

10.  $y = 2x^2$  의 그래프 위의 두 점  $A(2, p)$ ,  $B(q, 2)$ 를 지나는 직선의 방정식은?(단,  $q < 0$ )

- ①  $y = 2x - 3$       ②  $y = -2x + 3$       ③  $\textcircled{y} = 2x + 4$

- ④  $y = -2x + 4$       ⑤  $y = 2x - 4$

해설

$(2, p)$ 를  $y = 2x^2$ 에 대입하면  $p = 2 \times 2^2 = 8$

$(q, 2)$ 를 대입하면  $2 = 2q^2$ ,  $q^2 = 1 \therefore q = \pm 1$

그런데  $q < 0$ 이므로  $q = -1$

$(2, 8)$ ,  $(-1, 2)$ 를 지나는 직선의 방정식은

$$(\text{기울기}) = \frac{8 - 2}{2 - (-1)} = \frac{6}{3} = 2$$

$y = 2x + b$ 에  $(2, 8)$ 을 대입하면  $8 = 2 \times 2 + b \therefore b = 4$

따라서 구하는 식은  $y = 2x + 4$ 이다.

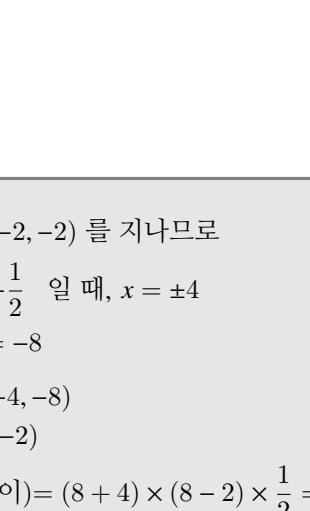
11. 이차함수  $y = x^2$ 에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 그래프는 원점을 지나고 아래로 볼록한 포물선이다.
- ②  $x$  가 어떤 값을 갖더라도  $y$ 의 값은 양수 또는 0이다.
- ③  $x$  축에 대하여 대칭이다.
- ④  $x > 0$  일 때,  $x$  값이 증가하면,  $y$  값도 증가한다.
- ⑤  $x < 0$  일 때,  $x$  값이 증가하면,  $y$  값은 감소한다.

해설

③  $y$  축에 대하여 대칭이다.

12. 다음 그림에서 사각형 ABCD 는 네 꼭짓점이 이차함수  $y = ax^2$  의 그래프 위에 있는 사다리꼴이다. 사각형 ABCD 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 36

해설

$y = ax^2$  가 점  $(-2, -2)$  를 지나므로

$$-2 = 4a, a = -\frac{1}{2} \text{ 일 때, } x = \pm 4$$

$$y = -\frac{1}{2}x^2, y = -8$$

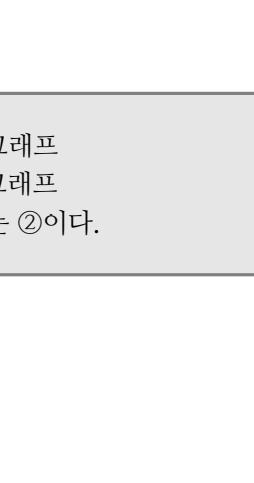
$$A(-2, -2), B(-4, -8)$$

$$C(4, -8), D(2, -2)$$

$$(\square ABCD \text{ 의 넓이}) = (8 + 4) \times (8 - 2) \times \frac{1}{2} = 36$$

13. 다음 그림은 두 이차함수  $y = 2x^2$  과  $y = -x^2$ 의 그래프이다. 다음 이차함수의 그래프 중이 두 그래프 사이의 색칠된 부분에 있지 않은 것을 고르면?

①  $y = \frac{3}{2}x^2$       ②  $y = -\frac{3}{2}x^2$   
③  $y = \frac{1}{2}x^2$       ④  $y = -\frac{1}{2}x^2$   
⑤  $y = x^2$



해설

$a > 0$  일 때,  $a$ 의 절댓값이 2보다 작은 그래프  
 $a < 0$  일 때,  $a$ 의 절댓값이 1보다 작은 그래프  
두 조건에 의해서 만족하지 않는 그래프는 ②이다.

14. 이차함수  $y = -3(x + 1)^2$  의 그래프에 대한 설명 중 옳은 것은?

①  $y = -3x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 1 만큼 평행이동한 포물선이다.

② 꼭짓점의 좌표는  $(0, -1)$  이다.

③ 점  $(2, 27)$  을 지난다.

④  $x > -1$  일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소한다.

⑤ 축의 방정식은  $x = 1$  이다.

해설

①  $y = -3x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $-1$  만큼 평행이동한 포물선이다.

② 꼭짓점의 좌표는  $(-1, 0)$  이다.

③ 점  $(2, -27)$  을 지난다.

④ 축의 방정식은  $x = -1$  이다.

15. 이차함수  $y = 2x^2 + 4x + 9$ 의 그래프에서  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값도 증가하는  $x$ 의 값의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $x > -1$

해설

$$\begin{aligned}y &= 2x^2 + 4x + 9 \\&= 2(x^2 + 2x + 1 - 1) + 9 \\&= 2(x + 1)^2 + 7\end{aligned}$$

축의 방정식이  $x = -1$ 이고, 아래로 볼록하므로  
 $x > -1$  일 때,  $x$ 의 값이 증가하면,  $y$ 의 값도 증가한다.

16. 다음 이차함수를  $y = \frac{1}{3}(x-p)^2 - 5$ 로 나타낼 수 있다. 이 때, 꼭짓점이  $(p, -5)$ 라고 할 때,  $apq$ 의 값은?

$$y = ax^2 + bx + c$$

- ① -45      ② -54      ③ -66      ④ -76      ⑤ -80

해설

$$\begin{aligned} y &= \frac{1}{3}(x-p)^2 - 5 \\ &= \frac{1}{3}(x^2 - 2px + p^2) - 5 \\ &= \frac{1}{3}x^2 - \frac{2px}{3} + \frac{p^2}{3} - 5 \\ \text{따라서 } a &= \frac{1}{3}, \quad -\frac{2}{3} \\ p &= 6, \quad p = -9, \quad q = 22 \quad \text{이므로 } apq = -66 \text{이다.} \end{aligned}$$

17. 이차함수  $y = x^2 - 2x + k - 1$  의 그래프가  $x$  축과 두 점에서 만나기 위한  $k$ 의 값의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $k < 2$

해설

$$D/4 = (-1)^2 - (k - 1) > 0, 1 - k + 1 > 0 \therefore k < 2$$

18. 다음의 이차함수의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- (가)  $y = \frac{1}{2}x^2$   
(나)  $y = -2x^2$   
(다)  $y = 2x^2$   
(라)  $y = -\frac{1}{4}x^2$

- ① (나)와 (다)의 그래프는 폭이 같다.  
② 아래로 볼록한 포물선은 (가)와 (다)이다.  
③ 폭이 가장 넓은 그래프는 (라)이다.  
④ (나)와 (다)의 그래프는  $x$  축에 대하여 서로 대칭이다.  
⑤  $x$  축 아래쪽에 나타나지 않는 그래프는 (나), (라)이다.

해설

- ①  $|a|$  이 같으므로 두 그래프는 폭이 같다.  
②  $a > 0$  이므로 아래로 볼록이다.  
③  $|a|$  가 작을 수록 폭이 넓다.  
④  $a$  의 부호가 반대이면  $x$  축 대칭이다.  
⑤ (나), (라)는  $a < 0$  이므로  $x$  축 아래에 나타난다.

19. 다음 보기의 이차함수 그래프 중  $y = ax^2$  의 그래프가 3 번째로 폭이 넓을 때,  $|a|$ 의 범위는?

보기

Ⓐ  $y = -\frac{3}{2}x^2$  Ⓑ  $y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{4}$

Ⓒ  $y = 2x^2 - x$  Ⓛ  $-3(x+2)^2$

Ⓓ  $y = \frac{x(x-1)(x+1)}{x+1}$

Ⓐ  $1 < |a| < \frac{1}{2}$  Ⓑ  $1 < |a| < \frac{3}{2}$  Ⓒ  $1 < |a| < \frac{5}{2}$

Ⓓ  $\frac{1}{2} < |a| < \frac{3}{2}$  Ⓛ  $\frac{1}{2} < |a| < \frac{5}{2}$

해설

$a$ 의 절댓값이 작을수록 폭이 넓어진다.

$a$ 의 절댓값을 각각 구하면

Ⓐ  $\frac{3}{2}$  Ⓑ  $\frac{1}{2}$  Ⓒ 2 Ⓓ 3 Ⓕ 1 이므로 폭이 넓은 순서는 Ⓑ, Ⓒ, Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓕ

이다. 따라서 두 번째인 1과 세 번째인  $\frac{3}{2}$  사이에 있어야 하므로

Ⓓ  $1 < |a| < \frac{3}{2}$  이다.

20. 포물선  $y = x^2 + 2ax + a - \frac{1}{2}$  이  $x$  축과 만나는 두 점의 사이의 거리가 1 일 때,  $a$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{1}{2}$

해설

$$y = x^2 + 2ax + a - \frac{1}{2} \quad \text{의}$$

$x$  절편을  $\alpha, \beta (\alpha > \beta)$  라고 하면

$$\alpha + \beta = -2a, \alpha\beta = a - \frac{1}{2} \text{ 이다.}$$

$$\alpha - \beta = 1 \text{ 이므로}$$

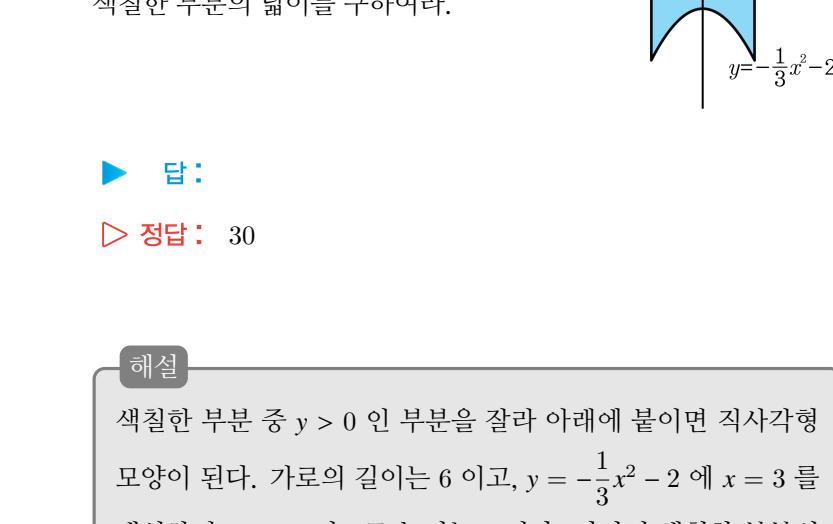
$$(\alpha - \beta)^2 = (\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta \text{ 이다.}$$

$$1 = 4a^2 - 4a + 2$$

$$4a^2 - 4a + 1 = 0$$

$$(2a - 1)^2 = 0$$

$$\therefore a = \frac{1}{2}$$



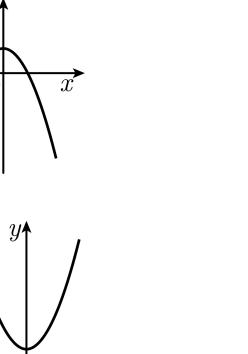
▶ 답:

▷ 정답: 30

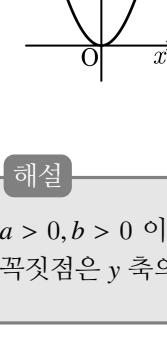
해설

색칠한 부분 중  $y > 0$ 인 부분을 잘라 아래에 붙이면 직사각형 모양이 된다. 가로의 길이는 6이고,  $y = -\frac{1}{3}x^2 - 2$ 에  $x = 3$ 를 대입하면  $y = -5$ 이므로 높이는 5이다. 따라서 색칠한 부분의 넓이는  $6 \times 5 = 30$ 이다.

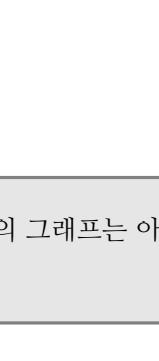
22. 일차함수  $y = ax + b$  의 그래프가 다음그림과 같을 때 이차함수  $y = ax^2 + b$  의 그래프로 옮은 것은?



①



②



③



④



⑤



해설

$a > 0, b > 0$  이므로  $y = ax^2 + b$  의 그래프는 아래로 볼록하고 꼭짓점을  $y$  축의 위에 있다.

23. 이차함수  $f(x) = x^2 - 3$ 에 대하여  $f^1(x) = f(x)$ ,  $f^{n+1} = f(f^n(x))$ 라 할 때,  $f^{1111}(1)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$\begin{aligned}f^1(1) &= -2 \\f^2(1) &= f(-2) = 1 \\f^3(1) &= f(1) = -2 \\f^4(1) &= f(-2) = 1 \\\vdots \\&\therefore f^{1111}(1) = -2\end{aligned}$$

24. 이차함수  $y = (x - 5)^2$ ,  $y = (x + 3)^2$  의 그래프의 교점에서  $x$  축으로 평행한 선분을 그었을 때, 두 그래프와 만나는 교점을 각각 A, B 라 하자. 두 개의 이차함수의 꼭짓점의 좌표를 P, Q 라 할 때,  $\frac{\overline{AB}}{\overline{PQ}}$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

두 이차함수의 그래프의 교점에서  $x$  축으로 평행한 선분을 그었을 때, 두 그래프와 만나는 교점 사이의 거리는 두 그래프의 꼭짓점 사이의 거리의 2 배와 같다.

$$\therefore \frac{\overline{AB}}{\overline{PQ}} = 2$$

25.

직사각형의 넓이를 구하려고 합니다. □ 안에 알맞은 수를 써넣으시오.



$$(\text{넓이}) = \boxed{\quad} \times \boxed{\quad} = \boxed{\quad} (\text{cm}^2)$$

▶ 답:

▷ 정답: 5

