- 1. y가 x의 제곱에 비례하고, x = -2일 때 y = -12이다. y를 x에 관한 식으로 바르게 나타낸 것은?

 - ① $y = 6x^2$ ② $y = 3x^2$ ③ $y = 2x^2$

 $y = ax^2 (a \neq 0)$ 에 (-2, -12)를 대입하면, $-12 = a \times (-2)^2, \ a = a \times (-2)^2$

-3

 $\therefore y = -3x^2$

2. 다음 이차함수의 그래프 중에서 x 축에 대하여 서로 대칭인 것끼리 짝지은 것을 모두 고르면?

x축에 대칭인 함수는 x^2 의 계수의 절댓값이 같고 부호가 서로 반대이다. 따라서 ①, (또는 ((() 이다.

- 이차함수 $y = -\frac{1}{3}x^2 + a$ 의 그래프가 점 (3, 4) 를 지날 때, 이 포물선의 3. 꼭짓점의 좌표는?
 - ① (0, 0) ② (3, 0) ③ (0, 3)

- 4 (0, 4) 5 (0, 7)

 $y = -\frac{1}{3}x^2 + a$ 의 그래프가 점 (3, 4) 를 지나므로 $4 = -\frac{1}{3} \times 3^2 + a$, a = 7 $y = -\frac{1}{3}x^2 + 7$, 꼭짓점 (0, 7) 이다.

4. 다음 중 아래 주어진 이차함수의 그래프를 x 축에 대칭인 것끼리 바르게 짝지어 놓은 것은?

 $y = ax^2 + q$ 와 x 축에 대칭인 함수는 $y = -ax^2 - q$ 이다.

- 5. 이차함수 $y = x^2 + 4x + 2$ 를 $y = (x + A)^2 B$ 의 꼴로 변형시켰을 때, A + B 의 값을 구하여라.

▶ 답:

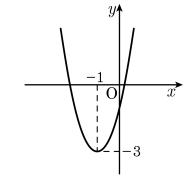
▷ 정답: 4

해설

 $y = x^{2} + 4x + 2$ $= (x+2)^{2} - 4 + 2$

 $=(x+2)^2-2$ $A=2,\;B=2$ 이므로 A+B=4 이다.

다음 그래프는 $y=2x^2$ 의 그래프를 평행이동한 것이다. 이 그래프의 6. 함수식은 무엇인가?



- ① $y = 2(x+1)^2 3$ ② $y = 2(x-1)^2 3$
- ③ $y = -2(x+1)^2 3$ ④ $y = 2(x+1)^2 + 3$

꼭짓점의 좌표가 (-1, -3) 이므로 $y = 2(x+1)^2 - 3$ 이다.

- 7. 이차함수 $y = -x^2 2x + 1$ 에서 x 의 값이 증가함에 따라 y 의 값이 감소하는 x 의 값의 범위는?

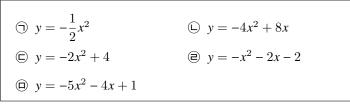
 - ① x < -1 ② x > -1 ③ x < 1
- ① x > 1 ① x > 0

 $y = -x^2 - 2x + 1$

 $= -(x^2 + 2x + 1 - 1) + 1$ $= -(x + 1)^2 + 2$

대칭축이 x = -1 이고 위로 볼록한 포물선이다.

8. 다음 이차함수 중 그래프가 모든 사분면을 지나는 것을 모두 골라라.

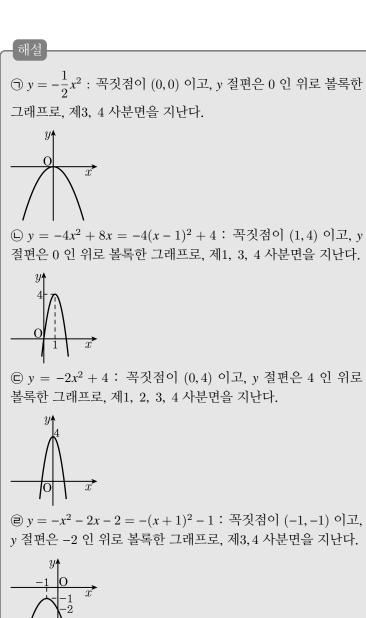


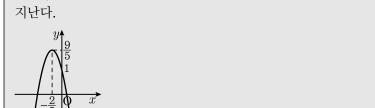
답:

답:

▷ 정답: ⑤

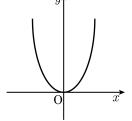
▷ 정답: □





© $y = -5x^2 - 4x + 1 = -5\left(x + \frac{2}{5}\right)^2 + \frac{9}{5}$: 꼭짓점이 $\left(-\frac{2}{5}, \frac{9}{5}\right)$

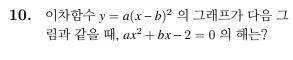
9. 다음 중 이차함수 중 그래프가 다음 그림과 같이 나타나는 것을 모두 골라라.



▶ 답:

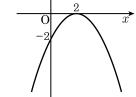
- 답:
- ▶ 답:
- ▷ 정답: ③
- ▷ 정답: ② ▷ 정답: ②

그래프가 아래로 볼록하므로 $y = ax^2$ 의 그래프에서 a > 0 이다. 따라서 ①,ⓒ,흩이다.



① x = 1 ② x = 2 ③ x = 0④ x = -1 ⑤ x = -2





꼭짓점의 좌표가 (2, 0) 이므로 b=2 이다. $y = a(x-2)^2$ 이 점 (0, -2) 를 지나므로

$$-2 = a(0-2)^2$$

$$\therefore a = -\frac{1}{2}$$

$$\therefore a = -\frac{1}{2}$$

해설

$$ax^2 + bx - 2 = 0$$
 에 $a = -\frac{1}{2}$, $b = 2$ 를 대입하면
$$-\frac{1}{2}x^2 + 2x - 2 = 0$$
$$x^2 - 4x + 4 = 0$$
$$(x - 2)^2 = 0$$

$$(x-2)^2 = 0$$

$$\therefore x = 2$$

- 11. $y = 5x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 p만큼, y 축의 방향으로 q 만큼 평행이동하였 더니 다음 그림과 같았다. 이 때, p+q 의 값은?
 - ① 4 2 8 3 -4
 - ⑤ 12
- P_{\parallel} O \hat{x} $y=5(x+2)^2-6 \qquad q$

 $y \uparrow y = 5x^2$

- 해설
- $y = ax^2$ 의 그래프를 y 축으로 q 만큼, x 축으로 p 만큼 평행이 동하면 $y = a(x-p)^2 + q$ 인데 함수의 식이 $y = 5(x+2)^2 - 6$

이므로 p = -2, q = -6 이다. 따라서 p + q = -8 이다.

- **12.** 이차함수 $y = \frac{1}{2}(x+2)^2 1$ 의 그래프에서 x의 값이 증가할 때, y의 값은 감소하는 *x*의 값의 범위는?

 - ① x > -1 ② x < -2 ③ x > 2 ④ x < 1

주어진 이차함수는 아래로 볼록이고, 축의 방정식이 x=-2이므로 조건을 만족하는 부분은 x<-2

13. 이차함수 $y = 2x^2 - 4x + 1$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -1 만큼, y축의 방향으로 3 만큼 평행이동하면 $y = 2x^2 + mx + n$ 의 그래프가 된다. 이 때, $m^2 + n^2$ 의 값은?

① 36 ② 25 ③ 16 ④ 9

해설

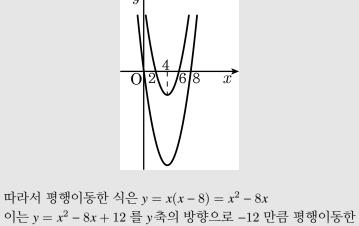
 $y = 2x^{2} - 4x + 1 = 2(x - 1)^{2} - 1$ $y = 2(x - 1 + 1)^{2} - 1 + 3 = 2x^{2} + 2$ ∴ m = 0, n = 2∴ $m^{2} + n^{2} = 0^{2} + 2^{2} = 4$

- 14. 이차함수 $y = x^2 8x + 12$ 를 y 축의 방향으로 p 만큼 평행이동하면 x축과 만나는 두 점 사이의 거리가 처음의 두 배가 된다고 한다. 이 때, p 의 값은?
 - 1 –12 ② -10 ③ -6 ④ -3 ⑤ 7

 $y = x^2 - 8x + 12 = (x - 2)(x - 6)$ 이므로 x 축과 만나는 두 점은

해설

(2,0),(6,0) 이고 축은 x = 4 이다. 이 그래프가 y축의 방향으로만 평행이동했으므로 그래프의 축은 변하지 않은 상태에서 x 축과 만나는 두 점 사이의 거리가 두 배가 되려면 다음 그림처럼 좌우로 각각 2 만큼 늘어나서 (0,0),(8,0)을 지나게 된다.



식이므로 p = -12 이다.

- ${f 15}$. 다음 이차함수의 그래프 중 $y=3x^2$ 의 그래프를 평행이동하여 완전히 포갤 수 있는 것을 모두 고르면?
 - $\textcircled{1}y = 3x^2 + 1$

 - ② $y = -3x^2 + 4$ ③ $y = \frac{9x^2 1}{3}$ ④ $y = -3(x+1)^2$

 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프에서 a 의 값이 같으면 평행이동하여

해설

두 이차함수의 그래프를 완전히 포갤 수 있다. 따라서 a = 3 인 것은 ①, ③, ⑤이다.

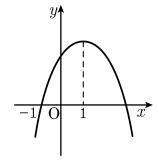
- 16. 이차함수 $y = x^2 6x + k$ 의 그래프가 x 축과 만나지 않게 되는 k 의 값의 범위는?

 - ① k < 6 ② k > -6

- ④ k < -9 ⑤ k > 10

 $D/4 = (-3)^2 - k < 0$: 9 < k

17. 다음 그림은 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프이다. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?



- ① ab < 0④ abc < 0
- ② bc > 0③ a + b + c > 0

그래프가 위로 볼록하므로 a < 0

해설

축이 y 축을 기준으로 오른쪽에 있으므로 a 와 b 의 부호는 반대

이다. 따라서 b > 0 이다. y 절편이 양수이므로 c > 0 이다.

⑤ $y = ax^2 + bx + c$ 에서 x = 1 일 때 a + b + c = y 이고 y 좌표는 양수이므로 a + b + c > 0 이다.

3구이프로 *u + v + c >* 0 이다.

- **18.** $y = 2x^2$ 의 그래프 위의 두 점 A(2, p), B(q, 2)를 지나는 직선의 방정식은?(단, *q* < 0)

 - ① y = 2x 3 ② y = -2x + 3 ③ y = 2x + 4① y = -2x + 4 ⑤ y = 2x - 4

 $(2,\ p)$ 를 $y=2x^2$ 에 대입하면 $p=2\times 2^2=8$ (q, 2) 를 대입하면 $2 = 2q^2, q^2 = 1$ 에서 $q = \pm 1$ 그런데 q < 0 이므로 q = -1

(2, 8), (-1, 2)를 지나는 직선의 방정식은 $(7) \frac{8}{2} - (-1) = \frac{6}{3} = 2$

y = 2x + b 에 (2, 8) 을 대입하면

 $8 = 2 \times 2 + b \therefore b = 4$ 따라서 구하는 식은 y = 2x + 4

19. 이차함수 $y = -\frac{1}{4}x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 a 만큼 평행이동하면 점 $\left(-\sqrt{2}, \, \frac{1}{2}\right)$ 을 지난다고 할 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

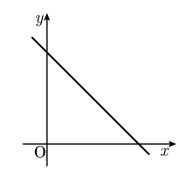
▷ 정답: 1

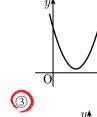
해설
$$y = -\frac{1}{4}x^2 + a \text{ 에 점}\left(-\sqrt{2}, \frac{1}{2}\right) \cong \text{대입하면}$$

$$\frac{1}{2} = -\frac{1}{4}(-\sqrt{2})^2 + a$$

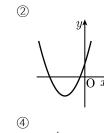
$$\therefore a = 1$$

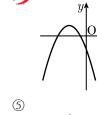
20. 일차함수 y = ax + b 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 이차함수 $y = a(x+b)^2 - a$ 의 그래프로 적당한 것은?

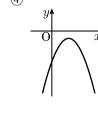


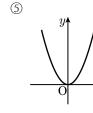


1









그래프가 오른쪽 아래를 향하므로 a < 0 이고 (y절편) > 0 이 므로 b > 0 이다. 따라서 $y = a(x+b)^2 - a$ 의 그래프는 위로 볼록하고, -b < 0, -a > 0 이므로 꼭짓점이 제 2 사분면 위에 있는 그래프이다.

- **21.** 이차함수 $y = -3x^2 6x + 2$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표가 (a, b) 이고, y 축과의 교점의 y 좌표가 q 일 때, $\frac{a+b}{q}$ 의 값은?

 - ① -2 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

y = $-3x^2 - 6x + 2$ 의 식을 $y = a(x+p)^2 + q$ 의 꼴로 바꾸면 $y = -3(x^2 + 2x + 1 - 1) + 2$ $y = -3(x+1)^2 + 5$ 이므로 i) 꼭짓점의 좌표는 (-1,5) ∴ a=-1,b=5

- ii) y 축과 만나는 점의 x 좌표는 0 이므로 x = 0 을 대입하면
- 따라서 $\frac{a+b}{q} = \frac{(-1)+5}{2} = \frac{4}{2} = 2$ 이다.

22. 일차함수 y = 2x + 5 와 이차함수 $y = x^2 + 6x - 7$ 의 그래프의 교점과 이차함수의 꼭짓점이 이루는 삼각형의 넓이를 구하여라.

답:▷ 정답: 60

02: 0

해설

 $y = x^2 + 6x - 7$ 과 y = 2x + 5 의 교점의 좌표를 구하면 $2x + 5 = x^2 + 6x - 7$

 $x^2 + 4x - 12 = 0$

(x+6)(x-2) = 0 $\therefore (-6, -7), (2, 9)$

 $y = x^2 + 6x - 7 = (x+3)^2 - 16$ 이므로 꼭짓점은 (-3, -16) 이다.

넓이는 60이다.

교점 (-6, -7), (2, 9) 과 꼭짓점 (-3, -16) 이 이루는 삼각형의

23. 이차함수 $y = a(x - p)^2 + q$ 의 그래프가 점 (1, 2)를 지나고, 이 그래 프와 원점에 대하여 대칭인 그래프의 꼭짓점의 좌표가 (-2, 4) 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 6

 $y = a(x-p)^2 + q$ 의 꼭짓점의 좌표는 (p, q)원점 대칭하면 (-p, -q) = (-2, 4)p = 2, q = -4 $y = a(x-2)^2 - 4$ 의 그래프가 점 p = (1, 2)를 지나므로

 $2 = a(1-1)^2 - 4$ $\therefore a = 6$

24. 두 이차함수 $y = -3x^2 + 6x + 5$, $y = -3x^2 + 12x - 4$ 의 그래프가 y = p 와 만나는 두 점을 각각 A, B 와 C, D 라 하고 y 축과 만나는 점을 각각 E, F, 직선 x = q 와 만나는 점을 각각 G, H 라 할 때, $\overline{\frac{AB}{CD}} + \overline{\frac{EF}{GH}}$ 의 값을 구하여라. (단, p < 0)

답:

▷ 정답: 2

-1] 2.]

 $y = -3x^2 + 12x - 4$ 는 $y = -3(x - 2)^2 + 8$ 이므로 $y = -3x^2 + 12x - 4$ 의 그래프는 $y = -3x^2 + 6x + 5$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 1 만큼 평행이동한 것이므로 두 그래프의 폭이 같다. $\overline{AB} = \overline{CD}, \ \overline{EF} = \overline{GH}$ $\therefore \ \overline{\frac{AB}{CD}} + \frac{\overline{EF}}{\overline{GH}} = 2$

 $y = -3x^2 + 6x + 5 \stackrel{\leftarrow}{=} y = -3(x-1)^2 + 8$

CD GH

. 다음 중 이차함수에 대한 설명이 옳지 <u>않는</u> 것은?

- $y = x^2$ 에서 x > 0일 때, x값이 증가하면 y값도 증가한다.
- $y = ax^2 + b(a \neq 0)$ 는 x = b를 축으로 하고 점 (0, b)를 꼭짓점으로 하는 포물선이다.
- $y = ax^2$ 과 $y = -ax^2$ 의 그래프는 x축에 대하여 대칭이다.
- $y = ax^2 + bx + c(a \neq 0)$ 에서 |a|의 값이 같으면 폭도 같다.
- $y = ax^2$ 에서 a < 0일 때, a가 커지면 폭이 넓어진다.

① 아래로 볼록이므로 축의 오른쪽(축보다 큰 범위)에서 x 값이

증가하면 y값도 증가한다. x = 0(y축)을 축으로 하고, (0, b)를 꼭짓점으로 한다.

 $y = ax^2$ 과 $y = -ax^2$ 의 그래프는 x축에 대하여 대칭이다.

- $y = ax^2 + bx + c(a \neq 0)$ 에서의 |a|의 값이 같으면 폭도 같다. $y = ax^2$ 에서 a < 0일 때 a가 커지면 |a|이 작아지므로 폭은
- 넓어진다.