. 자연수 n 에 대하여 $n! = 1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times n$ 이라고 정의한다. $2 \times 4 \times 6 \times 8 \times \cdots \times 1000 = x^{500} \times y!$ 일 때, x + y 의 값을 구하여라.

기설
$$2 \times 4 \times 6 \times 8 \times \cdots \times 1000$$

= $(2 \times 1) \times (2 \times 2) \times (2 \times 3) \times (2 \times 4) \times \cdots \times (2 \times 500)$
= $2^{500} \times (1 \times 2 \times 3 \times 4 \times \cdots \times 500)$

 $= 2^{500} \times (1 \times 1)^{10}$ $= 2^{500} \times 500!$

$$\therefore x = 2, y = 500$$
$$\therefore x + y = 502$$

2. 분수
$$\frac{a}{180}$$
 가 유한소수가 되도록 하는 a 의 값을 구하여라. (단, $10 < a < 20$)

▷ 정답: 18

$$\frac{a}{180} = \frac{a}{2^2 \times 3^2 \times 5}$$
가 유한소수가 되려면 a 는 9 의 배수 $10 < a < 20$ 인 9 의 배수 $a = 18$

3. $\frac{a}{110}$ 를 약분하면 $\frac{1}{b}$ 이 되고, 이것을 소수로 나타내면 유한소수가 될 때, 정수 a+b의 값을 구하여라.(단, 10 < a < 20)

 $\frac{a}{110} = \frac{a}{2 \times 5 \times 11}$ 가 유한소수가 되어야 하므로 a는 11의 배수이어야 한다. 따라서 a = 11이고, b = 10이다. $\therefore a + b = 11 + 10 = 21$ ① 2 ② 4 ③ 5 ④ 7 ⑤8

는?

분수 $\frac{53}{11}$ 을 소수로 나타내었을 때, 소수점 아래 27 번째 자리의 숫자

$$\frac{53}{11}$$
 = 4.818181....
27÷2 = 13···1 이므로 소수점 아래 27 번째 자리의 수는 8 이다

5. 기약분수를 소수로 고치는 과정에서 A 는 분자를 잘못 보았더니 0.34 로, B 는 분모를 잘못 보았더니 0.56이 되었다. 처음의 기약분수로 맞는 것은?

$$0.\dot{3}\dot{4}=\frac{34}{99}$$
 에서는 분모를 맞게 본 것이므로 구하는 분수의 분모는 99,
$$0.5\dot{6}=\frac{56-5}{90}=\frac{51}{90}=\frac{17}{30}$$
 에서는 분자를 맞게 본 것이므로 구하는 분수의 분자는 17 이다. 따라서, 구하는 기약분수는 $\frac{17}{99}$

6.
$$\frac{1}{2} < 0.\dot{A} < \frac{2}{3}$$
 인 자연수 $A = 7$ 하여라.

ি নাব
$$\frac{1}{2} < \frac{1}{9}A < \frac{2}{3}, \frac{9}{2} < A < 6$$
∴ $A = 5$

7. 2.009 - 2.009 를 계산한 값의 소수점 아래 2009 번째 자리의 숫자를 구하여라.

답:

▷ 정답: 8

해설

$$2.009 - 2.009 = \frac{2007}{999} - \frac{1989}{990}$$
$$= \frac{-81}{990 \times 999}$$

=-0.0000819

순화소수를 풀어서 계산하면

같다. 이때, 2008 = 6 × 334 + 4 이므로 구하는 숫자는 순환마디의 4 번째 숫자 8 이다.

소수점 아래의 2009 번째 숫자는 순화마디의 2008 번째 숫자와

8. $a = \frac{9}{13}$ 일 때, $a \times (10^6 - 1)$ 의 값을 구하여라.

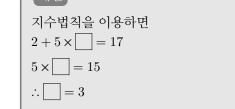
해설
$$a = 0.\dot{6}9230\dot{7} \text{ 이므로 } a = \frac{692307}{999999}$$
$$\therefore a \times (10^6 - 1) = a \times 999999$$

 $= \frac{692307}{999999} \times 9999999$ = 692307

9. x + y = 3 이고, $A = 2^{2x}$, $B = 2^{2y}$ 일 때, AB 의 값은?

$$AB = 2^{2x} \times 2^{2y} = 2^{2x+2y} = 2^{2(x+y)} = 2^{2\times 3} = 2^6$$
 이다.

10.
$$3^2 \times (3^{\circ})^5 = 3^{17}$$
 일 때, \bigcirc 안에 알맞은 수는?



11. 다음 두 식을 만족하는 단항식 A , B 에 대하여 A^2 은?

$$A \times B = 36a^3b^4 \ , \ \frac{A}{B} = 4a$$

②
$$144a^2b^2$$

③
$$144a^3b^3$$

$$4144a^4b^4$$

⑤
$$144a^5b^5$$

$$A^{2} = (A \times B) \times \frac{A}{B} = 36a^{3}b^{4} \times 4a$$
$$= 36 \times 4 \times a^{3} \times a \times b^{4} = 144a^{4}b^{4}$$

12. 다음 식에서 A + B + C 의 값은?

해설

$$(-4x^3)^A \times 2xy^B \div (-2x^2y)^2 = 8x^Cy$$

① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤8

$$(-4x^3)^A \times 2xy^B \div (-2x^2y)^2 = 8x^Cy$$

$$(-4)^A x^{3A} \times 2xy^B \div 4x^4y^2 = 8x^Cy$$

$$(-4)^A \times 2 \div 4 = 8 \qquad \therefore A = 2$$

$$x^{3A} \times x \div x^4 = x^C$$

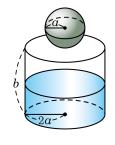
$$x^6 \times x \div x^4 = x^C \qquad \therefore C = 3$$

$$y^B \div y^2 = y \qquad \therefore B = 3$$

$$\therefore A + B + C = 2 + 3 + 3 = 8$$

13. 다음 그림과 같이 물이 담긴 원기둥 모양의 그 릇에 쇠공을 완전히 넣으면 물의 높이는 얼마나 높아지는가?





해설

원기둥 모양의 그릇에 쇠공을 완전히 넣으면 물의 높이는

$$h = \frac{(4공의 부피)}{(원기둥의 밑면의 넓이)}$$
만큼 높아진다.

원기둥의 채워져 있는 물의 높이를 h라고 한다면 원기둥의 물의 부피는 $\pi(2a)^2 \cdot h$ 이다.

③ a

(쇠공의 부피) =
$$\frac{4}{3}\pi a^3$$
이므로

$$h = \frac{\frac{4a^3\pi}{3}}{\frac{4a^2\pi}{1}} = \frac{4a^3\pi}{12a^2\pi} = \frac{1}{3}a$$
 만큼 높아진다.

14. $3x(x-5) + 4x(1-3x) = ax^2 + bx + c$ 일 때, abc 의 값은?

$$a = -9, b = -11, c = 0$$

 $\therefore abc = (-9) \times (-11) \times 0 = 0$

15. 다음 식을 간단히 하여라.

$$(12a^3b - 18a^3b^2) \div 6ab - 2a(6ab - 4a)$$

① -15ab + 10a

② $-15a^2b + 10a$

 $3 -15ab + 10a^2$

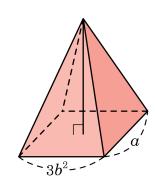
 $4 -15ab^2 + 10a^2$

 \bigcirc $-15a^2b + 10a^2$

 $(12a^3b - 18a^3b^2) \div 6ab - 2a(6ab - 4a)$ $= 2a^2 - 3a^2b - 12a^2b + 8a^2$

= 2a - 3a b - 12a b + 8a $= -15a^2b + 10a^2$

16. 다음 그림과 같이 밑면의 가로, 세로의 길이가 각각 $3b^2$, a 이고, 부피가 $27a^2b^2 + b^2a$ 일 때, 이 사각뿔의 높이는?



①
$$27a + 1$$
 ④ $9b + 1$

② 27b+1

$$39a + 1$$

사각뿔의 높이를 *x* 라 하면

(사각뿔의 부피)=
$$3b^2 \times a \times x \times \frac{1}{3} = 27a^2b^2 + b^2a$$

 $ab^2x = 27a^2b^2 + b^2a$

$$\therefore x = 27a + 1$$

17.
$$x = -1$$
 일 때, 다음 식의 값은?

$$4x + 3x(x - 1) - 6x^{2} \div 2 + x \times (-2x)$$

②
$$-2$$

$$4x + 3x(x - 1) - 6x^{2} \div 2 + x \times (-2x)$$
$$= 4x + 3x^{2} - 3x - 3x^{2} - 2x^{2}$$

$$= 4x + 3x - 3x - 2x$$

$$= x - 2x^{2} = (-1) - 2 \times (-1)^{2}$$

$$= -3$$

18. a% 의 설탕물 xg 에 yg 의 물을 더 부어 b% 의 설탕물이 되었다. y 를 a, b, x 에 관한 식으로 나타내어라.

$$\triangleright$$
 정답: $y = \frac{ax}{b} - x$

$$\frac{a \times x}{100} = \frac{b \times (x+y)}{100}$$
$$ax = b(x+y)$$

$$x + y = \frac{ax}{b}$$
$$\therefore y = \frac{ax}{b} - x$$

19.
$$b + \frac{6}{c} = c - \frac{1}{a} - 1 = 2$$
일 때, $abc - 3$ 의 값은?

① 1

② 0

3

(4

(5)

해설

$$b + \frac{6}{c} = c - \frac{1}{a} - 1 = 2 \text{ odd}$$

$$b + \frac{6}{c} = 2$$
를 b 에 관한 식으로 풀면 $b = 2 - \frac{6}{c} = \frac{2(c-3)}{c}$

$$c - \frac{1}{a} - 1 = 2 를 a 에 관한 식으로 풀면$$

$$-\frac{1}{a} = 3 - c$$

$$\frac{1}{a} = c - 3$$

$$a = \frac{1}{c - 3}$$

$$\therefore abc - 3 = \frac{1}{(c-3)} \times \frac{2(c-3)}{c} \times c - 3 = 2 - 3 = -1$$

20. 다음 중 방정식 $\frac{1}{5}x + 0.3(x - 1) = 0.7$ 을 만족하는 x의 값을 해로 갖는 부등식을 모두 골라라.

 \bigcirc 3*x* - 9 > 0

$$\frac{1}{5}x + 0.3(x - 1) = 0.7$$
을 풀면 $x = 2$ 이므로 $x = 2$ 를 대입하여 성립하는 부등식을 찾는다.

21. 부등식 x - 2 > 3x - 3 을 만족시키는 가장 큰 정수는?

따라서 만족시키는 가장 큰 정수는 0 이다.



22. 일차부등식 $1.2x \le 0.7x + 0.5$ 를 풀면?

② x > 1

③ 1 < x

(4) $1 \le x$

 $\therefore x \le 1$

⑤ 해는 없다.

```
해설

1.2x ≤ 0.7x + 0.5
양변에 10 을 곱하면

12x ≤ 7x + 5

12x - 7x ≤ 5

5x < 5
```

23. ax - 6 < 0 의 해가 x > -3 일 때, 상수 a 값을 구하여라.

$$\triangleright$$
 정답: $a = -2$

24. $\frac{1}{2}(x-a) > \frac{1}{3}x+1$ 의 해가 x > 18 일 때, a 의 값은?

② 2

해가 x > 18 이므로 3a + 6 = 18, a = 4 이다.



$$\frac{1}{2}(x-a)$$
$$3a+6$$

25. 두 부등식 0.5(7x+3) > 1.3(2x-a)와 $\frac{x-2}{4} - \frac{2x-3}{5} < 1$ 의 해가 서로 같을 때, 상수 a의 값을 구하여라.

- 답:

▷ 정답: 3



35x + 15 > 26x - 13a9x > -13a - 15

$$\therefore x > \frac{-13a - 15}{9}$$

$$\frac{13a - 1}{9}$$
$$2x - 3$$

5(x-2) - 4(2x-3) < 205x - 10 - 8x + 12 < 20

 $\frac{x-2}{4} - \frac{2x-3}{5} < 1$ 의 양변에 20을 곱하면

 $\frac{-13a - 15}{2} = -6$ -13a - 15 = -54

$$\begin{vmatrix}
-13a = -39 \\
\therefore a = 3
\end{vmatrix}$$

-3x + 2 < 20 $\therefore x > -6$