

1. 다음 중 옳은 것을 고른 것은?

- Ⓐ 유리수는 분자가 정수이고, 분모는 정수로 나타낼 수 있는 수이다.
- Ⓑ 0 은 유리수가 아니다.
- Ⓒ 서로 다른 두 유리수 사이에는 유리수가 존재하지 않는다.
- Ⓓ 유리수는 정수와 정수가 아닌 유리수로 되어 있다.

① Ⓐ

② Ⓑ

③ Ⓒ

④ Ⓓ

⑤ Ⓑ, Ⓓ

해설

- Ⓐ 유리수는 분자가 정수이고, 분모가 0 이 아닌 정수로 나타낼 수 있는 수이다.
- Ⓑ 0 은 유리수이다.
- Ⓒ 서로 다른 두 유리수 사이에는 무수히 많은 유리수가 존재한다.

2. 다음 중 옳은 것은?

① $-4 < -6$

② $1.2 > \frac{5}{2}$

③ $-2.7 < -3$

④ $-\frac{1}{2} < -\frac{1}{3}$

⑤ $-\frac{3}{2} > -\frac{4}{3}$

해설

음수는 절댓값이 작을수록 크다.

① $-4 > -6$

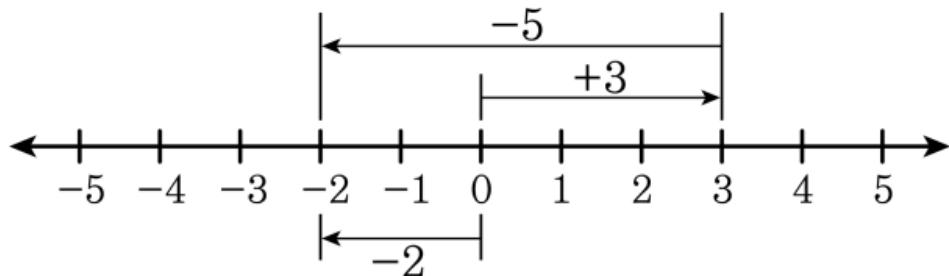
② $1.2 < \frac{5}{2}$

③ $-2.7 > -3$

④ $-\frac{1}{2} \left(= -\frac{3}{6}\right) < -\frac{1}{3} \left(= -\frac{2}{6}\right)$

⑤ $-\frac{3}{2} \left(= -\frac{9}{6}\right) < -\frac{4}{3} \left(= -\frac{8}{6}\right)$

3. 다음 그림의 수직선을 이용하여 계산할 수 있는 식은?



- ① $(-2) + (+3)$
- ② $(+3) - (-2)$
- ③ $(+3) - (-5)$
- ④ $(-2) + (-5)$
- ⑤ $(+3) + (-5)$

해설

$$\textcircled{5} \quad (+3) + (-5) = -2$$

4. 다음 중 나머지 넷과 다른 하나는?

$$\textcircled{1} \quad 3 + (-4) - 5 + (+8)$$

$$\textcircled{2} \quad (-7) - (+4) + 3 + 10$$

$$\textcircled{3} \quad (-5) + (+8) - (+4) + 3$$

$$\textcircled{4} \quad \textcolor{red}{(-10) + 10 + (-2) + 3}$$

$$\textcircled{5} \quad (+3) - (-1) - 5 + 3$$

해설

$$\textcircled{1}, \textcircled{2}, \textcircled{3}, \textcircled{5} \quad 2$$

$$\textcircled{4} \quad (-10) + 10 + (-2) + 3 = 0 + (+1) = +1$$

5. 다음 그림에서 가로, 세로, 대각선에 있는 수들의 합이 모두 같도록 빈칸 ㉠, ㉡, ㉢, ㉣, ㉤에 알맞은 수를 순서대로 써넣어라.

(1)	(L)	3
(D)	(E)	(O)
-3	4	-1

四

 首頁

2

四

四

▶ 정답: ⑦ = 1

▶ 정답: $L = -4$

▶ 정답: ⓒ = 2

▶ 정답: ② = 0

▶ 정답: $\square = -2$

해설

$$-3 + 4 - 1 = 0$$

가로, 세로, 대각선에 있는 세 수들의 합은 0 이다.

$$3 + \textcircled{□} - 1 = 0$$

$$\therefore \text{□} = -2$$

$$3 + \textcircled{2} + (-3) = 0$$

$$\textcircled{2} = 0$$

$$\textcircled{C} + \textcircled{B} + \textcircled{D} = 0$$

$$\therefore \textcircled{5} + 0 - 2 = 0$$

© = 2

$$\textcircled{7} + \textcircled{5} - 3 = 0$$

$$\therefore \textcircled{7} + 2 - 3 = 0$$

1

$$\textcircled{7} + \textcircled{L} + 3 = 0$$

$$\therefore 1 + \textcircled{L} + 3 = 0$$

$$\textcircled{L} = -4$$

$$\therefore \textcircled{1} = 4, \textcircled{2} = 0, \textcircled{3} = 2$$

6. 다음 중 계산 결과가 가장 작은 것은?

① $-2^2 - (-3)^3 + 7$

② $(-4) \times (-5)^2$

③ $(-16) \times (-1)^3 - 19$

④ $18 \div (-3)^2 \times (-1)^2$

⑤ $35 - 14 \times (-2^2)$

해설

① $-2^2 - (-3)^3 + 7 = -4 - (-27) + 7$
 $= -4 + 27 + 7 = 30$

② $(-4) \times (-5)^2 = (-4) \times (+25) = -100$

③ $(-16) \times (-1)^3 - 19 = (-16) \times (-1) - 19$
 $= 16 - 19 = -3$

④ $18 \div (-3)^2 \times (-1)^2 = 18 \div (+9) \times (+1)$
 $= 2 \times (+1) = 2$

⑤ $35 - 14 \times (-2^2) = 35 - 14 \times (-4)$
 $= 35 + 56 = 91$

7. $\frac{3}{4} + \frac{2}{5}$ 의 역수를 구한 것으로 알맞은 것은?

- ① $\frac{10}{12}$ ② $\frac{20}{23}$ ③ $\frac{4}{5}$ ④ $\frac{5}{7}$ ⑤ $\frac{2}{3}$

해설

$$\frac{3}{4} + \frac{2}{5} = \frac{15+8}{20} = \frac{23}{20}$$

따라서 $\frac{3}{4} + \frac{2}{5}$ 의 역수는 $\frac{20}{23}$ 이다.

8. 다음 식에서 계산 순서 중 맨 마지막에 해야 될 것은?

$$2 + \frac{3}{5} \times \{(18 - 15 \div 5) \times 2\}$$

↓ ↓ ↓ ↓ ↓
ㄱ ㄴ ㄷ ㄹ ㅁ

- ① ㄱ ② ㄴ ③ ㄷ ④ ㄹ ⑤ ㅁ

해설

곱셈과 나눗셈을 덧셈과 나눗셈보다 먼저 하며, ()를 먼저하고 { }를 계산한다.

9. 서로 다른 어떤 두 수를 수직선에 나타내었더니 각 점과 원점 사이의 거리가 같았다. 또한 두 점 사이의 거리가 $\frac{17}{3}$ 일 때, 두 수의 합을 구하시오.

▶ 답 :

▶ 정답 : 0

해설

절댓값이 같고 부호가 다른 두 수의 합은 항상 0 이다.

10. 두 수 a, b 에 대하여

$a\Delta b = (a, b\text{중 절댓값이 큰 수})$, $a\nabla b = (a, b\text{중 절댓값이 작은 수})$ 라고 정의 할 때,

$\{(-6)\nabla(-9)\} \nabla \{3\Delta(-5)\}$ 를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -5

해설

먼저 $\{(-6)\nabla(-9)\}$ 를 구해보자. -6 의 절댓값은 6이고 -9 의 절댓값은 9 이므로 두 수 중 절댓값이 작은 수는 -6이다. 또, $\{3\Delta(-5)\}$ 를 구해보면 3 의 절댓값은 3이고 -5 의 절댓값은 5 이므로 두 수 중 절댓값이 큰 수는 -5이다.

$(-6)\nabla(-5)$ 에서 -6 의 절댓값은 6이고 -5 의 절댓값은 5이므로 두 수 중 절댓값이 작은 수는 -5이다.

11. -2.5 과 $\frac{11}{5}$ 사이에 있는 정수 중에서 가장 큰 수를 a , 가장 작은 수를 b 라고 할 때, $a + b$ 의 값은?

- ① -2
- ② -1
- ③ 0
- ④ 1
- ⑤ 2

해설

$$a = 2, \quad b = -2$$

$$a + b = 2 + (-2) = 0$$

12. 다음은 경돈이가 오늘 쓴 용돈기입장의 내용이다. 오늘 사용하고 남은 돈은 얼마인지 구하여라.

5/3 수
(1) 아빠에게 8000원 받음
(2) 체육 준비물 구입에 2500원 사용
(3) 군것질 하는데 1500원 사용

▶ 답 : 원

▷ 정답 : 4000 원

해설

- (1) 엄마에게 8000 원을 받았으므로 $+8000$ 원이다.
(2) 체육 준비물 구입에 2500 원 사용하였으므로 -2500 원이다.
(3) 군것질 하는데 1500 원 사용하였으므로 -1500 원이다.

따라서 오늘 사용하고 남은 돈은

$$\begin{aligned} & (+8000) + (-2500) + (-1500) \\ & = (+8000) + \{(-2500) + (-1500)\} \\ & = (+8000) + (-4000) \\ & = +4000 (\text{원}) \text{이다.} \end{aligned}$$

13. 다음 중 계산의 결과가 옳지 않은 것은?

① $(+7.6) + (-5) - (-2) - (+2.6) = +2$

② $(-4.3) - (+4) + (-9) - (-4.3) = -13$

③ $\left(+\frac{2}{5}\right) - \left(-\frac{1}{4}\right) + \left(-\frac{1}{5}\right) = +\frac{7}{20}$

④ $\left(-\frac{3}{4}\right) - \left(+\frac{1}{4}\right) + \left(-\frac{5}{4}\right) = -\frac{9}{4}$

⑤ $\left(-\frac{1}{2}\right) + \left(-\frac{1}{3}\right) - (-2) = +\frac{7}{6}$

해설

$$\textcircled{3} \left(+\frac{2}{5}\right) - \left(-\frac{1}{4}\right) + \left(-\frac{1}{5}\right)$$

$$= \left(+\frac{2}{5}\right) + \left(-\frac{1}{5}\right) + \left(+\frac{1}{4}\right)$$

$$= \left(\frac{2}{5} - \frac{1}{5}\right) + \left(+\frac{1}{4}\right)$$

$$= +\frac{1}{5} + \left(+\frac{1}{4}\right)$$

$$= +\left(\frac{4}{20} + \frac{5}{20}\right) = +\frac{9}{20}$$

14. $\square + 1.2 + \left(-\frac{5}{8}\right) = \frac{23}{40}$ 일 때, \square 안에 알맞은 수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

$$\begin{aligned}\square &= \frac{23}{40} - 1.2 + \frac{5}{8} \\ &= \frac{23 - 48 + 25}{40} = 0\end{aligned}$$

15. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2개)

- ① 정수는 양의 정수와 음의 정수로 이루어져 있다.
- ② 자연수에 음의 부호를 붙인 수를 음의 정수라고 한다.
- ③ $|a| > |b|$ 일 때, $a > b$ 이다.
- ④ 절댓값이 a 인 수는 항상 $+a$ 와 $-a$ 의 두 개다.
- ⑤ 교환법칙과 결합법칙은 덧셈과 곱셈에서만 성립한다.

해설

- ① 정수 : 양의 정수, 0, 음의 정수
- ③ $a > 0, b > 0$ 일 때, $a > b \rightarrow |a| > |b|$
 $a < 0, b < 0$ 일 때, $a > b \rightarrow |a| < |b|$
- ④ 절댓값이 0 인 수는 0 한 개뿐이다.

16. 두 유리수 a , b 에 대하여 $a + b < 0$, $a \times b > 0$ 일 때, 다음 중 옳은 것을 고르면?

- ① $a < 0$, $b < 0$
- ② $a > 0$, $b < 0$
- ③ $a < 0$, $b > 0$
- ④ $a > 0$, $b > 0$
- ⑤ $a < 0$, $b = 0$

해설

$a \times b > 0$ 이므로 a , b 의 부호가 같고 $a + b < 0$ 이므로 $a < 0$, $b < 0$

17. 다음 (보기)의 계산에서 ⑦, ④, ⑤에 이용된 계산 법칙이 순서대로 올바르게 짹지어진 것은?

보기

$$\begin{aligned} & (-3) \times 12 + (-4) + (-7) \times 12 + (-6) \\ & = (-3) \times 12 + (-7) \times 12 + (-4) + (-6) \textcircled{7} \\ & = \{(-3) + (-7)\} \times 12 + (-4) + (-6) \textcircled{4} \\ & = -120 + (-4) + (-6) \\ & = -120 + \{(-4) + (-6)\} \textcircled{5} \\ & = -130 \end{aligned}$$

- ① 덧셈의 교환법칙, 분배법칙, 덧셈의 결합법칙
② 덧셈의 결합법칙, 분배법칙, 덧셈의 교환법칙
③ 곱셈의 교환법칙, 분배법칙, 덧셈의 결합법칙
④ 덧셈의 교환법칙, 덧셈의 결합법칙, 분배법칙
⑤ 덧셈의 결합법칙, 덧셈의 교환법칙, 분배법칙

해설

- ⑦ (-4) 자리 바꿈: 교환법칙
④ 12 를 (-3) 과 (-7) 에 곱함: 분배법칙
⑤ $(-4) + (-6)$ 먼저 계산: 결합법칙

18. 수직선 위에 대응되는 두 정수 A, B 의 한 가운데 있는 점이 -2 이고, A 의 절댓값은 3 이다. 이 때, B 의 값이 될 수 있는 수를 구하여라.

▶ 답:

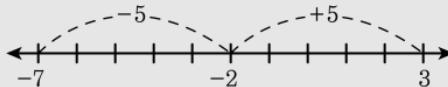
▶ 답:

▷ 정답: -1

▷ 정답: -7

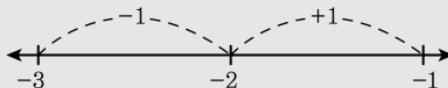
해설

i) $A = 3$ 일 때, B 는 왼쪽으로 5 만큼 떨어진 수이다.



$$\therefore B = -7$$

ii) $A = -3$ 일 때, B 는 오른쪽으로 1 만큼 떨어진 수이다.



$$\therefore B = -1$$

19. 두 유리수 a, b 에 대하여 $[a, b]$ 를 수직선 위에 나타낼 때, 원점에서 가까운 수라고 정의할 때, $\left[+\frac{16}{5}, [-4.3, -\frac{11}{3}]\right]$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $+\frac{16}{5}$

해설

원점에서 가까운 수는 절댓값이 작은 수를 의미한다.

$$|-4.3| = 4.3, \left|-\frac{11}{3}\right| = \frac{11}{3} = 3.66\cdots \text{이므로 } \left[-4.3, -\frac{11}{3}\right] = -\frac{11}{3}$$

이다.

$$\left[+\frac{16}{5}, [-4.3, -\frac{11}{3}]\right] = \left[+\frac{16}{5}, -\frac{11}{3}\right] \text{ 이고,}$$

$$\left|+\frac{16}{5}\right| = \frac{16}{5} = 3.2, \left|-\frac{11}{3}\right| = \frac{11}{3} = 3.66\cdots \text{이므로}$$

$$\left[+\frac{16}{5}, -\frac{11}{3}\right] = +\frac{16}{5} \text{ 이다.}$$

20. $\frac{3}{8}$ 과 $\frac{10}{3}$ 사이의 유리수 중에서 분모가 24가 되는 기약분수의 분자 중 가장 작은 수를 a , 가장 큰 수를 b 라 할 때, $a+b$ 의 값은?

① 90

② 100

③ 104

④ 107

⑤ 112

해설

$\frac{3}{8}$ 과 $\frac{10}{3}$ 사이의 유리수 중에서 분모가 24가 되는 분수를 $\frac{x}{24}$ 라 하면

$$\frac{9}{24} < \frac{x}{24} < \frac{80}{24}$$

$$x = 10, 11, \dots, 79$$

이 중 기약분수가 되려면 24와 서로소이어야 하므로 2와 3의 배수를 빼면 가장 큰 분자는 $a = 79$ 이고, 가장 작은 분자는 $b = 11$ 이다.

따라서 $a+b = 90$ 이다.

21. $a \times b > 0$ 이고, $|a| = \frac{1}{5}$, $|b| = \frac{7}{10}$ 일 때, $a \div b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{2}{7}$

해설

$a \times b > 0$ 이므로 두 수의 부호는 서로 같다.

따라서 $a = \frac{1}{5}$, $b = \frac{7}{10}$ 일 때,

$$a \div b = \frac{1}{5} \div \frac{7}{10} = \frac{1}{5} \times \frac{10}{7} = \frac{2}{7} \text{ 이다.}$$

그리고 $a = -\frac{1}{5}$, $b = -\frac{7}{10}$ 일 때,

$$a \div b = -\frac{1}{5} \div \left(-\frac{7}{10}\right) = -\frac{1}{5} \times \left(-\frac{10}{7}\right) = \frac{2}{7} \text{ 이다.}$$

22. 세 유리수 a , b , c 에 대하여 $a < 0$, $a \times b < 0$, $b \times c < 0$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것을 골라라.

- ① $a - b < 0$ ② $b - c > 0$ ③ $a + c < 0$
④ $a \times c > 0$ ⑤ $\textcircled{5} a \times b \times c < 0$

해설

$a \times b < 0$ 에서 a 와 b 는 다른 부호

$a < 0$ 이므로 $b > 0$

$b \times c < 0$ 에서 b 와 c 는 다른 부호

$b > 0$ 이므로 $c < 0$

$\therefore a < 0, b > 0, c < 0$

① $a - b = (\text{음수}) - (\text{양수}) = (\text{음수}) + (\text{음수}) = (\text{음수}) < 0$

② $b - c = (\text{양수}) - (\text{음수}) = (\text{양수}) + (\text{양수}) = (\text{양수}) > 0$

③ $a + c = (\text{음수}) + (\text{음수}) = (\text{음수}) < 0$

④ $a \times c = (\text{음수}) \times (\text{음수}) = (\text{양수}) > 0$

⑤ $a \times b \times c = (\text{음수}) \times (\text{양수}) \times (\text{음수}) = (\text{양수}) > 0$

23. 네 유리수 $\frac{2}{3}, -2, -1\frac{1}{3}, -\frac{7}{2}$ 중에서 서로 다른 세 수를 뽑아 곱할 때, 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할 때, $M - m$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 14

해설

서로 다른 세 수를 뽑아 곱할 때, 최댓값이 되려면 곱해서 만들 어진 수의 부호가 양수이어야

한다. 따라서, 양수 1개, 음수 2개를 뽑는다.
이때, 음수 2개는 절댓값이 큰 수 2개이다.

$$M = \frac{2}{3} \times (-2) \times \left(-\frac{7}{2}\right) = \frac{14}{3}$$

최솟값이 되려면 음수 3개를 뽑는다.

$$m = (-2) \times \left(-1\frac{1}{3}\right) \times \left(-\frac{7}{2}\right) = -\frac{28}{3}$$

$$\therefore M - m = \frac{14}{3} - \left(-\frac{28}{3}\right) = \frac{42}{3} = 14$$

24. 두 정수 a , b 에 대하여 $a \circ b = a \times b - a$, $a * b = 3 \times a - 2 \times b$ 라 할 때, 다음을 구하여라.

$$\{(-5) \circ 14\} \div [\{(-11) * (-23)\} * 13]$$

▶ 답 :

▷ 정답 : -5

해설

$$(-5) \circ 14 = (-5) \times 14 - (-5) = -65$$

$$(-11) * (-23) = 3 \times (-11) - 2 \times (-23) = 13$$

$$\begin{aligned} & (-5) \circ 14 \div [\{(-11) * (-23)\} * 13] \\ &= -65 \div (13 * 13) \end{aligned}$$

$$= -65 \div (3 \times 13 - 2 \times 13)$$

$$= -65 \div 13 = -5$$

25. 어떤 수 a 에 $-\frac{3}{4}$ 을 곱해야 할 것을 잘못해서 나누었더니 $\frac{1}{3}$ 이 되었다.
이때, 바르게 계산된 값을 구하면?

- ① $\frac{1}{16}$ ② $\frac{4}{3}$ ③ $\frac{3}{4}$ ④ $\frac{3}{16}$ ⑤ $\frac{1}{4}$

해설

$$a \div \left(-\frac{3}{4}\right) = \frac{1}{3} \therefore a = \frac{1}{3} \times \left(-\frac{3}{4}\right) = -\frac{1}{4}$$

바르게 계산된 값은 $-\frac{1}{4} \times \left(-\frac{3}{4}\right) = \frac{3}{16}$

$$\therefore \frac{3}{16}$$