

1. 연립방정식  $\begin{cases} x^2 - y^2 + 6y - 9 = 0 \\ (x-1)^2 + y^2 = 2 \end{cases}$  를 만족하는 실수 해의 순서쌍  $(x, y)$ 의 개수를 구하여라.

▶ 답 :      개

▷ 정답 : 1 개

### 해설

$$\begin{cases} x^2 - y^2 + 6y - 9 = 0 & \cdots \textcircled{A} \\ (x-1)^2 + y^2 = 2 & \cdots \textcircled{B} \end{cases}$$

$$\textcircled{A} \text{에서 } x^2 - (y-3)^2 = 0$$

$$(x+y-3)(x-y+3) = 0$$

$$y = x+3 \text{ 또는 } y = -x+3$$

i)  $y = -x+3$  을  $\textcircled{B}$ 에 대입하면,

$$x^2 - 4x + 4 = 0$$

$$\therefore x = 2 \text{ 이 때, } y = 1$$

ii)  $y = x+3$  을  $\textcircled{B}$ 에 대입하면,

$$x^2 + 2x + 4 = 0$$

$$\therefore x = -1 \pm \sqrt{3}i$$

$$\text{이 때, } y = 2 \pm \sqrt{3}i$$

i), ii)에서 실수해의 순서쌍은  $(2, 1)$ 이다.

따라서 실수해의 순서쌍의 개수는 1 개이다.

2. 다음 부등식의 해집합을  $S$  라고 하면  $S = \{x \mid a < x \leq 6\}$  이다. 이 때,  $ab$  의 값을 구하여라.

$$\begin{cases} 2x - 8 < 5x + 4 \\ 3x + 4 \leq x - b \end{cases}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 64

해설

$$2x - 8 < 5x + 4$$

$$3x > -12$$

$$x > -4$$

$$\therefore a = -4$$

$$3x + 4 \leq x - b$$

$$2x \leq -4 - b$$

$$x \leq \frac{-4 - b}{2}$$

$$\frac{-4 - b}{2} = 6$$

$$-4 - b = 12$$

$$\therefore b = -16$$

따라서  $ab = (-4) \times (-16) = 64$  이다.

3. 연립부등식  $\begin{cases} 2x + 7 < 6x - 11 \\ \frac{x + 7}{3} > \frac{2x + 3}{5} \end{cases}$  을 만족하는 정수의 개수를 구하여라.

▶ 답:        개

▷ 정답: 21개

해설

$$2x - 6x < -11 - 7$$

$$-4x < -18$$

$$x > \frac{9}{2}$$

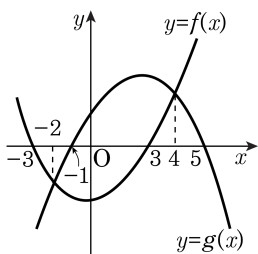
$$5x + 35 > 6x + 9$$

$$x < 26$$

$$\therefore \frac{9}{2} < x < 26$$

이므로 이를 만족하는 정수의 개수는 21개이다.

4. 두 이차함수  $y = f(x)$ ,  $y = g(x)$  의 그래프가 다음의 그림과 같을 때,  $f(x)g(x) > 0$  의 해는?



- ①  $x < -1$  또는  $x > 3$
- ②  $x < -1$  또는  $4 < x < 5$
- ③  $-3 < x < -1$  또는  $3 < x < 5$
- ④  $-3 < x < -2$  또는  $4 < x < 5$
- ⑤  $-2 < x < -1$  또는  $3 < x < 5$

### 해설

$f(x)g(x) > 0$  에서  $f(x) > 0$ ,  $g(x) > 0$  또는  $f(x) < 0$ ,  $g(x) < 0$

(i)  $f(x) > 0$ ,  $g(x) > 0$  을 만족하는  $x$  의 값의 범위는  $3 < x < 5$

(ii)  $f(x) < 0$ ,  $g(x) < 0$  을 만족하는  $x$  의 값의 범위는  $-3 < x < -1$

따라서 (i), (ii) 에 의하여 구하는 부등식의 해는  $-3 < x < -1$  또는  $3 < x < 5$

5. 점 A(-1, 2), B(2, -2) 에 대하여 다음 중  $\overline{PA} = \overline{AB}$  를 만족시키는 점 P 의 좌표가 될 수 없는 것은?

① (3, 5)

② (-1, 7)

③ (4, 2)

④ (2, 3)

⑤ (-4, 6)

해설

$$\overline{AB}^2 = (2 + 1)^2 + (-2 - 2)^2 = 25$$

① P(3, 5) 일 때,

$$\overline{PA}^2 = (-1 - 3)^2 + (2 - 5)^2 = 25$$

② P(-1, 7) 일 때,

$$\overline{PA}^2 = (-1 + 1)^2 + (2 - 7)^2 = 25$$

③ P(4, 2) 일 때,

$$\overline{PA}^2 = (-1 - 4)^2 + (2 - 2)^2 = 25$$

④ P(2, 3) 일 때,

$$\overline{PA}^2 = (-1 - 2)^2 + (2 - 3)^2 = 10$$

⑤ P(-4, 6) 일 때,

$$\overline{PA}^2 = (-1 + 4)^2 + (2 - 6)^2 = 25$$

따라서 ④는  $\overline{PA} = \overline{AB}$  를 만족시키지 않는다.

6. 다음은 11 세기 경 아라비아의 수학책에 나오는 내용을 변형한 것이다. 강을 사이에 두고 두 그루의 나무가 서 있었는데 두 나무의 높이는 각각 20m , 30m 이고 두 나무 사이의 거리는 50m 이다. 각각의 나무 꼭대기에 새가 앉아서 수면에 있는 한 마리의 물고기를 노리고 있었다. 이 두 마리의 새가 동시에 날아서 일직선 위로 그 물고기에게 덤벼들어 똑같이 그 물고기가 있는 수면에 당도하였다. 두 마리의 새의 속도가 같다고 하였을 때, 높이가 20m 인 나무 밑에서 물고기까지의 거리는 몇 m 인지 구하여라.

▶ 답:                      m

▷ 정답: 30          

#### 해설

20m, 30m 나무 위의 두 마리의 새의 위치를 각각 A, B 라 하고, 높이가 20m 인 나무 밑으로부터 물고기가 있는 P 까지의 거리를  $a$  라 하면  $\overline{PA} = \overline{PB}$  이므로  $a^2 + 20^2 = (50 - a)^2 + 30^2$   
 $\therefore a = 30(\text{m})$

7. 두 점  $A(-1, -2)$ ,  $B(3, 1)$  에 대하여 점  $A$  의 방향으로 그은  $\overline{AB}$  의 연장선 위에  $3\overline{AB} = 2\overline{BC}$  가 되게 하는 점  $C$  의 좌표를 구하면?

- ①  $C\left(-2, -\frac{3}{2}\right)$       ②  $C\left(-2, -\frac{5}{2}\right)$       ③  $C(-2, -3)$   
 ④  $C\left(-3, -\frac{5}{2}\right)$       ⑤  $C\left(-3, -\frac{7}{2}\right)$

### 해설

$3\overline{AB} = 2\overline{BC}$  에서  $\overline{AB} : \overline{BC} = 2 : 3$  이므로, 다음 그림에서 점  $A$  는  $\overline{CB}$  를  $1 : 2$  로 내분하는 점이다.

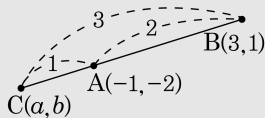
이 때, 점  $C$  의 좌표를  $C(a, b)$  라 하면

$$A\left(\frac{1 \cdot 3 + 2a}{1 + 2}, \frac{1 \cdot 1 + 2b}{1 + 2}\right) \text{ 이므로}$$

$$\frac{3 + 2a}{3} = -1 \text{ 에서 } a = -3$$

$$\frac{1 + 2b}{3} = -2 \text{ 에서 } b = -\frac{7}{2}$$

따라서 점  $C$  의 좌표는  $C\left(-3, -\frac{7}{2}\right)$  이다.



8. 두 직선  $3x + 4y = 24$ 와  $3x + 4y = 4$ 사이의 거리를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

두 직선이 평행하므로 한 직선의 임의의 점과 나머지 직선 사이의 거리를 구하면 된다.

$3x + 4y = 24$ 의 점  $(0, 6)$

$$\frac{|0 \times 3 + 6 \times 4 - 4|}{\sqrt{3^2 + 4^2}} = 4$$

9. 두 직선  $2x - y + k = 0$ ,  $x + 2y - 1 = 0$  이 이루는 각의 이등분선이 점  $P(3, 1)$  을 지날 때, 상수  $k$  의 값의 합을 구하면?

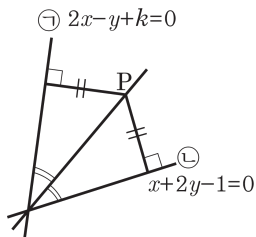
① -2

② 4

③ -6

④ 8

⑤ -10



해설

$$2x - y + k = 0 \quad \cdots \textcircled{㉠}$$

$$x + 2y - 1 = 0 \quad \cdots \textcircled{㉡}$$

(점 P와 ㉠사이의 거리) = (점 P와 ㉡사이의 거리) 이므로

$$\frac{|6 - 1 + k|}{\sqrt{2^2 + (-1)^2}} = \frac{|3 + 2 - 1|}{\sqrt{1^2 + 2^2}} \Rightarrow |5 + k| = 4$$

$$\Rightarrow 5 + k = \pm 4 \Rightarrow k = -9 \text{ 또는 } k = -1$$

$\therefore k$  의 합 : -10

10. 두 점 (1, 4), (3, 2) 를 지나고,  $x$  축에 접하는 원은 2개가 있다. 이 때, 두 원의 반지름의 합은?

① 8

② 9

③ 10

④ 11

⑤ 12

### 해설

$x$  축에 접하는 원의 방정식을 표현하면,

$$(x - a)^2 + (y - b)^2 = b^2$$

(1, 4), (3, 2) 를 지나므로 각각 대입하면,

$$(1 - a)^2 + (4 - b)^2 = b^2 \quad \cdots \textcircled{\Gamma}$$

$$(3 - a)^2 + (2 - b)^2 = b^2 \quad \cdots \textcircled{\text{L}}$$

⑦, ㉔ 를 연립하여 풀면,

$$a = 1, b = 2 \text{ 또는 } a = 9, b = 10$$

$$\therefore \text{ 두 원의 반지름의 합은 } 10 + 2 = 12$$

11. 두 원  $x^2 + y^2 = 1$ ,  $(x - a)^2 + (y - b)^2 = 4$ 에 대하여 두 원이 외접할 때  $a^2 + b^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

외접하기 위한 조건은  $\sqrt{a^2 + b^2} = 2 + 1$

$$\therefore a^2 + b^2 = 9$$

12. 직선  $y = mx + 5$  가 원  $x^2 + y^2 = 1$  과 서로 만나지 않을 때, 실수  $m$  의 값의 범위를 구하면?

①  $-2\sqrt{2} < m < 2\sqrt{2}$

②  $-2\sqrt{6} < m < 2\sqrt{6}$

③  $-2 < m < 2$

④  $-2\sqrt{3} < m < 2\sqrt{3}$

⑤  $-4 < m < 4$

### 해설

직선  $y = mx + 5$  가 원  $x^2 + y^2 = 1$  과  
서로 만나지 않으므로, 원의 중심  $(0, 0)$  에서  
직선까지의 거리가 반지름의 길이 1보다 커야 한다.

$$\frac{5}{\sqrt{m^2 + (-1)^2}} > 1$$

$\therefore \sqrt{m^2 + 1} < 5$  양변을 제곱하여 정리하면

$$m^2 + 1 - 25 < 0, \quad m^2 - 24 < 0$$

$$(m - 2\sqrt{6})(m + 2\sqrt{6}) < 0$$

$$\therefore -2\sqrt{6} < m < 2\sqrt{6}$$

13. 원  $x^2 + y^2 + 4x + 6y + 12 = 0$  을  $x$  축의 방향으로  $a$  만큼,  $y$  축의 방향으로  $b$  만큼 평행이동하면 원  $x^2 + y^2 - 2x - 4y + 4 = 0$  과 겹칠 때,  $a^2 + b^2$  의 값은?

① 25

② 32

③ 34

④ 41

⑤ 50

### 해설

$x^2 + y^2 + 4x + 6y + 12 = 0$  에서

$$(x+2)^2 + (y+3)^2 = 1 \cdots \textcircled{㉠}$$

$x^2 + y^2 - 2x - 4y + 4 = 0$  에서

$$(x-1)^2 + (y-2)^2 = 1 \cdots \textcircled{㉡}$$

㉠을  $x$  축의 방향으로  $a$  만큼,

$y$  축의 방향으로  $b$  만큼 평행이동하면

$$(x-a+2)^2 + (y-b+3)^2 = 1$$

이 원이 ㉡과 겹쳐지므로

$$-a+2 = -1, -b+3 = -2$$

$$\therefore a = 3, b = 5$$

$$\therefore a^2 + b^2 = 34$$

14. 직선  $2x - 3y - 1 = 0$  을 원점에 대하여 대칭이동한 후, 다시 직선  $y = x$  에 대하여 대칭이동하였더니 원  $(x - 1)^2 + (y - a)^2 = 5$  의 넓이를 이등분하였다. 이때,  $a$  의 값은?

① 1

② 2

③  $\sqrt{5}$

④ 3

⑤  $2\sqrt{5}$

### 해설

직선  $2x - 3y - 1 = 0$  을 원점에 대하여

대칭이동하면  $-2x + 3y - 1 = 0$

이 직선을 다시 직선  $y = x$  에 대하여 대칭이동하면

$$-2y + 3x - 1 = 0$$

$$\therefore 3x - 2y - 1 = 0$$

이 직선이 원  $(x - 1)^2 + (y - a)^2 = 5$  의 넓이를

이등분하므로 원의 중심  $(1, a)$  를 지난다.

$$\text{즉, } 3 - 2a - 1 = 0, 2a = 2 \quad \therefore a = 1$$

15. 직선  $x - y + 2 = 0$  에 관하여 점  $P(5, 3)$  과 대칭인 점을  $Q(a, b)$  라 할 때,  $ab$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $ab = 7$

해설

$x - y + 2 = 0$  에 관하여 점  $P(5, 3)$  과 대칭인 점을  $Q(a, b)$  라면

$\overline{PQ}$  의 중점  $\left(\frac{a+5}{2}, \frac{b+3}{2}\right)$  이

직선 위에 있으므로 대입하면

$$\frac{a+5}{2} - \frac{b+3}{2} + 2 = 0$$

$$\rightarrow a - b + 6 = 0 \cdots \textcircled{㉠}$$

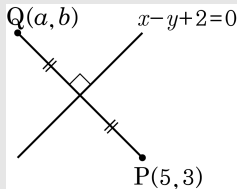
$(\overline{PQ} \text{의 기울기}) \times 1 = -1$  이므로

$(\because \overline{PQ} \text{와 직선이 수직})$

$$\frac{b-3}{a-5} \times 1 = -1 \rightarrow a + b - 8 = 0 \cdots \textcircled{㉡}$$

$\textcircled{㉠}, \textcircled{㉡}$  에서  $a = 1, b = 7$

$$\therefore ab = 7$$



16. 연립방정식  $\begin{cases} x^2 - 3xy - 2y^2 = 8 \cdots \cdots \textcircled{㉠} \\ xy + 3y^2 = 1 \cdots \cdots \textcircled{㉡} \end{cases}$  의 근  $x, y$ 를 구할 때,  $x+y$

의 값을 모두 구하면?

①  $-\frac{7}{2}, -1, 1, \frac{7}{2}$

②  $-\frac{7}{2}, \frac{7}{2}$

③  $-1, 1$

④  $-\frac{7}{2}, 1$

⑤  $1, \frac{7}{2}$

해설

$\textcircled{㉠} - \textcircled{㉡} \times 8$ 에서  $x^2 - 11xy - 26y^2 = 0, (x + 2y)(x - 13y) = 0$

$x + 2y = 0 \cdots \cdots \textcircled{㉢}$

$x - 13y = 0 \cdots \cdots \textcircled{㉣}$

$\textcircled{㉡}, \textcircled{㉢}$ 에서  $y^2 = 1$

$\therefore y = \pm 1, x = \mp 2$ (복호동순)

$\textcircled{㉡}, \textcircled{㉣}$ 에서  $16y^2 = 1$

$\therefore y = \pm \frac{1}{4}, x = \pm \frac{13}{4}$ (복호동순)

$\therefore x + y = -1, 1, \frac{7}{2}, -\frac{7}{2}$

17. 방정식  $x^2 + 2y^2 + 2xy - 4x - 10y + 13 = 0$  을 만족시키는 실수  $x, y$  의 합  $x + y$  의 값은?

① -1

② 0

③ 1

④ 2

⑤ 3

해설

주어진 방정식을  $x$  에 대하여 내림차순으로 정리하면

$$x^2 + 2(y-2)x + 2y^2 - 10y + 13 = 0 \quad \cdots \textcircled{㉠}$$

이 때,  $x$  가 실수이므로 판별식  $\frac{D}{4} \geq 0$  이다.

$$\frac{D}{4} = (y-2)^2 - (2y^2 - 10y + 13) \geq 0$$

$$-y^2 + 6y - 9 \geq 0, \quad y^2 - 6y + 9 \leq 0$$

$$(y-3)^2 \leq 0 \quad y \text{ 가 실수이므로 } y-3=0$$

$$\therefore y=3 \quad \cdots \textcircled{㉡}$$

$$\textcircled{㉡} \text{을 } \textcircled{㉠} \text{에 대입하면 } x^2 + 2x + 1 = 0, \quad (x+1)^2 = 0$$

$$\therefore x = -1$$

$$\therefore x+y = -1+3 = 2$$

18. 어느 학교 학생들이 운동장에서 야영을 하기 위해 텐트를 설치하였다. 한 텐트에 3 명씩 자면 12명이 남고, 5 명씩 자면 텐트가 10 개가 남는다고 할 때, 텐트의 수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▶ 답 : 개

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 31 개

▷ 정답 : 32 개

▷ 정답 : 33 개

#### 해설

텐트 수를  $x$  개, 학생 수를  $(3x + 12)$  명이라 하면

$$5(x - 11) + 1 \leq 3x + 12 \leq 5(x - 11) + 5$$

$$5(x - 11) + 1 \leq 3x + 12 \text{에서}$$

$$5x - 55 + 1 \leq 3x + 12,$$

$$2x \leq 66$$

$$\therefore x \leq 33$$

$$3x + 12 \leq 5(x - 11) + 5 \text{에서}$$

$$3x + 12 \leq 5x - 55 + 5,$$

$$2x \geq 62$$

$$\therefore x \geq 31$$

$$\therefore 31 \leq x \leq 33$$

19. 부등식  $(x-2)(ax-1) < 0$ 의 해에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?

① 이 부등식의 해가 존재하지 않는 실수  $a$ 가 있다.

②  $a = 0$ 이면 이 부등식의 해는  $x < 2$ 이다.

③  $a < 0$ 이면 이 부등식의 해는  $\frac{1}{a} < x < 2$ 이다.

④  $a > 0$ 이면 이 부등식의 해는  $x < 2$ 이다.

⑤ ①, ②, ③, ④ 모두 거짓이다.

### 해설

①  $a \neq 0$ 일 때

$$(x-2)(ax-1) = a(x-2)\left(x-\frac{1}{a}\right) \text{이므로}$$

$a = \frac{1}{2}$ 이면 이 부등식의 해는 없다.

②  $a = 0$ 이면 이 부등식은  $-(x-2) < 0$ ,  
즉  $x-2 > 0$ 이므로 해는  $x > 2$ 이다.

③  $a < 0$ 이면 이 부등식은  $(x-2)\left(x-\frac{1}{a}\right) > 0$ 이므로  
 $x < \frac{1}{a}$  또는  $x > 2$ 이다.

④  $a > 0$ 이면 이 부등식은  $(x-2)\left(x-\frac{1}{a}\right) < 0$ 이므로

$a < \frac{1}{2}$ 일때,  $2 < x < \frac{1}{a}$ ,

$a > \frac{1}{2}$ 일때  $\frac{1}{a} < x < 2$ 이다.

20.  $6[x]^2 - 31[x - 1] - 13 < 0$ 을 풀면? (단,  $[x]$ 는  $x$ 를 넘지 않는 최대의 정수)

①  $-3 \leq x < 3$

②  $-2 \leq x < 5$

③  $0 \leq x < 3$

④  $1 \leq x < 5$

⑤  $1 \leq x < 6$

해설

$$n \leq [x] < n + 1 \text{에서}$$

$$n - 1 < [x - 1] < n \text{이므로}$$

$$[x - 1] = [x] - 1$$

$$\therefore 6[x]^2 - 31[x - 1] - 13$$

$$= 6[x]^2 - 31([x] - 1) - 13$$

$$= 6[x]^2 - 31[x] + 18 < 0$$

$$\therefore (2[x] - 9)(3[x] - 2) < 0$$

$$\frac{2}{3} < [x] < \frac{9}{2}$$

$$\therefore 1 \leq [x] \leq 4 \text{이므로}$$

$$[x] = 1, 2, 3, 4$$

$$\therefore 1 \leq x < 5$$

21. 이차방정식  $ax^2 - (a+1)x - 1 = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라고 할 때,  $-1 < \alpha < 0$ ,  $2 < \beta < 3$ 이 성립하도록 상수  $a$ 의 값의 범위를 구하면? (단,  $a > 0$ )

①  $\frac{2}{3} < a < 1$

②  $\frac{2}{3} < a < \frac{3}{2}$

③  $\frac{3}{2} < a < 2$

④  $\frac{3}{2} < a < \frac{5}{2}$

⑤  $\frac{3}{2} < a < 3$

해설

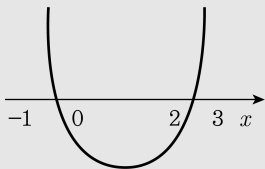
$f(0) = -1 < 0$  이므로  $y = ax^2 - (a+1)x - 1$ 의  
그래프는 다음 그림과 같다.

$f(-1) = a + (a+1) - 1 > 0$ 에서  
 $a > 0 \dots \textcircled{\Gamma}$

$f(2) = 4a - 2(a+1) - 1 < 0$ 에서  $a < \frac{3}{2} \dots \textcircled{\text{L}}$

$f(3) = 9a - 3(a+1) - 1 > 0$ 에서  $a > \frac{2}{3} \dots \textcircled{\text{E}}$

$\textcircled{\Gamma}, \textcircled{\text{L}}, \textcircled{\text{E}}$ 에서  $\frac{2}{3} < a < \frac{3}{2}$



22. 세 직선  $2x + y + 1 = 0$ ,  $x - y + 2 = 0$ ,  $ax - y = 0$  이 삼각형을 만들지 못할 때, 상수  $a$  의 값을 구하면? (단,  $a > 0$ )

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

### 해설

삼각형을 만들지 못하게 하려면

$ax - y = 0$  이 나머지 두직선과 평행하거나, 세 직선이 한 점에서 만나야 한다.

i)  $ax - y = 0$  이 다른 두 직선과 평행할 때  
두 직선의 기울기가 각각  $-2$ ,  $1$  이므로  
 $a = -2$  또는  $1 \quad \therefore a = 1 (\because a > 0)$

ii) 세 직선이 한 점에서 만날 때  
 $2x + y + 1 = 0$  와  $x - y + 2 = 0$  의 교점은  $(-1, 1)$   
 $ax - y = 0$  이 이 점을 지나려면  
 $a = -1$  (부적당)

i), ii) 에서  $a = 1$

23. 반지름의 길이가 각각 3 cm, 5 cm 이고, 중심거리가 10 cm 인 두 원의 공통외접선의 길이와 공통내접선의 길이를 각각  $x$ ,  $y$  라 할 때,  $x^2 - y^2$  의 값은?

① -60

② -36

③ 36

④ 60

⑤ 96

### 해설

공통내접선의 길이는  $\sqrt{d^2 - (r + r')^2}$  이므로

$$\sqrt{10^2 - (5 + 3)^2} = \sqrt{36} \text{ 이고}$$

공통외접선의 길이는  $\sqrt{d^2 - (r - r')^2}$  이므로

$$\sqrt{10^2 - (5 - 3)^2} = \sqrt{96} \text{ 이다.}$$

그러므로  $x^2 - y^2 = 96 - 36 = 60$  이다.

24. A(3, -1)에서 원  $x^2 + y^2 = 5$ 에 그은 접선의 방정식을 구하면?

①  $x - 2y - 6 = 0, 2x + y - 4 = 0$

②  $x - 2y - 5 = 0, 2x + y - 5 = 0$

③  $x - 2y - 4 = 0, 2x + y - 5 = 0$

④  $x - 2y - 3 = 0, 2x + y - 4 = 0$

⑤  $x - 2y - 2 = 0, 2x + y - 3 = 0$

### 해설

점 A를 지나는 접선의 기울기를  $m$ 이라 하면,  $y = m(x - 3) - 1$   
접선이므로 원 중심에서 직선까지 거리는 반지름과 같다.

$$\frac{|-3m - 1|}{\sqrt{m^2 + 1^2}} = \sqrt{5}$$

$$2m^2 + 3m - 2 = 0$$

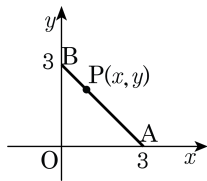
$$\therefore m = \frac{1}{2}, -2$$

$$y = \frac{1}{2}x - \frac{5}{2}, y = -2x + 5 \text{ 이므로}$$

접선의 방정식은  $x - 2y - 5 = 0$  or  $2x + y - 5 = 0$

25.

$b \geq a > 0$ ,  $c \geq 0$  이면  $\frac{a+c}{b+c} \geq \frac{a}{b}$  가 성립한다.  
 다음 그림과 같이 좌표평면 위의 두 점 A(3, 0), B(0, 3)에 대하여 점 P(x, y)가 선분 AB 위를 움직일 때,  $\frac{5-y}{5+x} \times \frac{5-x}{5+y}$ 의 최솟값은?



①  $\frac{1}{5}$

②  $\frac{1}{4}$

③  $\frac{1}{3}$

④  $\frac{3}{4}$

⑤  $\frac{4}{5}$

해설

직선 AB의 방정식은

$$y = -x + 3 \text{ 이므로 } x + y = 3$$

$$\begin{aligned} \therefore \frac{5-y}{5+x} \times \frac{5-x}{5+y} &= \frac{25 - 5(x+y) + xy}{25 + 5(x+y) + xy} \\ &= \frac{10 + xy}{40 + xy} \geq \frac{10}{40} = \frac{1}{4} \end{aligned}$$

$$(\because xy \geq 0)$$

(단, 등호는  $xy = 0$  일 때,

점 P가 A 또는 B일 때 성립한다.)

따라서, 구하는 최솟값은  $\frac{1}{4}$  이다.