

1. $x-4$ 가 두 다항식 $x^2+ax+40$, $3x^2-10x+b$ 의 공통인 인수일 때, $a-b$ 의 값을 구하면?

① 3 ② 6 ③ 0 ④ -3 ⑤ -6

해설

$$\begin{aligned}x^2+ax+40 &= (x-4)(x-10) \\ \therefore a &= -14 \\ 3x^2-10x+b &= (x-4)(3x+2) \\ \therefore b &= -8 \\ \therefore a-b &= -14-(-8) = -6\end{aligned}$$

2. 이차방정식 중에서 해가 유리수인 것을 모두 고르면?

$\text{㉠ } x^2 = 8$	$\text{㉡ } 3x^2 - 12 = 0$
$\text{㉢ } (x-3)^2 = 4$	$\text{㉣ } 2(x+1)^2 = 6$
$\text{㉤ } 3x^2 - 6x + 3 = 0$	

- ① ㉠, ㉡ ② ㉡, ㉣ ③ ㉡, ㉢, ㉣, ㉤
④ ㉢, ㉣, ㉤ ⑤ ㉡, ㉢, ㉤

해설

$\text{㉠ } x = \pm 2\sqrt{2}$
 $\text{㉡ } 3x^2 = 12, x^2 = 4, x = \pm 2$
 $\text{㉢ } (x-3)^2 = 4, x-3 = \pm 2, x = 5 \text{ 또는 } x = 1$
 $\text{㉣ } 2(x+1)^2 = 6, (x+1)^2 = 3, x+1 = \pm\sqrt{3}, x = -1 \pm \sqrt{3}$
 $\text{㉤ } 3(x-1)^2 = 0, x = 1$

3. 이차방정식 $x^2 - mx - n = 0$ 이 증근을 가지기 위한 조건은?

① $m^2 - 4n > 0$ ② $m^2 + 4n > 0$ ③ $m^2 - 4n = 0$

④ $m^2 + 4n = 0$ ⑤ $m^2 - 4n < 0$

해설

$$D = m^2 - 4(-n) = 0$$

$$\therefore m^2 + 4n = 0$$

4. $4\sqrt{3}$ 의 소수 부분을 a , $5-2\sqrt{3}$ 의 정수 부분을 b 라고 할 때, $a+4b$ 의 값은?

① $4\sqrt{3}+2$

② $4\sqrt{3}+1$

③ $4\sqrt{3}$

④ $4\sqrt{3}-1$

⑤ $4\sqrt{3}-2$

해설

$4\sqrt{3} = \sqrt{48}$, $6 < \sqrt{48} < 7$ 이므로

$4\sqrt{3}$ 의 정수 부분은 6,

소수 부분은 $a = 4\sqrt{3} - 6$

$-4 < -\sqrt{12} < -3$ 이고 $1 < 5 - \sqrt{12} < 2$ 이므로

$5 - 2\sqrt{3}$ 의 정수 부분은 $b = 1$

$\therefore a + 4b = 4\sqrt{3} - 6 + 4 = 4\sqrt{3} - 2$

5. 5.1×4.9 를 간편하게 계산하기 위하여 이용되는 곱셈 공식으로 적절한 것은?

① $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

② $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$

③ $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$

④ $(ax+b)(cx+d) = acx^2 + (ad+bc)x + bd$

⑤ $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

해설

$5.1 \times 4.9 = (5 + 0.1)(5 - 0.1) = 25 - 0.01$
따라서 $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$ 을 사용한다.

6. $-1 < x < 2$ 일 때, $\sqrt{x^2+2x+1} - \sqrt{x^2-4x+4}$ 를 간단히 하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $2x - 1$

해설

$$\begin{aligned} & \sqrt{x^2+2x+1} - \sqrt{x^2-4x+4} \\ &= \sqrt{(x+1)^2} - \sqrt{(x-2)^2} \\ &= (x+1) + (x-2) \\ &= 2x-1 \end{aligned}$$

7. $3\left(x + \frac{1}{3}\right)^2 - 2\left(x + \frac{1}{3}\right) - 1 = 0$ 의 두 근의 합은?

- ① 0 ② 1 ③ $\frac{1}{2}$ ④ $-\frac{5}{6}$ ⑤ $-\frac{1}{3}$

해설

$$x + \frac{1}{3} = A \text{로 치환하면}$$

$$3A^2 - 2A - 1 = (3A + 1)(A - 1) = 0$$

$$A = -\frac{1}{3} \text{ 또는 } A = 1$$

$$x = -\frac{2}{3} \text{ 또는 } x = \frac{2}{3}$$

따라서 두 근의 합은 $-\frac{2}{3} + \frac{2}{3} = 0$ 이다.

8. 땅으로부터 높이 15m 되는 다이빙대에서 수영선수가 위를 향해 초속 27m 로 다이빙을 했다. x 초 후 수영선수가 지상으로부터의 떨어져있는 높이는 $(-3x^2 + 27x + 15)m$ 라고 할 때, 수영선수의 높이가 57m 가 되는 데 걸리는 나중 시간은?

- ① 2 초 ② 5 초 ③ 7 초 ④ 9 초 ⑤ 11 초

해설

$$-3x^2 + 27x + 15 = 57$$

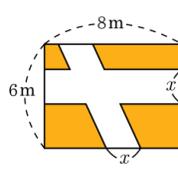
$$3(x^2 - 9x + 14) = 0$$

$$3(x - 2)(x - 7) = 0$$

$$x = 2, 7$$

따라서 나중 시간은 7 초 이다.

9. 다음 그림과 같이 가로 8m, 세로 6m인 직사각형 모양의 땅에 너비가 x m인 길을 만들려고 한다. 길을 만들고 난 나머지 땅의 넓이가 24m^2 일 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답: m

▷ 정답: 2 m

해설

$$\begin{aligned} (8-x)(6-x) &= 24 \\ x^2 - 14x + 24 &= 0 \\ (x-2)(x-12) &= 0 \\ x &= 2 \text{ 또는 } x = 12 \\ 0 < x < 6 \text{ 이므로 } x &= 2 \text{ 이다.} \end{aligned}$$

10. $(a+4)^2 + 4 + \frac{4}{(a+4)^2}$ 를 인수분해 하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\left(a+4+\frac{2}{a+4}\right)^2$

해설

$a+4=t$ 로 치환하면

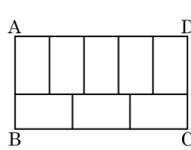
$$(a+4)^2 + 4 + \frac{4}{(a+4)^2}$$

$$= t^2 + 2t \times \frac{2}{t} + \left(\frac{2}{t}\right)^2$$

$$= \left(t + \frac{2}{t}\right)^2$$

$$= \left(a+4 + \frac{2}{a+4}\right)^2$$

11. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD를 8개의 똑같은 직사각형으로 나누었다. 직사각형 ABCD의 넓이가 480cm^2 일 때, 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 92 cm

해설

작은 직사각형 한 개의 넓이 : $\frac{480}{8} = 60 (\text{cm}^2)$

작은 직사각형의 짧은 변의 길이를 x 라고 하면 긴 변의 길이는 $\frac{5}{3}x$ 이다.

$$\frac{5}{3}x \times x = 60, x^2 = 36, x = 6 (\text{cm})$$

$$\overline{AD} = 5x, \overline{AB} = \frac{5}{3}x + x = \frac{8}{3}x$$

따라서 둘레의 길이는 $(5x + \frac{8}{3}x) \times 2 = \frac{46}{3}x = 92 (\text{cm})$ 이다.