**1.** 두 수 2 와 5 사이에 있는 수 중에서  $\sqrt{n}$  의 꼴로 표시되는 무리수의 개수는? (단, n 은 자연수)

해설
$$2 < \sqrt{n} < 5 \text{ 이므로}$$
제곱하면  $4 < n < 25 \cdots$ 
①을 만족하는 자연수는  $n = 5, 6, \cdots$ ,  $24$  의  $20$  개, 그런데 이 중에서  $9, 16$  은  $\sqrt{9} = 3, \sqrt{16} = 4$  인 유리수이므로  $2$  개를 제외한  $18$  개만이 무리수이다.

**2.** 다음 두 수 6 과 15 사이에 있는 정수 n 에 대하여  $\sqrt{n}$  이 무리수인 n 의 개수는?

-n 23

① 11 개 ② 10 개 ③ 9 개 ④ 8 개

7 ~ 14 까지의 정수 중 3<sup>2</sup> = 9 제외. 7,8,10,11,12,13,14 (7개) **3.** x + y = 3, xy = 2 일 때,  $x^4 + y^4$  의 값은?

① 15 ② 16 ③ 17 ④ 18 ⑤ 19

$$x^{2} + y^{2} = (x + y)^{2} - 2xy = 3^{2} - 2 \times 2 = 5$$
  

$$\therefore x^{4} + y^{4} = (x^{2} + y^{2})^{2} - 2(xy)^{2} = 25 - 2 \times 4 = 17$$

**4.** 
$$x^2 + \frac{1}{x^2} = 6$$
 일 때,  $x - \frac{1}{x}$  의 값을 구하여라. (단,  $x > 1$ )

$$\left(x - \frac{1}{x}\right)^2 = x^2 + \frac{1}{x^2} - 2 = 6 - 2 = 4$$

$$x > 1$$
 이므로  $x > \frac{1}{x}$ 이므로  $x - \frac{1}{x} > 0$ 

$$\therefore x - \frac{1}{x} = 2$$

5. 
$$a = 1 + \sqrt{2}$$
 일 때,  $\frac{a^2 - 2a + 3}{a - 1}$  의 값을 구하여라.

$$ightharpoonup$$
 정답:  $2\sqrt{2}$ 

해설 
$$\frac{a^2 - 2a + 3}{a - 1} = \frac{(a^2 - 2a + 1) + 2}{a - 1}$$

$$= \frac{(a - 1)^2 + 2}{a - 1}$$

$$= \frac{(1 + \sqrt{2} - 1)^2 + 2}{(1 + \sqrt{2} - 1)^2 + 2}$$

$$= \frac{(\sqrt{2})^2 + 2}{\sqrt{2}}$$

$$= \frac{2 + 2}{\sqrt{2}}$$

$$= \frac{4}{\sqrt{2}}$$

$$= \frac{4\sqrt{2}}{2} = 2\sqrt{2}$$

**6.**  $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$ ,  $y = \sqrt{3} - \sqrt{2}$  일 때,  $(x^n - y^n)^2 - (x^n + y^n)^2$  의 값을 구하여라. (단, n 은 양의 정수)

해설 
$$(x^n - y^n)^2 - (x^n + y^n)^2$$

$$= (x^{n} - y^{n} + x^{n} + y^{n})(x^{n} - y^{n} - x^{n} - y^{n})$$

$$= 2x^{n} \times (-2y^{n}) = -4(xy)^{n}$$

$$= (\sqrt{3} + \sqrt{2})(\sqrt{3} - \sqrt{3})$$

$$xy = (\sqrt{3} + \sqrt{2})(\sqrt{3} - \sqrt{2}) = 1$$
  
  $\therefore -4(xy)^n = -4$ 

7. 
$$a = \frac{4 - \sqrt{2}}{3}$$
,  $b = \frac{4 + 2\sqrt{2}}{3}$  일 때,  $4a^2 + 4ab + b^2$  의 값을 구하여라.

$$4a^{2} + 4ab + b^{2} = (2a + b)^{2}$$

$$= \left(\frac{8 - 2\sqrt{2}}{3} + \frac{4 + 2\sqrt{2}}{3}\right)$$

$$= 4^{2}$$

$$= 16$$

8. 
$$a = \frac{2 - \sqrt{3}}{2}$$
,  $b = \frac{2 + \sqrt{3}}{2}$  일 때,  $a^2 + 2ab + b^2$  의 값은?

해설
$$a^{2} + 2ab + b^{2} = (a+b)^{2}$$
$$= \left(\frac{2-\sqrt{3}}{2} + \frac{2+\sqrt{3}}{2}\right)^{2}$$
$$= \left(\frac{4}{2}\right)^{2} = 4$$