

1. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- Ⓐ $(x + 1)^2 = x^2 + x + 1$
Ⓑ $(x - 2)^2 = x^2 - 4x + 4$
Ⓒ $(x + 3y)^2 = x^2 + 6xy + 9y^2$
Ⓓ $(x - 2)^2 = x^2 - 2x + 4$
Ⓔ $(x - 2y)^2 = x^2 - 4xy + 4y^2$

해설

- Ⓐ $(x + 1)^2 = x^2 + 2x + 1$
Ⓓ $(x - 2)^2 = x^2 - 4x + 4$

2. 다음 중 전개한 결과가 $(-a + b)^2$ 과 같은 것을 모두 골라라.

- | | |
|--------------------|---------------------|
| Ⓐ $(a - b)^2$ | Ⓑ $(b - a)^2$ |
| Ⓒ $-(a - b)^2$ | Ⓓ $a^2 + 2ab + b^2$ |
| Ⓔ $\{-(a - b)\}^2$ | |

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : Ⓐ

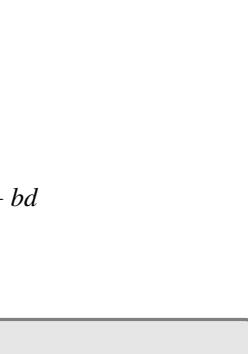
▷ 정답 : Ⓑ

▷ 정답 : Ⓒ

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{A} \quad (a - b)^2 &= a^2 - 2ab + b^2 \\ \textcircled{B} \quad (b - a)^2 &= b^2 - 2ab + a^2 \\ \textcircled{C} \quad -(a - b)^2 &= -(a^2 - 2ab + b^2) = -a^2 + 2ab - b^2 \\ \textcircled{D} \quad a^2 + 2ab + b^2 & \\ \textcircled{E} \quad \{-(a - b)\}^2 &= (-a + b)^2 = a^2 - 2ab + b^2 \end{aligned}$$

3. 다음 그림에서 색칠된 부분의 넓이는 정사각형 ABCD의 넓이에서 P, Q, R의 넓이를 뺀 것과 같다. 이 사실을 이용하여 설명할 수 있는 곱셈 공식을 골라라.



- ① $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- ② $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- ③ $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$
- ④ $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$
- ⑤ $(ax+b)(cx+d) = acx^2 + (ad+bc)x + bd$

해설

색칠한 부분의 가로의 길이와 세로의 길이는 $(a-b)$ 이다.

색칠한 부분이 정사각형이기 때문에 색칠한 부분의 넓이는 $(a-b)^2$ 이다.

색칠한 부분의 넓이가 전체 정사각형에서 P, Q, R의 넓이를 뺀 것과 같다고 하였으므로

이를 각각의 사각형의 넓이로 나타내면

$a^2 - (ab + ab - b^2) = a^2 - 2ab + b^2$ 이다.

따라서 $(a-b)(a-b) = a^2 - ab - ab + b^2 = a^2 - 2ab + b^2$ 이다.

4. $(2x - 5)^2 = px^2 + qx + 25$ 일 때, 상수 p, q 에 대하여 $p - q$ 의 값은?

- ① 24 ② 30 ③ 36 ④ 42 ⑤ 48

해설

$$(2x)^2 - 2 \times 2x \times 5 + 5^2 = 4x^2 - 20x + 25 \text{ } \square \text{므로 } p - q = 4 - (-20) =$$

24

5. $(5x - 2y)^2$ 을 전개하면 $ax^2 + bxy + cy^2$ 이다. 이때, 상수 a , b , c 의 합 $a + b + c$ 의 값은?

- ① -2 ② 2 ③ 5 ④ 9 ⑤ 13

해설

$$(5x)^2 - 2 \times 5x \times 2y + (-2y)^2 = 25x^2 - 20xy + 4y^2 \quad \text{으로 } a+b+c =$$
$$25 + (-20) + 4 = 9$$

6. $\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 = x^2 - ax + \frac{9}{4}$ 일 때, 상수 a 의 값은?

- ① 9 ② 6 ③ 3 ④ 1 ⑤ 0

해설

$$x^2 - 3x + \frac{9}{4} = x^2 - ax + \frac{9}{4} \text{ 이므로 } a = 3 \text{ 이다.}$$

7. $(-3x - 4)^2$ 을 전개하였을 때, x 의 계수는?

- ① 20 ② 21 ③ 22 ④ 23 ⑤ 24

해설

$$(-3x - 4)^2 = (3x + 4)^2$$

$$= 9x^2 + 24x + 16$$

따라서 x 의 계수는 24이다.

8. 다음 중에서 전개하였을 때의 전개식이 $(-x+y)^2$ 과 같은 것은?

- ① $(x-y)^2$ ② $(x+y)^2$ ③ $-(x-y)^2$
④ $-(x+y)^2$ ⑤ $(-x-y)^2$

해설

$$(-x+y)^2 = x^2 - 2xy + y^2$$

① $(x-y)^2 = x^2 - 2xy + y^2$
② $(x+y)^2 = x^2 + 2xy + y^2$
③ $-(x-y)^2 = -x^2 + 2xy - y^2$
④ $-(x+y)^2 = -x^2 - 2xy - y^2$
⑤ $(-x-y)^2 = x^2 + 2xy + y^2$

$(-x+y)^2 = \{-(x-y)\}^2 = (x-y)^2$

9. $6ab\left(\frac{2-5b}{3a}\right) + 8ab\left(\frac{3b+1}{4b}\right)$ 을 간단히 하였을 때 ab 항의 계수는?

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

해설

$$6ab\left(\frac{2-5b}{3a}\right) + 8ab\left(\frac{3b+1}{4b}\right)$$

$$= 2b(2-5b) + 2a(3b+1)$$

$$= 4b - 10b^2 + 6ab + 2a$$

따라서 ab 항의 계수는 6이다.

10. $(x+a)(x-4) = x^2 - b^2$ 일 때, $a+b$ 의 값은? (단, $b > 0$)

- ① -16 ② -8 ③ 2 ④ 8 ⑤ 16

해설

$$(x+a)(x-4) = x^2 + (a-4)x - 4a = x^2 - b^2$$

$$a-4 = 0 \Rightarrow a = 4$$

$$b^2 = 4a = 16 \Rightarrow b = 4 (\because b > 0)$$

$$\therefore a+b = 4+4 = 8$$

11. $(x+a)(x-5) = x^2 + bx + 15$ 일 때, a, b 의 값은?

- ① $a = -8, b = -8$ ② $a = -8, b = -5$
③ $a = -3, b = -8$ ④ $a = 3, b = 5$
⑤ $a = 3, b = -5$

해설

$$(x+a)(x-5) = x^2 + (a-5)x - 5a = x^2 + bx + 15$$

따라서 $a-5 = b, -5a = 15$ 이므로 $a = -3, b = -8$ 이다.

12. $(5x - 6)(4x + 3)$ 을 전개한 식은?

- ① $20x^2 + 2x - 18$
② $20x^2 + 4x - 18$
③ $20x^2 + 6x - 18$
④ $20x^2 - 9x + 18$
⑤ $20x^2 - 9x - 18$

해설

$$(5x - 6)(4x + 3) = (5 \times 4)x^2 + \{5 \times 3 + (-6) \times 4\}x + (-6) \times 3 =$$
$$20x^2 - 9x - 18$$

13. $(-3x+4)(5x-6) = ax^2 + bx + c$ 일 때, 상수 a, b, c 에 대하여 $a+b-c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 47

해설

$$\begin{aligned} & (-3x+4)(5x-6) \\ &= \{(-3) \times 5\} x^2 + \{(-3 \times -6) + (4 \times 5)\} x + 4 \times (-6) \\ &= -15x^2 + 38x - 24 \\ &= ax^2 + bx + c \end{aligned}$$

따라서 $a = -15, b = 38, c = -24$ 이므로 $a+b-c = 47$ 이다.

14. $(2x - \frac{1}{3})(4x + \frac{1}{2})$ 을 전개하였을 때, x 의 계수는?

- ① $-\frac{1}{9}$ ② $-\frac{1}{6}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ 2 ⑤ 8

해설

$$x \text{ 의 계수는 } 2 \times \frac{1}{2} + \left(-\frac{1}{3}\right) \times 4 = -\frac{1}{3} \text{ 이다.}$$

15. 다음 전개식 중에서 옳지 않은 것은?

- ① $(-x - y)^2 = x^2 + 2xy + y^2$
- ② $(2x + y)(y - 2x) = -4x^2 + y^2$
- ③ $(x - 3)(x + 5) = x^2 + 2x - 15$
- ④ $(2x + 3y)(-5x + 4y) = -10x^2 + 7xy + 12y^2$
- ⑤ $(3x - 2)(x - y) = 3x^2 - 3xy - 2x + 2y$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{4} \quad & (2x + 3y)(-5x + 4y) \\ &= -10x^2 + 8xy - 15xy + 12y^2 \\ &= -10x^2 - 7xy + 12y^2 \end{aligned}$$

16. 일차항의 계수가 다른 하나는?

① $\left(\frac{1}{2}x + 3\right)\left(\frac{7}{2}x - 15\right)$

② $(2x - 1)(3x + 3)$

③ $(x + 1)(x + 2)$

④ $(x - 3)(x + 6)$

⑤ $(2x - 3)(x + 1)$

해설

① $\left(\frac{1}{2}x + 3\right)\left(\frac{7}{2}x - 15\right) = \frac{7}{4}x^2 + 3x - 45$

② $(2x - 1)(3x + 3) = 6x^2 + 3x - 3$

③ $(x + 1)(x + 2) = x^2 + 3x + 2$

④ $(x - 3)(x + 6) = x^2 + 3x - 18$

⑤ $(2x - 3)(x + 1) = 2x^2 - x - 3$

17. $(x+2)(x+3)(x-2)(x-3)$ 의 전개식에서 x^2 의 계수와 상수항의 합은?

- ① -6 ② 6 ③ 12 ④ 18 ⑤ 23

해설

$$\begin{aligned}(x+2)(x+3)(x-2)(x-3) &= \{(x+2)(x-2)\}\{(x+3)(x-3)\} \\&= (x^2 - 4)(x^2 - 9) \\&= x^4 - 13x^2 + 36 \\&\therefore -13 + 36 = 23\end{aligned}$$

18. $\left(5x - \frac{1}{2}y\right)^2$ 을 전개하면 $ax^2 - 5xy + by^2$ 이다. 이 때, 상수 a , b 의
대하여 $\frac{a}{b}$ 의 값은?

- ① 5 ② 10 ③ 25 ④ 100 ⑤ 125

해설

$$(5x)^2 - 2 \times 5x \times \frac{1}{2}y + \left(\frac{1}{2}y\right)^2 = 25x^2 - 5xy + \frac{1}{4}y^2$$

$$\therefore \frac{a}{b} = 25 \times 4 = 100$$

19. 한 변의 길이가 x m인 정사각형의 모양의 화단을 가로는 2 m 만큼
늘리고, 세로는 3 m 만큼 줄일 때, 화단의 넓이는?

- ① $(x^2 - 9) \text{ m}^2$
② $(x^2 - x - 6) \text{ m}^2$
③ $(x^2 + x - 6) \text{ m}^2$
④ $(x^2 - 4x + 4) \text{ m}^2$
⑤ $(x^2 + 6x + 9) \text{ m}^2$

해설

가로의 길이 $(x + 2) \text{ m}$, 세로의 길이 $(x - 3) \text{ m}$ 이다.
 $(x + 2)(x - 3) = (x^2 - x - 6) \text{ m}^2$

20. 한 변의 길이가 $(x + 2)$ m 인 정사각형의 모양의 화단을 가로는 3m 만큼 줄이고, 세로는 5m 만큼 줄일 때, 화단의 넓이는?

- ① $(x^2 - 4x + 3)m^2$ ② $(x^2 - 4x - 3)m^2$
③ $(x^2 - 2x + 3)m^2$ ④ $(x^2 - 9)m^2$
⑤ $(x^2 - 8x + 15)m^2$

해설

가로의 길이 $(x - 1) m$, 세로의 길이 $(x - 3) m$ 이다.
 $(x - 1)(x - 3) = (x^2 - 4x + 3) m^2$

21. $(x - 6)(x + a)$ 의 전개식에서 x 의 계수가 5 일 때, 상수항은?(단, a 는
상수이다.)

① -66 ② -30 ③ -5 ④ 5 ⑤ 6

해설

$(x - 6)(x + a) = x^2 + (-6 + a)x - 6a$ 에서 x 의 계수가 5 라고
했으므로 $-6 + a = 5$ 이고, $a = 11$ 이다.

따라서 상수항은 $-6a = (-6) \times 11 = -66$ 이다.

22. $(2x - y + 1)^2$ 을 전개하였을 때 xy 의 계수를 A , x 의 계수를 B 라 할 때, $A + B$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

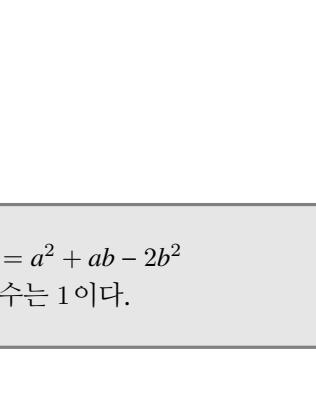
$$\begin{aligned}(2x - y + 1)(2x - y + 1) \\= 4x^2 - 2xy + 2x - 2xy + y^2 - y + 2x - y + 1 \\= 4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1\end{aligned}$$

xy 의 계수는 -4 이고, x 의 계수는 4 이다.

따라서 $A = -4$, $B = 4$ 이다.

$$\therefore A + B = 0$$

23. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이를 식으로 나타냈을 때, ab 의 계수를 구하여라.



▶ 답:

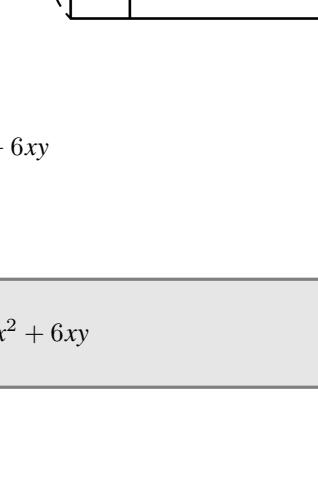
▷ 정답: 1

해설

$$(a + 2b)(a - b) = a^2 + ab - 2b^2$$

따라서 ab 의 계수는 1이다.

24. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



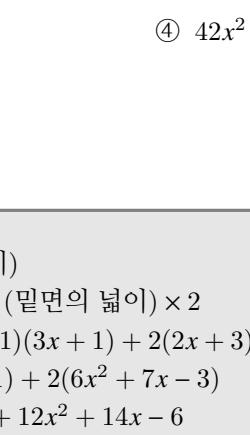
▶ 답 :

▷ 정답 : $2x^2 + 6xy$

해설

$$(x + 3y)2x = 2x^2 + 6xy$$

25. 다음 그림과 같이 세 모서리의 길이가 각각 $2x+3$, $3x-1$, $3x+1$ 인
직육면체의 겉넓이는?



- ① $18x^2 + 36x + 3$ ② $36x^2 + 18x + 3$
③ $42x^2 + 18x - 2$ ④ $42x^2 + 24x - 2$
⑤ $42x^2 + 36x - 2$

해설

$$\begin{aligned} &(\text{직육면체의 겉넓이}) \\ &= (\text{옆면의 넓이}) + (\text{밑면의 넓이}) \times 2 \\ &= 2(2x+3+3x-1)(3x+1) + 2(2x+3)(3x-1) \\ &= 2(5x+2)(3x+1) + 2(6x^2+7x-3) \\ &= 30x^2+22x+4+12x^2+14x-6 \\ &= 42x^2+36x-2 \end{aligned}$$

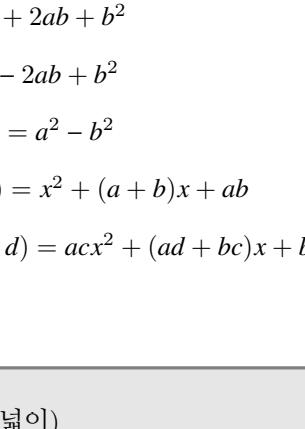
26. 세 모서리의 길이가 각각 $x+1$, $2x+1$, $2x-1$ 인 직육면체의 곁넓이를 나타낸 식은?

- ① $16x^2 + 8x - 2$ ② $16x^2 + 8x + 2$
③ $16x^2 - 12x + 4$ ④ $16x^2 + 12x - 4$
⑤ $16x^2 - 8x + 8$

해설

$$\begin{aligned} & 2 \times \{(x+1)(2x+1) + (2x+1)(2x-1) + (2x-1)(x+1)\} \\ &= 2(8x^2 + 4x - 1) \\ &= 16x^2 + 8x - 2 \end{aligned}$$

27. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이는?



- ① $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- ② $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- ③ $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$
- ④ $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$
- ⑤ $(ax+b)(cx+d) = acx^2 + (ad+bc)x + bd$

해설

$$\begin{aligned}&(\text{색칠한 부분의 넓이}) \\&= (\text{전체의 넓이}) - (\text{색칠이 안 된 부분 넓이}) \\&= (a+b) \times a - (ab + b^2) \\&= a^2 + ab - ab - b^2 \\&= a^2 - b^2\end{aligned}$$

28. $(x - 4y + 3)^2$ 의 전개식에서 x 의 계수를 a , xy 의 계수를 b , 상수항을 c 라 하자. 이 때, 상수 a , b , c 의 합 $a + b + c$ 의 값은?

- ① -11 ② -3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 11

해설

$$\begin{aligned}x - 4y &= A \text{ 라 하면} \\(x - 4y + 3)^2 &= (A + 3)^2 \\&= A^2 + 6A + 9 = (x - 4y)^2 + 6(x - 4y) + 9 \\&= x^2 - 8xy + 16y^2 + 6x - 24y + 9 \\&\therefore a = 6, b = -8, c = 9 \\&\therefore a + b + c = 7\end{aligned}$$

29. $(x - y + z)(x + y + z)$ 를 전개하기 위해 가장 알맞게 고친 것은?

① $\{(x + y) - z\} \{(x + y) + z\}$

② $\{(x - y) - z\} \{(x + y) - z\}$

③ $\{x - (y + z)\} \{x + (y - z)\}$

④ $\{(x + z) - y\} \{(x + z) + y\}$

⑤ $\{(x - z) - y\} \{(x - z) + y\}$

해설

(주어진 식)= $\{(x + z) - y\} \{(x + z) + y\}$

30. $(x+y-5)(x-y-5)$ 를 전개하는데 가장 적절한 식은?

- ① $\{(x+y)-5\}\{(x-y)-5\}$ ② $\{x+(y-5)\}\{x-(y+5)\}$
③ $\{(x-5)+y\}\{(x-5)-y\}$ ④ $\{x+(y-5)\}\{(x-y)-5\}$
⑤ $\{(x+y)+5\}\{(x-y)+5\}$

해설

식을 $\{(x-5)+y\}\{(x-5)-y\}$ 로 묶어서 $x-5 = t$ 로 치환하여 전개하는 것이 가장 적절하다.

31. $(x - y + 2)(x - y - 3)$ 을 전개하는데 가장 적절한 식은?

- ① $\{(x - y) + 2\}\{(x - y) - 3\}$ ② $\{x - (y + 5)\}\{x - (y - 3)\}$
③ $\{(x + 2) - y\}\{(x - 3) - y\}$ ④ $\{x - (y + 2)\}\{(x - y) - 3\}$
⑤ $\{(x - y) + 2\}\{x - (y - 3)\}$

해설

식을 $\{(x - y) + 2\}\{(x - y) - 3\}$ 으로 둘어서 $x - y = t$ 로 치환하여 전개하는 것이 가장 적절하다.

32. 다음은 곱셈 공식 $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ 을 이용하여 $(2x+y-3)^2$ 을 전개한 것이다. () 안을 알맞게 채운 것은?

$$\begin{aligned} 2x+y &= A \text{로 놓으면, 주어진 식은} \\ (2x+y-3)^2 &= (A-3)^2 = (\textcircled{1}) - 6A + 9 \\ \text{이제 } A \text{ 대신에 } 2x+y \text{를 대입하면} \\ (\text{준식}) &= (\textcircled{2}) - 6(2x+y) + 9 \\ &= 4x^2 + (\textcircled{3}) + y^2 - 12x - 6y + 9 \end{aligned}$$

- ① $\textcircled{1} A^2$ ② $\textcircled{2} A^3$ ③ $\textcircled{3} (x+y)^2$
④ $\textcircled{4} (x+2y)^3$ ⑤ $\textcircled{5} \ominus 3xy$

해설

$$\begin{aligned} 2x+y &= A \text{로 놓으면, 주어진 식은} \\ (2x+y-3)^2 &= (A-3)^2 \\ &= A^2 - 6A + 9 \\ \text{이제 } A \text{ 대신에 } 2x+y \text{를 대입하면} \\ &= (2x+y)^2 - 6(2x+y) + 9 \\ &= 4x^2 + 4xy + y^2 - 12x - 6y + 9 \\ \therefore \textcircled{1} &= A^2, \quad \textcircled{2} = (2x+y)^2, \quad \textcircled{3} = 4xy \end{aligned}$$

33. 다음을 곱셈 공식을 이용하여 계산하여라.

$$2011^2 - 2012 \times 2010$$

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$\begin{aligned} & 2011^2 - (2011 + 1)(2011 - 1) \\ &= 2011^2 - 2011^2 + 1 \\ &= 1 \end{aligned}$$

34. 102×98 을 계산할 때, 곱셈 공식을 이용하려고 한다. 다음 중 가장 적당한 것은?

- ① $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- ② $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- ③ $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$
- ④ $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$
- ⑤ $(ax+b)(cx+d) = acx^2 + (ad+bc)x + bd$

해설

$$(100+2)(100-2) = 100^2 - 2^2 = 9996$$

35. 곱셈 공식을 사용하여, 201×199 를 계산할 때 가장 편리한 공식은?

- ① $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- ② $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- ③ $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$
- ④ $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$
- ⑤ $(ax+b)(cx+d) = acx^2 + (ad+bc)x + bd$

해설

$$\begin{aligned}201 \times 199 &= (200+1)(200-1) \\&= 200^2 - 1^2 \\&= 39999\end{aligned}$$

$\therefore (a+b)(a-b) = a^2 - b^2$ 을 이용한다.

36. 203^2 을 계산하는데 다음 중 가장 편리한 전개 공식은?

① $(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$

② $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

③ $m(a + b) = ma + mb$

④ $(ax + b)(cx + d) = acx^2 + (ad + bc)x + bd$

⑤ $(a + b)(c + d) = ac + bc + ad + bd$

해설

$203^2 = (200 + 3)^2$ 이므로 $a = 200$, $b = 3$ 이라고 하면
 $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ 을 이용하면 된다.

37. 다음 중 주어진 수의 계산을 간편하게 하기 위하여 이용되는 곱셈
공식을 가장 바르게 나타낸 것은? (단, 문자는 자연수)

- ① $201^2 \Rightarrow (a - b)^2$
- ② $499^2 \Rightarrow (a + b)^2$
- ③ $997^2 \Rightarrow (a + b)(a - b)$
- ④ $103 \times 97 \Rightarrow (ax + b)(cx + d)$
- ⑤ $104 \times 105 \Rightarrow (x + a)(x + b)$

해설

- ① $201^2 = (200 + 1)^2 \Rightarrow (a + b)^2$
- ② $499^2 = (500 - 1)^2 \Rightarrow (a - b)^2$
- ③ $997^2 = (1000 - 3)^2 \Rightarrow (a - b)^2$
- ④ $103 \times 97 = (100 + 3)(100 - 3) \Rightarrow (a + b)(a - b)$

38. 98^2 을 계산하는데 가장 알맞은 식은?

- ① $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- ② $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- ③ $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$
- ④ $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$
- ⑤ $(ax+b)(cx+d) = acx^2 + (ad+bc)x + bd$

해설

$$\begin{aligned}98^2 &= (100-2)^2 \\&= 100^2 - 2 \times 2 \times 100 + 2^2 \\&= 10000 - 400 + 4 \\&= 9604\end{aligned}$$

$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ 을 이용하면 된다.

39. $a^2 = 12$, $b^2 = 18$ 일 때, $\left(\frac{1}{2}a + \frac{2}{3}b\right) \left(\frac{1}{2}a - \frac{2}{3}b\right)$ 의 값은?

- ① -9 ② -8 ③ -6 ④ -5 ⑤ -3

해설

$$\begin{aligned}\left(\frac{1}{2}a + \frac{2}{3}b\right) \left(\frac{1}{2}a - \frac{2}{3}b\right) &= \left(\frac{1}{2}a\right)^2 - \left(\frac{2}{3}b\right)^2 \\ &= \frac{1}{4}a^2 - \frac{4}{9}b^2 \\ &= \frac{1}{4} \times 12 - \frac{4}{9} \times 18 \\ &= 3 - 8 = -5\end{aligned}$$

40. $2(3+1)(3^2+1)(3^4+1)(3^8+1) = 3^a + b$ 일 때, 상수 a, b 의 합 $a+b$ 의 값은?

① 15 ② 16 ③ -15 ④ -16 ⑤ 9

해설

$$\begin{aligned} 2 &= 3 - 1 \quad \text{○]므로} \\ (3-1)(3+1)(3^2+1)(3^4+1)(3^8+1) &= (3^2-1)(3^2+1)(3^4+1)(3^8+1) \\ &= (3^4-1)(3^4+1)(3^8+1) \\ &= (3^8-1)(3^8+1) \\ &= 3^{16}-1 \\ a = 16, b = -1 & \\ \therefore a+b = 15 & \end{aligned}$$

41. $x = a(a+5)$ 일 때, $(a-1)(a+2)(a+3)(a+6)$ 을 x 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $x^2 - 36$ ② $x^2 - 6$ ③ $x^2 + 6$
④ $x^2 + 36$ ⑤ $x^2 - 12x + 36$

해설

$$\begin{aligned} x &= a(a+5) = a^2 + 5a \text{ 일 때}, \\ (a-1)(a+2)(a+3)(a+6) &= \{(a-1)(a+6)\} \{(a+2)(a+3)\} \\ &= (a^2 + 5a - 6)(a^2 + 5a + 6) \\ &= (x-6)(x+6) \\ &= x^2 - 36 \end{aligned}$$