

1. $(x+2)^2 - (2x-3)^2$ 을 간단히 하면 $-(ax+b)(x+c)$ 이다. 이 때, $a+b+c$ 의 값을 구하면? (단, a 는 양수)

① -5

② -1

③ -3

④ -10

⑤ -12

해설

$$\begin{aligned}x+2 &= A, \quad 2x-3 = B \text{로 치환하면} \\(x+2)^2 - (2x-3)^2 \\&= A^2 - B^2 \\&= (A+B)(A-B) \\&= (x+2+2x-3)(x+2-2x+3) \\&= (3x-1)(-x+5) \\&= -(3x-1)(x-5) \\\therefore a+b+c &= 3+(-1)+(-5) = -3\end{aligned}$$

2. $(x + 3y)^2 - 4y^2$ 을 인수분해하면?

① $(x - 5y)(x - y)$

② $(x + 2y)(x - 2y)$

③ $(x - 5y)(x + y)$

④ $(x + 3y)(x + 2y)$

⑤ $(x + 5y)(x + y)$

해설

$$(x + 3y)^2 - 4y^2 = (x + 3y)^2 - (2y)^2 \text{ 이므로}$$

$$x + 3y = A, 2y = B \text{ 라 하면}$$

$$A^2 - B^2 = (A + B)(A - B)$$

$$= (x + 3y + 2y)(x + 3y - 2y)$$

$$= (x + 5y)(x + y)$$

3. $(3x-2)^2 - (2x+3)^2 = (Ax+1)(x+B)$ 일 때, $A+B$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $A+B=0$

해설

$3x-2=X$, $2x+3=Y$ 로 치환하면

$$(3x-2)^2 - (2x+3)^2$$

$$= X^2 - Y^2 = (X+Y)(X-Y)$$

$$= (5x+1)(x-5)$$

$$\therefore A=5, B=-5$$

$$\therefore A+B=0 \text{ 이다.}$$

4. $9 < \sqrt{2x^2} \leq 14$ 를 만족하는 정수 x 의 값의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▶ 정답 : 6 개

해설

$$9 < \sqrt{2x^2} \leq 14,$$

$$81 < 2x^2 \leq 196,$$

40. $\times \times < x^2 \leq 98$

따라서, 주어진 범위를 만족하는 정수

$$x = -9, -8, -7, 7, 8, 9$$

5. 두 부등식 $2 < \sqrt{x-3} < 3$, $4 < \sqrt{2x} < 5$ 의 값을 모두 만족하는 정수 x 의 값들을 모두 합하면?

① 28 ② 30 ③ 32 ④ 34 ⑤ 36

해설

$2 < \sqrt{x-3} < 3$
 $4 < x-3 < 9$
 $7 < x < 12$
 $x = 8, 9, 10, 11$
 $4 < \sqrt{2x} < 5$
 $16 < 2x < 25$
 $8 < x < 12.5$
 $x = 9, 10, 11, 12$
두 부등식을 동시에 만족하는 x 값은 9, 10, 11
 $\therefore 9 + 10 + 11 = 30$

6. $2 < \sqrt{4n} < 5$ 를 만족하는 자연수 n 의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 5 개

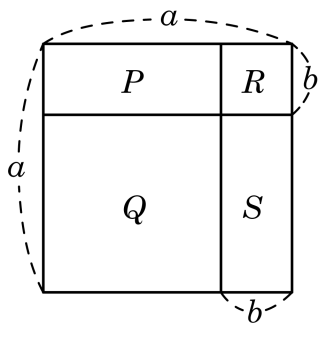
해설

$2 < \sqrt{4n} < 5$ 에서 각 변을 제곱하면

$$4 < 4n < 25, \quad 1 < n < \frac{25}{4}$$

$$\therefore n = 2, 3, 4, 5, 6$$

7. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 a 인 정사각형을 네 부분으로 나눈 넓이를 각각 P, Q, R, S 라 할 때, $Q + R$ 을 a, b 로 나타낸 것은?

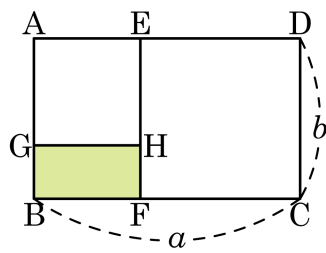


- ① $a^2 - 2ab + 2b^2$ ② $a^2 - 2ab + b^2$ ③ $a^2 - ab + b^2$
 ④ $a^2 - 2ab$ ⑤ $a^2 + 2ab$

해설

$(Q \text{의 넓이}) = (a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
 $(R \text{의 넓이}) = b^2$
 따라서, $Q + R$ 의 넓이는 $a^2 - 2ab + 2b^2$ 이다.

8. 다음 직사각형 ABCD 에서 $\square AGHE$, $\square EFCD$ 는 정사각형이고, $\overline{BC} = a$, $\overline{DC} = b$ 일 때, $\square GBFH$ 의 넓이는?(단, $b < a < 2b$)



① $a^2 - 2b^2$

② $a^2 - 4b^2$

③ $-a^2 + 3ab - 2b^2$

④ $-a^2 + 6ab - 3b^2$

⑤ $-a^2 + 6ab - 2b^2$

해설

$\overline{BF}$ 의 길이는 $a - b$ 이다. $\square AGHE$ 가 정사각형이므로 $\overline{EH}$ 의 길어도 $a - b$ 이다.

따라서 $\overline{HF}$ 의 길이는 $b - (a - b) = 2b - a$ 이다.

색칠한 부분의 넓이는 $(a - b)(-a + 2b) = -a^2 + 3ab - 2b^2$

9. 다음 그림은 가로 길이가 세로 길이의 2 배가 되는 직사각형이다. 세로의 길이를 x 라 하고, 가로 세로의 길이를 각각 y 만큼 줄였을 때 색칠된 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $2x^2 - 3xy + y^2$

해설

세로의 길이는 $x - y$, 가로의 길이는 $2x - y$,
(넓이) = $(2x - y)(x - y) = 2x^2 - 3xy + y^2$

10. $2x^2 - x - 15$ 가 두 다항식의 곱으로 인수분해될 때, 이 두 다항식의 합은?

▶ 답 :

▷ 정답 : $3x + 2$

해설

$$(\text{준식}) = (2x + 5)(x - 3)$$

$$\therefore (2x + 5) + (x - 3) = 3x + 2$$

11. $(3x - \sqrt{2})(\sqrt{2}x + a)$ 의 x 의 계수가 1 일 때, 상수항의 값은?

- ① $-\sqrt{2}$ ② $\sqrt{2}$ ③ 1 ④ -1 ⑤ 2

해설

$$(\text{준식}) = 3\sqrt{2}x^2 + (3a - 2)x - \sqrt{2}a$$

x 의 계수가 1 이므로

$$3a - 2 = 1 \quad \therefore a = 1$$

따라서 상수항은 $-\sqrt{2}$ 이다.

12. $20x^2 + 13x - 15$ 가 두 다항식의 곱으로 인수분해될 때, 이 두 다항식의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $9x + 2$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (5x - 3)(4x + 5) , \\ \therefore (5x - 3) + (4x + 5) &= 9x + 2\end{aligned}$$