1. 방정식 $2x^4 - x^3 - 6x^2 - x + 2 = 0$ 을 풀면?

①
$$x = -1 \left(\frac{2}{5} \frac{1}{1} \right), -\frac{1}{2}, 2$$

③x = -1 (중구), $\frac{1}{2}$, 2

②
$$x = -1$$
 (중국), $\frac{1}{2}$, 1
④ $x = -1$, $\frac{1}{2}$, 2 (중국)

⑤
$$x = -1, \frac{1}{2} \left(\frac{2}{5} \frac{1}{1} \right), 2$$

$$f(x) = 2x^4 - x^3 - 6x^2 - x + 2$$
 라 하면 $f(-1) = 0$, $f(2) = 0$

 이므로 $(x+1)(x-2)$ 를 인수로 갖는다.

 2
 -1
 -6
 -1
 2
 -1
 -2
 3
 3
 -2
 2
 -3
 -3
 2
 0
 2
 4
 2
 -2
 2
 1
 -1
 0

조립제법에 의하면 주어진 방정식은

 $(x+1)(x-2)(2x^2+x-1) = 0$ (x+1)²(x-2)(2x-1) = 0

$$\therefore x = -1, \frac{1}{2}, 2$$

삼차방정식 $x^3 + 27 = 0$ 의 모든 근의 합은?

- ② 1 ③ 2

- (5) 4

$$x^3 + 3^3 = 0$$
, $(x+3)(x^2 - 3x + 9) = 0$

$$\therefore x = -3, \frac{3 \pm 3\sqrt{3}i}{2}$$

항:
$$-3 + \frac{3 + 3\sqrt{3}i}{2} + \frac{3 - 3\sqrt{3}i}{2} = 0$$

 $x^{3} + 27 = 0$ 에서 x^{2} 의 계수가 0이므로 근과 계수와의 관계에

의해 세 근의 합은 0

3.

 $x^4 = 16$

▶ 답:

▷ 정답: 0

 $(x^2 - 4)(x^2 + 4) = 0$ $(x - 2)(x + 2)(x^2 + 4) = 0$

다음 방정식의 모든 해의 합을 구하여라.

∴ 모든 해의 합은 (-2) + 2 + (-2i) + 2i = 0

4. 다음 연립방정식의 해를 구하면?

$$\begin{cases} 0.6x + 0.5y = 2.8 & \cdots \bigcirc \\ \frac{1}{3}x + \frac{1}{2}y = 2 & \cdots \bigcirc \end{cases}$$

(3, 2)

① (2,3)

(3,-2)

- ② (-2,3)
- (-3, -2)

⊙, ⓒ의 양변에 각각 10, 6을 곱하면

$$\begin{cases} 6x + 5y = 28 & \cdots \\ 2x + 3y = 12 & \cdots \end{cases}$$

© - @x3을 하면 -4y = -8

∴ v = 2를 ② 대입하면 x = 3

 $\therefore x = 3, y = 2$

5. -3a-2<-3b-2일 때, 다음 중 옳은 것은?

 \bigcirc a < b

(2) -3a > -3b

35a - 3 > 5b - 3

 $4 \quad 3 - a > 3 - b$

 $-3a-2 < -3b-2 \cdots$ ① $(\bigcirc +2) \div (-3)$ 하면, a > b이다.

따라서 만족하는 식은 5a - 3 > 5b - 3

6. $3 \le x \le 12$, $1 \le y \le 3$ 일 때, x - y 의 범위는?

① $4 \le x - y \le 15$

 $4 \quad 3 \le x - y \le 36$

 $3 \le x - y \le 40$

 $3 \le x \le 12$, $1 \le y \le 3$ 를 x - y에 대입하면 $3 - 3 \le x - y \le 12 - 1$

7. 부등식 3x + 2 > 8을 풀면?

$$\bigcirc r > -2$$

①
$$x \ge -2$$

 $4 x \ge \frac{3}{2}$

②
$$x \ge -1$$

$$3 x \ge -\frac{1}{2}$$



부등식 ax + 1 > 3x + 2a의 해가 x < 1일 때. a의 값은?

(2) -1 (3) 0

$$(a-3)x > 2a-1$$
이므로
머거 $a-2$ 이 겨오르 새가하며

먼저 a=3인 경우를 생각하면 (좌변)= 0, (우변)= 5가 되어 부등식이 성립하지 않는다.

따라서 a ≠ 3 인 경우만 생각하면 된다.

(i) a > 3이면 $x > \frac{2a-1}{a-3}$ 이 되어 x < 1의 형태가 될 수 없다.

(ii) a < 3이면 $x < \frac{2a-1}{a-3} = 1$ 에서 2a-1 = a-3 : a = -2

9. 사차방정식 $x^4 + 3x^2 - 10 = 0$ 의 모든 실근의 곱은?

② -1

3

(

5) 2

$$x^4 + 3x^2 - 10 = 0$$
에서
 $x^2 = t$ 로 치화하면

$$t^2 + 3t - 10 = 0, (t+5)(t-2) = 0$$

 $\therefore t = -5 \stackrel{\leftarrow}{\text{L}} t = 2$

$$\therefore t = 5 \pm \sqrt{5}i \pm 2$$

$$\therefore x = \pm \sqrt{5}i \pm 2 = \pm \sqrt{2}$$

다라서 모든 실근의 곱은
$$\sqrt{2} \times (-\sqrt{2}) = -2$$

10. 방정식
$$x^3 - x^2 + ax - 1 = 0$$
의 한 근이 -1 일 때, 상수 a 의 값과 나머지 두 근을 구하면?

①
$$a = 3, 1 \pm \sqrt{2}$$
 ② $a = -3, 1 \pm \sqrt{2}$

③
$$a = 3, 1 \pm \sqrt{3}$$
 ④ $a = -3, 1 \pm \sqrt{3}$

⑤
$$a = -1, 1 \pm \sqrt{2}$$

x = -1이 근이므로 -1 - 1 - a - 1 = 0에서 a = -3인수정리와 조립제법을 이용하면

(좌변) =
$$(x+1)(x^2-2x-1) = 0$$

 $x^2-2x-1 = 0$ 의 근은 $1 \pm \sqrt{2}$

 $x^2 - 2x - 1 = 0 의 근은 1 \pm \sqrt{2}$ $\therefore a = -3, 나머지 근은 1 \pm \sqrt{2}$

11. 삼차방정식
$$x^3 + x^2 + ax + b = 0$$
의 두 근이 -3 , $1 - \sqrt{2}$ 일 때, 유리수 a , b 의 합 $a + b$ 의 값은?

 $a = (1 - \sqrt{2}) (1 + \sqrt{2}) + (-3) (1 - \sqrt{2}) + (-3) (1 + \sqrt{2}) = -7$

(5) 10

 $1 + \sqrt{2}$ 이다

a + b = -10

따라서, 근과 계수의 관계에 의하여

 $b = -(1 - \sqrt{2})(1 + \sqrt{2})(-3) = -3$

12. 다음 중 1+i가 하나의 근이며 중근을 갖는 사차방정식은?

②
$$(x^2-2x+2)(x-1)(x+1)$$

$$(x^2-1)(x^2-2x-1)$$

$$(x^2+1)(x-1)(x+1)$$

$$(x^2+1)(x^2-2x+1)$$

다른 한 근은 1 – *i*이다.

$$\therefore \{x - (1+i)\} \{x - (1-i)\} = 0$$

⇒ $x^2 - 2x + 2 = 0$ 주어진 조건에 맞는 방정식:

$$(x^2 - 2x + 2)(x - \alpha)^2 = 0$$

∴ ①이 조건에 맞다

선에 맞다

13. 연립방정식
$$\begin{cases} x^2 - y^2 = 2 \\ x - y = 1 \end{cases}$$
 의 해를 순서쌍 (x, y) 으로 나타내면?

①
$$(2,1)$$
 ② $(\sqrt{2}+1,\sqrt{2})$ ③ $(\frac{3}{2},\frac{1}{2})$ ④ $(\sqrt{3},1)$ ⑤ $(\frac{5}{2},\frac{2}{3})$

$$\begin{cases} x^2 - y^2 = 2 & \cdots & \bigcirc \\ x - y = 1 & \cdots & \bigcirc \\ & \bigcirc \stackrel{\triangle}{=} y = x - 1$$
로 변형하여
$$\bigcirc \stackrel{\triangle}{=} 1$$
이 대입하면
$$x^2 - (x - 1)^2 = x^2 - x^2 + 2x - 1 = 2$$

$$2x = 3$$

 $\therefore x = \frac{3}{2}, y = \frac{1}{2}$

14. $\begin{cases} x - y = 1 \\ x^2 + v^2 = 5 \end{cases}$ 에서 xy의 값을 구하면?

▷ 정답: 2

15. 연립방정식
$$\begin{cases} x - y = 1 \\ x^2 + y^2 = 5 \end{cases}$$
 을 풀 때, xy 의 값은?

①
$$-2$$

$$\begin{cases} x - y = 1 \cdots \bigcirc \\ x^2 + y^2 = 5 \cdots \bigcirc \end{cases}$$

() 늘 곱셈법식에 의해 번영하면,
$$x^2 + y^2 = (x - y)^2 + 2xy$$

$$\therefore xy = 2$$

 $5 = 1^2 + 2xy$

16. 연립방정식
$$\begin{cases} x^2 - 3xy + 2y^2 = 0 \\ x^2 + 2y^2 = 12 \end{cases}$$
 을 만족하는 x , y 에 대하여 $x + y$

값이 될 수 <u>없는</u> 것은?

①
$$3\sqrt{2}$$
 ② 4 ③ $-3\sqrt{2}$ ④ -4

$$x^2 - 3xy + 2y^2 = 0$$
에서
 $(x - y)(x - 2y) = 0$ $\therefore x = y$ 또는 $x = 2y$
i) $x = y$ 일 때
 $x^2 + 2y^2 = 3x^2 = 12$
 $x = \pm 2, y = \pm 2$
ii) $x = 2y$ 일 때

 $x^{2} + 2y^{2} = 6y^{2} = 12$ $y = \pm \sqrt{2}, \quad x = \pm 2\sqrt{2}$ $\therefore x + y = 4, -4, 3\sqrt{2}, -3\sqrt{2}$

17. 연립방정식
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 5 \\ x^2 - xy + y^2 = 3 \end{cases}$$
 의 해를

$$x = a, y = b$$
라 할 때, ab 의 값은?

$$x^2 + y^2 = 5$$
 ··· ① $x^2 - xy + y^2 = 3$ ··· ② ① ① 대입하면 $5 - xy = 3$, $xy = 2$ $\therefore ab = 2$

18. 사차식 $x^4 - 4x^2 - 12$ 를 복소수의 범위에서 인수분해하면?

①
$$(x + \sqrt{3})(x - \sqrt{3})(x + \sqrt{2i})(x - \sqrt{2i})$$

②
$$(x + \sqrt{6})(x - \sqrt{6})(x + 2i)(x - 2i)$$

$$(x + \sqrt{6})(x - \sqrt{6})(x + \sqrt{2i})(x - \sqrt{2i})$$

①
$$(x + \sqrt{3})(x - \sqrt{3})(x + 2i)(x - 2i)$$

⑤
$$(x + \sqrt{2})(x - \sqrt{2})(x + \sqrt{6i})(x - \sqrt{6i})$$

해설
$$x^4 - 4x^2 - 12$$
. $x^2 = Y$ 라 하자

$$\Rightarrow Y^2 - 4Y - 12 = (Y+2)(Y-6) = 0$$
$$Y = -2 \pm \frac{1}{2} Y = 6$$

$$\Rightarrow x^2 = -2, x^2 = 6$$

$$\Rightarrow x = \pm \sqrt{2}i, \quad x = \pm \sqrt{6}$$

$$\therefore x^4 - 4x^2 - 12$$

$$=(x + \sqrt{6})(x - \sqrt{6})(x + \sqrt{2}i)(x - \sqrt{2}i)$$

19. 삼차방정식 $x^3 - ax - b = 0$ 의 한 근이 $1 - \sqrt{2}$ 일 때, 유리수 a, b에 대하여 a + b의 값을 구하여라.

방정식
$$x^3 - ax - b = 0$$
의 계수가 유리수이므로
세 근을 $1 - \sqrt{2}$, $1 + \sqrt{2}$, α 라고 하면
 $\left(1 - \sqrt{2}\right) + \left(1 + \sqrt{2}\right) + \alpha = 0$ ··· ①
 $\left(1 - \sqrt{2}\right)\left(1 + \sqrt{2}\right) + \left(1 + \sqrt{2}\right)\alpha + \left(1 - \sqrt{2}\right)\alpha = -a$ ··· ©
 $\left(1 - \sqrt{2}\right)\left(1 + \sqrt{2}\right)\alpha = b$ ··· ©

 $-a = 1 - 2 - 2 - 2\sqrt{2} - 2 + 2\sqrt{2} = -5$ $\therefore a = 5$ $\alpha = -2$ 를 ©에 대입하면 $b = -2(1 - \sqrt{2})(1 + \sqrt{2}) = 2$

 \bigcirc 에서 $\alpha = -2$ 를 \bigcirc 에 대입하면

 $\therefore a+b=5+2=7$

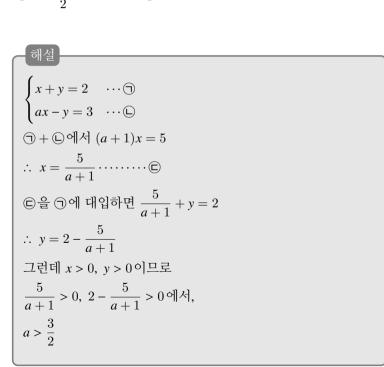
20. 연립방정식
$$\begin{cases} x + y = 2 & \text{의 해가 좌표평면의 제1사분면에 있기} \\ ax - y = 3 & \text{ } \end{cases}$$

(3) $a > \frac{3}{2}$

위한 실수
$$a$$
의 값의 범위는?

①
$$a > -1$$
 ② $a < -1$
④ $a < \frac{3}{2}$ ⑤ $a > -2$

⑤
$$a > -2$$



21. 가로의 길이가 세로의 길이보다 5 cm 더 긴 직사각형이 있다. 둘레의 길이가 34 cm 일 때, 이 직사각형의 가로의 길이와 세로의 길이의 곱을 구하여라.(단, 단위 생략)
 답:
 ▷ 정답: 66

 $\therefore xy = 11 \times 6 = 66$

22. 다음 연립방정식의 모든 해의 합을 구하여라.

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 25\\ xy = 12 \end{cases}$$

▶ 답:

▷ 정답: 0

$$\begin{cases} u - 2v = 23 \\ v = 12 \end{cases}$$

$$\therefore u = \pm 7, v = 12$$

$$\begin{cases} x + y = 7 & \cdots \\ xy = 12 & \cdots \end{cases}$$

$$\underline{\bot} = \begin{cases} x + y = -7 & \cdots \\ xy = 12 & \cdots \end{cases}$$

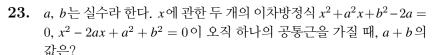
(i) ⓒ, ⓒ에서 x, y 는 이차방정식 t² - 7t + 12 = 0 의 두 근이 므로 x = 3, y = 4 또는 x = 4, y = 3

므로 x = -3, y = -4 또는 x = -4, y = -3

따라서, 주어진 연립방정식은 다음과 같이 나타낼 수 있다.

x + y = u, xy = v 로 놓으면 주어진 연립방정식은

- (ii) ⓐ, ⓒ에서 x, y는 이차방정식 $t^2 + 7t + 12 = 0$ 의 두 근이
 - $(\ i\),$ $(\ ii\)$ 로부터 구하는 모든 해의 합은 0





(3) 2

(5) 4

공통근을
$$\alpha$$
라 하면

$$\alpha^2 + a^2\alpha + b^2 - 2a = 0$$
 ... ①
 $\alpha^2 - 2a\alpha + a^2 + b^2 = 0$... ②

① - ②하면
$$(a^2 + 2a)\alpha - (a^2 + 2a) = 0$$

$$\therefore (a^2 + 2a)(\alpha - 1) = 0$$

$$\therefore (a^2 + 2a)(a - 1) = 0$$

$$\therefore a^2 + 2a = 0 \quad \text{E} = \alpha = 1$$

그런데
$$a^2 + 2a = 0$$
일 때는 $a^2 = -2a$ 이므로
두 방정식이 일치하게 되어 문제의 뜻에 어긋난다.

$$\therefore \alpha = 1$$

①에 대입하면
$$1 + a^2 + b^2 - 2a = 0$$

∴ $(a-1)^2 + b^2 = 0$
 a, b 는 실수이므로 $a-1=0, b=0$

$$\therefore a+b=1$$

24. 방정식 $x^2 + 2x + 1 + y^2 - 4y + 4 = 0$ 을 만족하는 두 실수 x, y의 합 x + y의 값을 구하여라.

▷ 정답: 1

답:

$$x^2 + 2x + 1 + y^2 - 4x + 4 = 0$$
 에서
 $(x+1)^2 + (y-2)^2 = 0$

x, y는 실수이므로 x = -1, y = 2 $\therefore x + y = -1 + 2 = 1$ **25.** 방정식 2xy-4x-y=4를 만족하는 양의 정수 x, y를 구하면 $\begin{cases} x=\alpha \\ y-\beta \end{cases}$,

$$\begin{cases} x = \gamma \\ y = \delta \end{cases}$$
이다.
$$\alpha + \beta + \gamma + \delta$$
의 값을 구하여라.

답

➢ 정답: 15

주어진 식을 변형하면
$$(2x-1)(y-2)=6$$

조건에서 x, y가 양의 정수이므로

2x - 1, y - 2도 각각 정수이고 특히 2x - 1은 양의 홀수이다.

$$\therefore \begin{cases} 2x - 1 = 1 \\ y - 2 = 6 \end{cases} \quad \text{If } \begin{cases} 2x - 1 = 3 \\ y - 2 = 2 \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} x = 1 \\ y = 8 \end{cases}, \begin{cases} x = 2 \\ y = 4 \end{cases}$$

$$\therefore \alpha + \beta + \gamma + \delta = 15$$