

1. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① 13 은 소수이다.
- ② 52 는 합성수이다.
- ③ 가장 작은 소수는 1 이다.
- ④ 짝수인 소수는 존재하지 않는다.
- ⑤ 5 보다 작은 소수는 2 개이다.

해설

- ③ 1 은 소수도 합성수도 아니다.
- ④ 2 는 짝수이면서 소수이다.
- ⑤ 5 보다 작은 소수는 2,3 으로 2 개이다.

2. 다음 중 30 이하의 소수가 아닌 것은?

- ① 11      ② 17      ③ 23      ④ 27      ⑤ 29

해설

30 이하의 소수는 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29이다.

3. 다음 중 소수는?

- ① 33      ② 63      ③ 57      ④ 77      ⑤ 101

해설

소수는 1 보다 큰 자연수 중 1 과 자기 자신만을 약수로 가지는 수이다.

따라서 소수는 101 이다.

4. 다음 중 약수가 2 개뿐인 수는?

- ① 9      ② 24      ③ 37      ④ 42      ⑤ 49

해설

약수가 2 개뿐인 수는 소수이다. 소수는 37 이다.

5. 다음 중 합성수인 것은?

- ① 13      ② 29      ③ 41      ④ 53      ⑤ 81

해설

합성수는 1보다 큰 자연수 중에서 소수가 아닌 수이다. 따라서 합성수는 81이다.

6. 다음 1 보다 큰 자연수 중에서 1 과 그 수 자신만을 약수로 가지는 수가 아닌 것은?

- ① 7      ② 11      ③ 13      ④ 17      ⑤ 27

해설

1 보다 큰 자연수 중에서 1 과 그 수 자신만을 약수로 가지는 수는 소수이다.

따라서 소수가 아닌 수는 27 이다.

7. 다음 1 보다 큰 자연수 중에서 1 과 그 수 자신만을 약수로 가지는 수는?

- ① 8      ② 22      ③ 26      ④ 100      ⑤ 103

해설

1 보다 큰 자연수 중에서 1 과 그 수 자신만을 약수로 가지는 수는 소수이다.  
따라서 소수인 것은 103 이다.

8. 40 을 소인수분해하면?

- ①  $1 \times 40$       ②  $2 \times 20$       ③  $2^2 \times 10$   
④  $2^3 \times 5$       ⑤  $8 \times 5$

해설

40 을 소인수분해하면 다음과 같다.  $40 = 2^3 \times 5$

$$2 \overline{)40}$$

$$2 \overline{)20}$$

$$2 \overline{)10}$$

$$5$$

9. 다음 중 240 을 바르게 소인수분해한 것은?

- ①  $2^4 \times 3 \times 5$       ②  $2^3 \times 3 \times 7$       ③  $2^2 \times 3^2 \times 5^2$   
④  $2^3 \times 3 \times 5^2$       ⑤  $2^2 \times 3^2 \times 5$

해설

$$\begin{array}{r} 2 ) 240 \\ 2 ) 120 \\ 2 ) 60 \\ 2 ) 30 \\ 3 ) 15 \\ \hline & 5 \end{array}$$

$$\therefore 240 = 2^4 \times 3 \times 5$$

10. 180을 소인수분해하면  $x^2 \times 3^2 \times y$  이다. 이때,  $y - x$ 의 값은?

- ① 1      ② 3      ③ 5      ④ 7      ⑤ 9

해설

$$180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$$

따라서  $x = 2, y = 5$

$$y - x = 3$$

11. 180 을 소인수분해하면?

- ①  $2 \times 3^3 \times 5$       ②  $2^4 \times 5$       ③  $3^4 \times 5$   
④  $2^2 \times 3^2 \times 5$       ⑤  $2 \times 3 \times 5^2$

해설

$$2) \underline{180}$$

$$2) \underline{90}$$

$$3) \underline{45}$$

$$3) \underline{15}$$

$$5 \quad \therefore 180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$$

12. 다음 중 소인수분해가 옳지 않은 것은?

- ①  $150 = 2 \times 3 \times 5^2$       ②  $16 = 4^2$   
③  $108 = 2^2 \times 3^3$       ④  $63 = 3^2 \times 7$   
⑤  $168 = 2^3 \times 3 \times 7$

해설

②,  $16 = 2^4$

13. 다음 중 자연수 84를 바르게 소인수분해한 것은?

- ①  $2^3 \times 3 \times 7$       ②  $2 \times 3^2 \times 7$       ③  $2^2 \times 3^2 \times 5$   
④  $2^2 \times 3^3 \times 7$       ⑤  $2^2 \times 3 \times 7$

해설

$$2) \underline{84}$$

$$2) \underline{42}$$

$$3) \underline{21}$$

$$7$$

$$84 = 2^2 \times 3 \times 7$$

14. 다음 중 자연수 180를 바르게 소인수분해한 것은?

①  $2^4 \times 5$

②  $2^2 \times 3^2 \times 5$

③  $2 \times 3 \times 5^2$

④  $2 \times 3^3 \times 5$

⑤  $3^4 \times 5$

해설

2) 180

2) 90

3) 45

3) 15

5

$\therefore 180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$

15. 다음 중 소인수분해를 바르게 한 것은?

- ①  $30 = 2^2 \times 3 \times 5$       ②  $140 = 2^2 \times 3^2 \times 5$   
③  $80 = 2^8 \times 10$       ④  $60 = 2^2 \times 3 \times 5$   
⑤  $200 = 2 \times 10^2$

해설

- ①  $30 = 2 \times 3 \times 5$   
②  $140 = 2^2 \times 5 \times 7$   
③  $80 = 2^4 \times 5$   
⑤  $200 = 2^3 \times 5^2$

16. 다음 중 소인수분해가 바르게 된 것은?

- ①  $26 = 2 \times 13$       ②  $36 = 2^3 \times 3^2$       ③  $42 = 6 \times 7$   
④  $54 = 2^2 \times 3^3$       ⑤  $128 = 2^8$

해설

- ②  $2^2 \times 3^2$   
③  $2 \times 3 \times 7$   
④  $2 \times 3^3$   
⑤  $2^7$

17. 다음 수를 소인수분해한 것 중에 옳지 않은 것은?

- ①  $36 = 2^2 \times 3^2$       ②  $60 = 3 \times 4 \times 5$   
③  $98 = 2 \times 7^2$       ④  $105 = 3 \times 5 \times 7$   
⑤  $120 = 2^3 \times 3 \times 5$

해설

②  $60 = 2^2 \times 3 \times 5$

18. 다음 중 52 을 소인수분해한 것으로 알맞은 것은?

①  $2 \times 3^3$

②  $2^3 \times 7$

③  $2 \times 5^2$

④  $\textcircled{2} 2^2 \times 13$

⑤  $2^2 \times 3 \times 7$

해설

$$2 \overline{) 52}$$

$$2 \overline{) 26}$$

$$\quad\quad\quad 13$$

$$52 = 2^2 \times 13$$

19. 다음 중 소인수분해한 것으로 옳은 것은?

- ①  $28 = 2^2 \times 7^2$       ②  $140 = 2^2 \times 3^2 \times 5$   
③  $80 = 2^3 \times 10$       ④  $63 = 3^2 \times 7$   
⑤  $200 = 4 \times 10^2$

해설

- ①  $2^2 \times 7$   
②  $2^2 \times 5 \times 7$   
③  $2^4 \times 5$   
④  $2^3 \times 5^2$

20. 다음 중 소인수분해 한 것으로 옳지 않은 것은?

- ①  $124 = 2^2 \times 31$       ②  $54 = 2 \times 3^3$   
③  $72 = 2^3 \times 3^3$       ④  $196 = 2^2 \times 7^2$   
⑤  $150 = 2 \times 3 \times 5^2$

해설

③  $2^3 \times 3^2$

21. 자연수  $A = 2^2 \times 3^n$  의 약수의 개수가 24 일 때,  $n$  의 값을 구하면?

- ① 2      ② 5      ③ 7      ④ 8      ⑤ 12

해설

$$(2+1)(n+1) = 24$$

$$n+1 = 8$$

$$\therefore n = 7$$

22. 자연수  $3^a \times 5^4 \times 7^5$  의 약수의 개수가 120 이다. 이때,  $a$ 의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$(a+1)(4+1)(5+1) = 120$$

$$a+1 = 4$$

$$\therefore a = 3$$

23.  $3^2 \times 5 \times 7^x$  의 약수의 개수가 72 의 약수의 개수와 같을 때, 자연수  $x$ 의 값은?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$72 = 2^3 \times 3^2$  이므로 72의 약수의 개수:

$$(3+1) \times (2+1) = 12 (\text{개})$$

$3^2 \times 5 \times 7^x$ 의 약수의 개수:

$$(2+1) \times (1+1) \times (x+1) = 12 (\text{개})$$

$$\therefore x = 1$$

24.  $3^2 \times 7^a$  의 약수의 개수가 12 개일 때, 자연수  $a$ 의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$3^2 \times 7^a$  의 약수의 개수는  $(2+1) \times (a+1) = 12$  (제한)

즉,  $3 \times (a+1) = 12$  이므로  $a = 3$  이다.

25.  $2^2 \times 5^{\square} \times 7$  의 약수의 개수가 18 일 때  $\boxed{\quad}$  안에 들어갈 수는?

- ① 5      ② 4      ③ 3      ④ 2      ⑤ 1

해설

$$\begin{aligned} & 2^2 \times 5^{\square} \times 7 \text{ 이므로} \\ & \text{약수의 개수는} \\ & (2+1) \times (\boxed{\square} + 1) \times (1+1) = 18 \text{ (개)} \\ & \therefore \boxed{\square} = 2 \end{aligned}$$

26. 다음 중 72와 서로소인 것을 모두 고르면?

- ① 3      ② 5      ③ 13      ④ 24      ⑤ 36

해설

- ① 72 와 3 의 최대공약수는 3 이므로 서로소가 아니다.  
④ 72 와 24 의 최대공약수는 8 이므로 서로소가 아니다.  
⑤ 72 와 36 의 최대공약수는 36 이므로 서로소가 아니다.

따라서 주어진 수 중에서 72 와 서로소인 것은 5 와 13 이다.

27. 서로 다른 두 자연수  $a, b$ 에 대하여 다음 중  $a, b$ 가 서로소인 것은?

- ①  $a$ 의 약수와  $b$ 의 약수 중 공통인 것이 없다.
- ②  $a$ 의 약수와  $b$ 의 약수 중 공통인 것은 1 뿐이다.
- ③  $a$ 의 약수와  $b$ 의 약수 중 공통인 것은 0 뿐이다.
- ④  $a$ 의 약수와  $b$ 의 약수 중 공통인 것은  $a$  뿐이다.
- ⑤  $a$ 의 약수와  $b$ 의 약수 중 공통인 것은  $a, b$  이다.

해설

$a, b$ 가 서로소일 때, 두 수의 공약수는 1 뿐이고, 최대공약수도 1이다.

28. 다음 중에서 두 수가 서로소인 것은?

- ① (14, 22)      ② (21, 49)      ③ (27, 72)  
④ (15, 58)      ⑤ (2, 20)

해설

각각의 두 수의 최대공약수를 구해 보면

- ① (14, 22)  $\Rightarrow$  2  
② (21, 49)  $\Rightarrow$  7  
③ (27, 72)  $\Rightarrow$  9  
④ (15, 58)  $\Rightarrow$  1  
⑤ (2, 20)  $\Rightarrow$  2

29. 다음 중 두 수가 서로소가 아닌 것은?

- ① 13 과 15      ② 19 와 21      ③ 16 와 27  
④ 5 와 30      ⑤ 7 과 11

해설

④ 5 와 30 의 최대공약수는 5 이다.

30. 다음 중 서로소인 두 수끼리 짹지어진 것은?

- ① 2, 6      ② 3, 7      ③ 4, 10      ④ 8, 12      ⑤ 10, 20

해설

최대공약수가 1인 두 수는 서로소이다.

- ① 2와 6의 최대공약수는 2이다.  
③ 4와 10의 최대공약수는 2이다.  
④ 8과 12의 최대공약수는 4이다.  
⑤ 10과 20의 최대공약수는 10이다.

따라서 서로소인 두 수는 3과 7이다.

31. 다음 중 2 와 서로소인 수는 모두 몇 개인가?

3, 4, 5, 6, 7, 9, 10

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

해설

2 와 서로소인 수는 3, 5, 7, 9로 총 4 개이다.

32. 다음 중 8 과 서로소가 아닌 것은?

- ① 3      ② 5      ③ 6      ④ 7      ⑤ 9

해설

6 과 8 의 최대공약수는 2 이므로 서로소가 아니다.

33. 다음 중 24 와 서로소인 것은?

- ① 8      ② 12      ③ 18      ④ 21      ⑤ 25

해설

$24 = 2^3 \times 3$ ,  $25 = 5^2$  이므로 24 와 25 는 서로소이다.

34. 다음 중 두 수가 서로소인 것은?

- ① 12, 30      ② 13, 39      ③ 7, 15  
④ 6, 12      ⑤ 12, 15

해설

- ① 12와 30의 최대공약수는 6이다.  
② 13과 39의 최대공약수는 13이다.  
④ 6과 12의 최대공약수는 6이다.  
⑤ 12과 15의 최대공약수는 3이다.

35. 다음 중 12 와 서로소인 수는?

- ① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

$12 = 2^2 \times 3$  이므로 5 와 서로소이다.

36. 다음 중 두 수가 서로소가 아닌 것은?

- ① 2, 7      ② 3, 8      ③ 4, 17      ④ 10, 15      ⑤ 11, 21

해설

④ 10 과 15 의 최대공약수는 5 이므로 두 수는 서로소가 아니다.

37. 다음 중 10과 서로소인 것은?

- ① 2      ② 5      ③ 10      ④ 13      ⑤ 20

해설

- ① 2 와 10 의 최대공약수는 2 이므로 서로소가 아니다.
- ② 5 와 10 의 최대공약수는 5 이므로 서로소가 아니다.
- ③ 10 과 10 의 최대공약수는 10 이므로 서로소가 아니다.
- ④ 13 와 10 의 최대공약수는 1 이므로 서로소이다.
- ⑤ 20 과 10 의 최대공약수는 10 이므로 서로소가 아니다.

38. 8과  $a$ 가 서로소일 때,  $a$ 의 값이 될 수 없는 것은?

- ① 3      ② 5      ③ 7      ④ 9      ⑤ 12

해설

8과 12의 최대공약수는 4이므로 서로소가 아니다.

따라서  $a$ 의 값이 될 수 없는 것은 12이다.

39. 소인수분해를 이용하여 27 과 45 의 최대공약수를 구하면?

- ① 4      ② 6      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

해설

$$27 = 3^3, 45 = 3^2 \times 5$$

두 수의 최대공약수는  $3^2 = 9$

40. 다음 ①, ②의 수들의 최대공약수를 차례대로 적은 것은?

① 33, 121      ② 11, 15      ③ 33, 13

④ 11, 13      ⑤ 11, 39

해설

$$\textcircled{1} \quad 11) \begin{array}{r} 33 \quad 121 \\ 3 \qquad 11 \end{array}$$

따라서 ①의 최대공약수는 11이다.

$$\textcircled{2} \quad 13) \begin{array}{r} 39 \quad 65 \\ 3 \qquad 5 \end{array}$$

따라서 ②의 최대공약수는 13이다.

41.  $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 수를 차례로 나열한 것은?

$$18 \text{의 소인수분해} : \boxed{2} \times \boxed{3} \times \boxed{\quad}$$

$$24 \text{의 소인수분해} : \boxed{2} \times \boxed{\quad} \times \boxed{2} \times \boxed{3}$$

$$\text{최대공약수} : \boxed{2} \times \boxed{\quad}$$

- ① 2, 1, 2    ② 2, 3, 3    ③ 3, 1, 2    ④ 3, 2, 2    ⑤ 3, 2, 3

해설

$$18 \text{의 소인수분해} : 2 \times 3 \times 3$$

$$24 \text{의 소인수분해} : 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

$$\text{최대공약수} : 2 \times 3$$

42. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 12, 30, 72 의 최대공약수는 6 이다.
- ② 18, 32, 84 의 최대공약수는 4 이다.
- ③ 24, 52, 108 의 최대공약수는 4 이다.
- ④ 16, 48, 120 의 최대공약수는 8 이다.
- ⑤ 9, 36, 96 의 최대공약수는 3 이다.

해설

①

$$\begin{array}{r} 2 ) \ 12 \ 30 \ 72 \\ 3 ) \ 6 \ 15 \ 36 \\ \hline 2 \ 5 \ 12 \end{array}$$

최대공약수 : 6

②

$$\begin{array}{r} 2 ) \ 18 \ 32 \ 84 \\ 9 \ 16 \ 42 \\ \hline \end{array}$$

최대공약수 : 2

③

$$\begin{array}{r} 2 ) \ 24 \ 52 \ 108 \\ 2 ) \ 12 \ 26 \ 54 \\ \hline 6 \ 13 \ 27 \end{array}$$

최대공약수 : 4

④

$$\begin{array}{r} 2 ) \ 16 \ 48 \ 120 \\ 2 ) \ 8 \ 24 \ 60 \\ 2 ) \ 4 \ 12 \ 30 \\ \hline 2 \ 6 \ 15 \end{array}$$

최대공약수 : 8

⑤

$$\begin{array}{r} 3 ) \ 9 \ 36 \ 96 \\ 3 \ 12 \ 32 \\ \hline \end{array}$$

최대공약수 : 3

43. 다음 두 수의 최대공약수는?

$$2^3 \times 3 \times 5, 2^2 \times 3 \times 7$$

- ① 8      ② 10      ③ 11      ④ 12      ⑤ 14

해설

$$2^2 \times 3 = 12$$

44. 두 수  $2^4 \times 5^4$ ,  $2^3 \times 5^m \times 7$  의 최대공약수가  $2^3 \times 5^3$  일 때,  $m$ 의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

최대공약수가  $2^3 \times 5^3$  이고  
 $2^4 \times 5^4$ 에서 5의 지수가 4이므로  
 $2^3 \times 5^m \times 7$ 에서 5의 지수가 3이어야 한다.  
따라서  $m = 3$

45. 두 수  $2^a \times 7^3 \times 11^3$ ,  $2^4 \times 5^2 \times 11^b$  의 최대공약수가 88일 때,  $a + b$ 의 값은?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

최대공약수가  $88 = 2^3 \times 11$  이고  
 $2^4 \times 5^2 \times 11^b$ 에서 2의 지수가 4이므로  
 $2^a \times 7^3 \times 11^3$ 에서 2의 지수가 3이어야 한다.  
같은 방식으로  
 $2^a \times 7^3 \times 11^3$ 에서 11의 지수가 3이므로  
 $2^4 \times 5^2 \times 11^b$ 에서 11의 지수가 1이어야 한다.  
따라서  $a = 3$ ,  $b = 1$

46. 두 수  $2^3 \times 3^4 \times 7^c$ ,  $2^a \times 3^b \times 7^4$  의 최대공약수가  $2^2 \times 3^2 \times 7^2$  일 때,  
 $a + b + c$ 의 값은?

- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 8      ⑤ 10

해설

최대공약수가  $2^2 \times 3^2 \times 7^2$ 이고  
 $2^3 \times 3^4 \times 7^c$ 에서 2의 지수가 3이므로  
 $2^a \times 3^b \times 7^4$ 에서 2의 지수가 2이어야 한다.  
같은 방식으로  
 $2^3 \times 3^4 \times 7^c$ 에서 3의 지수가 4이므로  
 $2^a \times 3^b \times 7^4$ 에서 3의 지수가 2이어야 한다.  
또한,  
 $2^a \times 3^b \times 7^4$ 에서 7의 지수가 4이므로  
 $2^3 \times 3^4 \times 7^c$ 에서 7의 지수가 2이어야 한다.  
따라서  $a = 2$ ,  $b = 2$ ,  $c = 2$ 이다.

47. 두 수  $2^a \times 3^3 \times 5^2 \times 7^c$ ,  $2^4 \times 5^b \times 7^5 \times 11^4$  의 최대공약수가 280 일 때,  
 $a + b + c$ 의 값은?

① 5      ② 4      ③ 3      ④ 2      ⑤ 1

해설

최대공약수가  $280 = 2^3 \times 5 \times 7$  이고  
 $2^4 \times 5^b \times 7^5 \times 11^4$ 에서 2의 지수가 4이므로  
 $2^a \times 3^3 \times 5^2 \times 7^c$ 에서 2의 지수가 3이어야 한다.  
같은 방식으로  
 $2^a \times 3^3 \times 5^2 \times 7^c$ 에서 5의 지수가 2이므로  
 $2^4 \times 5^b \times 7^5 \times 11^4$ 에서 5의 지수가 1이어야 한다.  
또한,  
 $2^4 \times 5^b \times 7^5 \times 11^4$ 에서 7의 지수가 5이므로  
 $2^a \times 3^3 \times 5^2 \times 7^c$ 에서 7의 지수가 1이어야 한다.  
따라서  $a = 3$ ,  $b = 1$ ,  $c = 1$ 이다.

48. 다음 세 수  $2^a \times 3^5 \times 7^2 \times 150$ ,  $2^5 \times 3^b \times 5^2 \times 7^3$ ,  $2^4 \times 5^c \times 7^d \times 54$  의  
최대공약수가  $2^3 \times 3 \times 70$  일 때,  $(a+b+c) \times d$  의 값은?

- ① 3      ② 5      ③ 8      ④ 9      ⑤ 12

해설

최대공약수가  $2^3 \times 3 \times 70 = 2^4 \times 3 \times 5 \times 7$  이고

주어진 각 수를 정리한 값이

$$2^a \times 3^5 \times 7^2 \times 150 = 2 \times 2^a \times 3^6 \times 5^2 \times 7^2$$

$$2^5 \times 3^b \times 5^2 \times 7^3$$

$$2^4 \times 5^c \times 7^d \times 54 = 2^5 \times 3^3 \times 5^c \times 7^d$$
 이다.

주어진 세 수의 2의 지수를 비교하면 모두 4 보다 크므로

$2 \times 2^a \times 3^6 \times 5^2 \times 7^2$ 에서 2의 지수는 4이어야 한다.

2가 한 번 더 곱해져 있으므로  $a$ 는 3이어야 한다.

주어진 세 수의 3의 지수를 비교하면

모두 1보다 크므로  $b$ 는 1이어야 한다.

주어진 세 수의 5의 지수를 비교하면

모두 1보다 크므로  $c$ 는 1이어야 한다.

주어진 세 수의 7의 지수를 비교하면

모두 1보다 크므로  $d$ 는 1이어야 한다.

따라서  $a=3$ ,  $b=1$ ,  $c=1$ ,  $d=1$ 이므로

$$(a+b+c) \times d = (3+1+1) \times 1 = 5$$
 이다.

49. 200 과  $2^2 \times x$  의 최대공약수가 20 일 때,  $x$ 의 최솟값은?

- ① 5      ② 4      ③ 3      ④ 2      ⑤ 1

해설

$200 = 2^3 \times 5^2$  이고  $20 = 2^2 \times 5$  이므로

$$x = 5$$

50. 두 수  $2^2 \times 3 \times 5$  와  $2^a \times 3^b \times c$  의 최소공배수가  $2^3 \times 3^3 \times 5 \times 7$  일 때,  
 $a + b + c$ 의 값을 구하면?

① 13      ② 12      ③ 10      ④ 8      ⑤ 7

해설

최소공배수가  $2^3 \times 3^3 \times 5 \times 7$  이므로  
 $2^a = 2^3$ ,  $3^b = 3^3$ ,  $c = 7$ 이다.  
 $\therefore a = 3$ ,  $b = 3$ ,  $c = 7$ 에서  $a + b + c = 13$

51. 두 수  $2^a \times 7^b \times 13$ ,  $2^2 \times 13^c$ 의 최소공배수가  $2^4 \times 7^3 \times 13^2$  일 때,  
 $a + b - c$ 의 값은?

① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

$2^a = 2^4$  이므로  $a = 4$ ,  
 $7^b = 7^3$  이므로  $b = 3$ ,  
 $13^c = 13^2$  이므로  $c = 2$  이다.  
따라서  $a + b - c = 5$ 이다.

52. 두 자연수  $2^a \times 3 \times 5$  와  $2^2 \times 3^b \times c$  의 최소공배수가  $2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7$  일 때,  $a + b + c$  의 값은?

① 9      ② 10      ③ 11      ④ 12      ⑤ 13

해설

최소공배수가  $2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7$  이므로

$a = 3, b = 2, c = 7$ 이다.

$\therefore a + b + c = 12$

53. 세 자연수  $A$ ,  $2^3 \times 7$ ,  $5^2 \times 7^2$  의 최소공배수가  $2^3 \times 5^2 \times 7^2$  일 때,  $A$  값이 될 수 있는 한 자리의 자연수를 모두 더하면?

① 23      ② 25      ③ 27      ④ 29      ⑤ 31

해설

세 자연수  $A$ ,  $2^3 \times 7$ ,  $5^2 \times 7^2$  의 최소공배수가  $2^3 \times 5^2 \times 7^2$  이므로

$A$ 는 2, 5, 7을 소인수로 가질 수 있으며 각 소인수의 지수는  $2^3 \times 7$ ,  $5^2 \times 7^2$ 의 소인수의 지수보다 작거나 같으면 된다.

따라서,  $A$ 의 값이 될 수 있는 한 자리의 수는 1, 2,  $2^2 (= 4)$ , 5, 7,  $2^3 (= 8)$  이므로 이를 모두 더하면  $1+2+4+5+7+8 = 27$  이다.

54. 두 자연수  $2^a \times 3$  과  $2^3 \times 3^b \times 5$  의 최소공배수가  $2^4 \times 3^2 \times 5$  일 때,  
 $a + b$  의 값은?

① 3      ② 4      ③ 5      ④ 6      ⑤ 7

해설

최소공배수가  $2^4 \times 3^2 \times 5$  이므로,  $a = 4$ ,  $b = 2$ 이다.

$$\therefore a + b = 4 + 2 = 6$$

55. 두 수  $3^a \times 5 \times 11^2$ ,  $3^2 \times 7^b \times 11^c$ 의 최소공배수를 구하면  $3^4 \times 5 \times 7^3 \times 11^3$ 이다.  $a + b - c$ 의 값으로 옳은 것은?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$3^a = 3^4$  이므로  $a = 4$ ,  
 $7^b = 7^3$  이므로  $b = 3$ ,  
 $11^c = 11^3$  이므로  $c = 3$  이다.  
따라서  $a + b - c = 4$  이다.