

1. x, y 에 관한 일차방정식 $\frac{3}{2} \left(2x - \frac{2}{3}y + 6 \right) = \frac{5}{3} \left(6x + 3y + \frac{9}{2} \right)$ 를
 $ax + by + c = 0$ 의 꼴로 고칠 때, abc 의 값을 구하면? (단, $a > 0$)

① 42 ② 28 ③ -28 ④ -63 ⑤ 63

해설

$$\frac{3}{2} \left(2x - \frac{2}{3}y + 6 \right) = \frac{5}{3} \left(6x + 3y + \frac{9}{2} \right)$$
를 정리하면 $7x + 6y - \frac{3}{2} = 0$ 이므로 $a = 7, b = 6, c = -\frac{3}{2}$ 이다. 따라서 $abc = -63$ 이다.

2. x, y 가 자연수일 때, 다음 중 일차방정식의 해가 3개인 것은?

- ① $3x + y = 15$ ② $-3x + y = 12$ ③ $x - y = 3$
④ $2x + 3y = 20$ ⑤ $4x + 6y = 24$

해설

- ① $3x + y = 15$: (1, 12), (2, 9), (3, 6), (4, 3)
② $-3x + y = 12$: (1, 15), (2, 18), (3, 21), ⋯
③ $x - y = 3$: (4, 1), (5, 2), (6, 3), ⋯
④ $2x + 3y = 20$: (1, 6), (4, 4), (7, 2)
⑤ $4x + 6y = 24$: (3, 2)

3. 일차방정식 $-4x + 2y + 6 = 0$ 의 한 해가 $(a, 3a)$ 일 때, a 의 값은?

- ① -3 ② -2 ③ -1 ④ 1 ⑤ 2

해설

$-4x + 2y + 6 = 0$ 의 식에 $(a, 3a)$ 를 대입하면

$$-4a + 6a + 6 = 0$$

$$2a = -6$$

$$a = -3$$

4. 시경이는 집에서 6km 떨어진 도서관에 가는데 처음에는 시속 6km/h로 자전거를 타고 가다가 도중에 자전거가 고장나서 시속 2km/h로 자전거를 끌고 가서 총 2시간 30분이 걸렸다고 한다. 자전거를 타고 간 거리를 x km, 자전거를 끌고 간 거리를 y km라 할 때, 다음 중 x, y 를 구하기 위한 연립방정식으로 옳은 것은?

$$\textcircled{1} \quad \begin{cases} x + y = 6 \\ \frac{x}{6} + \frac{y}{2} = 2.3 \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \quad \begin{cases} x + y = 6 \\ \frac{x}{2} + \frac{y}{6} = 2.6 \end{cases}$$

$$\textcircled{5} \quad \begin{cases} x + y = 6 \\ 2x + 6y = 2.5 \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \quad \begin{cases} x + y = 6 \\ \frac{x}{6} + \frac{y}{2} = 2.5 \end{cases}$$

$$\textcircled{4} \quad \begin{cases} x + y = 6 \\ 6x + 2y = 2.5 \end{cases}$$

해설

$(시간) = \frac{(거리)}{(속력)}$ 이며, 2시간 30분 = 2.5시간이므로

(자전거를 타고 간 거리)+(걸어 간 거리)= 6

(자전거를 타고 간 시간)+(걸어 간 시간)= 2.5이므로

$$x + y = 6$$

$$\frac{x}{6} + \frac{y}{2} = 2.5 \text{이다.}$$

5. 다음 보기 중에서 $(2, 1)$ 을 해로 가지는 연립 일차 방정식 한 쌍으로 이루어진 것을 고르면?

Ⓐ $x - y = 1$	Ⓑ $x + 2y = 5$	Ⓒ $2x + 3y = 8$
Ⓓ $2x - 3y = 1$	Ⓔ $x - 2y = 0$	Ⓕ $5x + 2y = 1$

① Ⓐ, Ⓑ Ⓑ Ⓐ, Ⓑ ③ Ⓒ, Ⓓ ④ Ⓔ, Ⓕ ⑤ Ⓕ, Ⓓ

해설

Ⓐ. $2 - 1 = 1$
Ⓓ. $2 \times 2 - 3 \times (1) = 1$
Ⓔ. $2 - 2 \times 1 = 0$

6. 연립방정식 $\begin{cases} x - 2y = 1 \\ 2x + ay = 7 \end{cases}$ 을 만족하는 x 값이 3 일 때, 상수 a 의 값은?

① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$x - 2y = 1$ 에 $x = 3$ 을 대입하면 $y = 1$ 이 나온다.
 $(3, 1)$ 을 $2x + ay = 7$ 에 대입하면 $6 + a = 7$ 이므로 $a = 1$ 이 된다.

7. 다음 연립방정식 $\begin{cases} 3x + 2y = 8 \\ 2x = y + 1 \end{cases}$ 가 한 점에서 만날 때, 교점의 좌표를 구하면?

① $\left(\frac{33}{7}, \frac{23}{7}\right)$ ② $\left(\frac{23}{7}, \frac{33}{7}\right)$ ③ $\left(\frac{12}{7}, \frac{13}{7}\right)$

④ $\left(\frac{11}{7}, \frac{12}{7}\right)$ ⑤ $\left(\frac{10}{7}, \frac{13}{7}\right)$

해설

$$\begin{cases} 3x + 2y = 8 & \cdots \textcircled{1} \\ 2x - y = 1 & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$$7x = 10 \quad \therefore x = \frac{10}{7}, y = \frac{13}{7}$$

8. 연립방정식 $\begin{cases} y = 2x - 1 \\ 2x - 3y = 5 \end{cases}$ 를 대입법으로 풀려고 한다. 다음 설명에서 ()안에 들어갈 수 또는 식으로 적당하지 않은 것은?

연립방정식 $\begin{cases} y = 2x - 1 & \cdots \textcircled{1} \\ 2x - 3y = 5 & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$ 를 풀기 위해

$\textcircled{1}$ 을 $\textcircled{2}$ 에 대입하여

($\textcircled{1}$)를 소거하면, $2x - 3(\textcircled{2}) = 5$ 가 된다.

따라서 ($\textcircled{3}$) = 2가 되고, $x = (\textcircled{4}) \cdots \textcircled{3}$

$\textcircled{2}$ 을 $\textcircled{1}$ 에 대입하면 $y = (\textcircled{5})$

$\textcircled{1} x$

$\textcircled{2} 2x - 1$

$\textcircled{3} -4x$

$\textcircled{4} -\frac{1}{2}$

$\textcircled{5} -2$

해설

$2x - 3(\textcircled{2}) = 5$ 에서 보면 y 가 소거된다는 것을 알 수 있다.

9. 연립방정식 $\begin{cases} x + 2y = 4 \cdots \textcircled{\text{1}} \\ 2x - y = 3 \cdots \textcircled{\text{2}} \end{cases}$ 에서 y 를 소거하는 대입법으로 풀려고 한다. 다음 중 옳은 것은?

- ① $\textcircled{\text{1}} + \textcircled{\text{2}} \times 2$ 로 계산한다.
- ② $\textcircled{\text{1}} \times 2 - \textcircled{\text{2}}$ 을 계산한다.
- ③ $\textcircled{\text{1}}$ 에서 $x = 4 - 2y$ 를 $\textcircled{\text{2}}$ 에 대입한다.
- ④ $\textcircled{\text{2}}$ 에서 $y = 2x - 3$ 을 $\textcircled{\text{1}}$ 에 대입한다.
- ⑤ $\textcircled{\text{1}}$ 에서 $y = \frac{1}{2}x + 2$ 를 $\textcircled{\text{2}}$ 에 대입한다.

해설

y 의 계수가 간단한 $\textcircled{\text{2}}$ 식을 y 에 관한 식으로 푼 후 $\textcircled{\text{1}}$ 에 대입한다.

10. 두 직선 $x+2y=a$ 와 $5x=4y+b$ 의 교점의 좌표가 $(4,3)$ 일 때, $a+b$ 의 값은?

① 2 ② 4 ③ 8 ④ 10 ⑤ 18

해설

$x+2y=a$ 에 $(4,3)$ 을 대입하면

$$4+6=a$$

$$a=10$$

$5x=4y+b$ 에 $(4,3)$ 을 대입하면

$$20=12+b$$

$$b=8$$

$$\therefore a+b=18$$

11. 연립방정식 $\begin{cases} 2x = y - 5 \\ 4x - ay = -3 \end{cases}$ 의 해가 $2x + y = 9$ 의 해일 때, 상수 a 의 값은?

① -3 ② -1 ③ 1 ④ $\frac{3}{2}$ ⑤ 2

해설

$$\begin{cases} 2x - y = -5 \\ 2x + y = 9 \end{cases} \quad \text{를 먼저 연립하면 가감법에 의해 } x = 1, y = 7$$

의 해가 나온다. 이 해를 $4x - ay = -3$ 에 대입하면 $a = 1$ 의 값이 나온다.

12. 연립방정식 $\begin{cases} 3x - 5y = k & \cdots ① \\ 2x - 3y = 6 & \cdots ② \end{cases}$ 을 만족하는 x 와 y 의 값의 비가
3 : 1 일 때, k 의 값은?

- ① 2 ② 5 ③ 8 ④ 11 ⑤ 14

해설

$x : y = 3 : 1$ 에서 $x = 3y$
 $x = 3y$ 를 ②식에 대입하면
 $6y - 3y = 6 \quad \therefore y = 2, x = 6$
(6, 2) 를 ①식에 대입하면
 $18 - 10 = 8 \quad \therefore k = 8$

13. 두 연립방정식 $\begin{cases} 5x + 3y = 5 \\ ax + y = 4 \end{cases}$, $\begin{cases} 3x - 7y = b \\ 2x - y = 2 \end{cases}$ 의 해가 서로 같을 때, $a + b$ 의 값을 구하면?

① 9 ② 7 ③ 4 ④ 1 ⑤ 0

해설

두 연립방정식의 해가 같으므로, $\begin{cases} 5x + 3y = 5 \\ 2x - y = 2 \end{cases}$ 를 연립한 해도

같다.

이제 위의 연립방정식을 풀면, $x = 1, y = 0$ 이므로 나머지 다른

두 식에 대입하면 $a = 4, b = 3$ 이다.

따라서 $a + b = 7$ 이다.

14. 연립방정식 $\begin{cases} ax - by = 6 \\ bx + ay = 2 \end{cases}$ 에서 잘못하여
 a, b 를 바꾸어 놓고 풀었더니 $x = -1, y = -2$ 가 되었다. 이때, $a + b$ 의 값은?

① 0 ② 2 ③ -2 ④ -4 ⑤ 4

해설

$$a, b \text{ 를 바꾸어 놓은 식 } \begin{cases} bx - ay = 6 \\ ax + by = 2 \end{cases} \text{ 에 } x = -1, y = -2$$

를 대입하여 연립하여 풀면, $a = 2, b = -2$ 따라서 $a + b = 2 + (-2) = 0$

15. 연립방정식 $\begin{cases} 5(x-y) + 2(2y-x) = 14 \\ 4 + \{-x + 2(x-y) + y\} = 16 \end{cases}$ 의 해는?

① $x = -2, y = 2$ ② $x = 1, y = -12$

③ $x = 1, y = -11$ ④ $x = 2, y = 3$

⑤ $x = -1, y = -3$

해설

주어진 연립방정식을 정리하면

$$\begin{cases} 3x - y = 14 & \cdots \textcircled{\text{1}} \\ x - y = 12 & \cdots \textcircled{\text{2}} \end{cases}$$

$\textcircled{\text{1}} - \textcircled{\text{2}}$ 을 하면 $2x = 2 \quad \therefore x = 1$

$x = 1$ 을 $\textcircled{\text{1}}$ 에 대입하면 $3 - y = 14 \quad \therefore y = -11$

16. 연립방정식 $\begin{cases} 5y - 2(3y - x) = -4 \\ -\frac{x}{3} + \frac{y}{4} = \frac{3}{2} \end{cases}$ 의 해와 같은 연립방정식은?

① $\begin{cases} \frac{x-7}{3} + \frac{y-9}{2} = 7 \\ \frac{x-3}{5} - \frac{y+5}{2} + 4 = 0 \end{cases}$

② $\begin{cases} \frac{x-1}{2} + \frac{y+4}{4} = 4 \\ \frac{x-3}{7} - \frac{y+2}{2} + 6 = 1 \end{cases}$

③ $\begin{cases} 3(2x - 7y) + 5y = 7 \\ \frac{2x-y}{3} - \frac{x+3}{4} = \frac{2}{13} \end{cases}$

④ $\begin{cases} x + \frac{5}{2}y = 28 \\ x + \frac{1}{5}y = 5 \end{cases}$

⑤ $\begin{cases} \frac{x}{4} + \frac{y}{3} = 2 \\ 2(x-4) + y = 4 \end{cases}$

해설

해가 $x = 3, y = 10$ 인 연립방정식을 찾으면 된다.

17. 연립방정식 $\begin{cases} 0.3x + 0.2y = 1.2 \\ \frac{x}{2} - \frac{y}{3} = -2 \end{cases}$ 의 해를 (a, b) 라고 할 때, ab 의 값은??

- ① -3 ② 0 ③ 1 ④ 3 ⑤ 6

해설

$$\begin{cases} 0.3x + 0.2y = 1.2 & \cdots ① \\ \frac{x}{2} - \frac{y}{3} = -2 & \cdots ② \end{cases}$$

① $\times 10$, ② $\times 6$ 하면,

$$\begin{cases} 3x + 2y = 12 & \cdots ③ \\ 3x - 2y = -12 & \cdots ④ \end{cases}$$

③ + ④ 합하면, $x = 0 = a$, $y = 6 = b$

$$\therefore ab = 0 \times 6 = 0$$

18. 연립방정식 $\begin{cases} (x - 3y) : 3 = (2x - 4) : 2 \\ 0.1x + 0.8y - 1.6 = 0 \end{cases}$ 의 해가 일차방정식 $x + ky = 6$ 을 만족할 때, 상수 k 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

비례식을 풀면 $6x - 12 = 2x - 6y$, $4x + 6y = 12 \cdots (1)$,
 $0.1x + 0.8y - 1.6 = 0$ 의 양변에 10을 곱하면 $x + 8y = 16 \cdots (2)$
 $(2) \times 4 - (1)$ 하면 $26y = 52$, $y = 2$, 따라서 $x = 0$
 $x = 0$, $y = 2$ 를 $x + ky = 6$ 에 대입하면
 $0 + k \times 2 = 6$
 $2k = 6$
 $\therefore k = 3$

19. 연립방정식 $\begin{cases} \frac{3}{x} - \frac{4}{y} = 1 \\ \frac{4}{x} - \frac{2}{y} = 3 \end{cases}$ 을 풀면?

- ① $x = 3, y = 2$ ② $x = 3, y = 1$ ③ $x = 1, y = 2$
④ $x = 1, y = 3$ ⑤ $x = 2, y = 3$

해설

$$\frac{1}{x} = X, \frac{1}{y} = Y \text{ 라 하면}$$

$$3X - 4Y = 1 \cdots ⑦$$

$$4X - 2Y = 3 \cdots ⑧$$

$$⑦ - ⑧ \times 2 \text{ 하면 } -5X = -5$$

$$\therefore X = 1, Y = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{x} = 1 \Rightarrow x = 1, \frac{1}{y} = \frac{1}{2} \Rightarrow y = 2 \quad \therefore x = 1, y = 2$$

20. $3x - 2y + 3 = x + y + 2 = 3x - 1$ 의 해를 (a, b) 라 할 때, ab 의 값은?

- ① 5 ② 2 ③ -2 ④ 3 ⑤ 4

해설

$$3x - 2y + 3 = 3x - 1 \Rightarrow -2y = -4, y = 2$$

$$3x - 2y + 3 = x + y + 2, 2x - 3y = -1,$$

$$\text{위 식에 } y = 2 \text{ 를 대입하면 } x = \frac{5}{2}$$

$$\text{따라서 } ab = \frac{5}{2} \times 2 = 5 \text{ 이다.}$$

21. 다음 연립방정식 중에서 해가 무수히 많은 것은?

$$\textcircled{1} \quad \begin{cases} \frac{x}{3} + \frac{y}{2} = 1 \\ 2x + y = 1 \end{cases} \quad \textcircled{2} \quad \begin{cases} 0.1x - 0.3y = -1 \\ 2x - 6y = 20 \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \quad \begin{cases} x + 2y = 2 \\ 2(x + y) - 1 = 3 - 2y \end{cases} \quad \textcircled{4} \quad \begin{cases} -x + \frac{y}{2} = \frac{1}{4} \\ -12x + 4y = 2 \end{cases}$$

$$\textcircled{5} \quad \begin{cases} 2x + y = 5 \\ 4x + 2y = 3 \end{cases}$$

해설

③ 두 번째 식을 정리하면 $2x + 4y = 4$ 이고 첫 번째 식에 $\times 2$ 를 해 주면 두 식이 같아지므로 연립방정식의 해는 무수히 많다.

22. 연립방정식 $(a - 2)x + y = 5$, $3x + 3y = 4$ 의 해가 없도록 하는 a 의 값은?

① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

$$\frac{a-2}{3} = \frac{1}{3} \neq \frac{5}{4} \text{ |므로 } 3(a-2) = 3 \\ \therefore a = 3$$

23. 두 자리의 정수가 있다. 각 자리 숫자의 차는 4이고, 십의 자리 숫자와 일의 자리 숫자를 바꾼 수는 처음 수의 $\frac{1}{2}$ 배보다 6이 크다. 처음 수는?
(단, 십의 자리 숫자가 일의 자리 숫자보다 크다.)

① 39 ② 48 ③ 67 ④ 76 ⑤ 84

해설

처음 수의 십의 자리의 숫자를 x , 일의 자리의 숫자를 y 라고 하면

$$\begin{cases} x - y = 4 \\ \frac{1}{2}(10x + y) + 6 = 10y + x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x - y = 4 \\ 8x - 19y = -12 \end{cases}$$

연립하여 풀면 $x = 8$, $y = 4$ 이다.

따라서 처음 수는 84이다.

24. 정효네 반이 미사리 조정경기장에서 2인용 보트와 3인용 보트 7대를
빌려 17명이 탔을 때, 2인용 보트는 몇 대 빌렸는가?

- ① 3대 ② 4대 ③ 5대 ④ 6대 ⑤ 7대

해설

2인용 보트 : x 대, 3인용 보트 : y 대라 하면

$$\begin{cases} x + y = 7 \\ 2x + 3y = 17 \end{cases} \text{에서 } x = 4, y = 3$$

25. 산악회 모임의 전체 회원 수는 36 명이다. 이번 등산에 남자 회원의 $\frac{1}{3}$ 과 여자 회원의 $\frac{1}{4}$ 이 참가하여 모두 11 명이 모였다. 이 산악회의 여자 회원 수는?

- ① 12 명 ② 13 명 ③ 14 명 ④ 15 명 ⑤ 16 명

해설

남자 회원의 수를 x 명, 여자 회원의 수를 y 명이라 하면

$$\begin{cases} x + y = 36 \\ \frac{1}{3}x + \frac{1}{4}y = 11 \end{cases}, \Rightarrow \begin{cases} x + y = 36 \\ 4x + 3y = 132 \end{cases}$$

$$\therefore x = 24, y = 12$$

26. 어느 상점에서 A, B 상품을 합하여 어제 200 개를 팔았다. 오늘은 A 상품을 10% 덜 팔고, B 상품은 10 개를 더 팔아 전체적으로 어제보다 2 개를 더 팔았다. 오늘 판 A, B 상품의 개수는?

① A : 30 개, B : 170 개 ② A : 50 개, B : 150 개

③ A : 150 개, B : 50 개 ④ A : 130 개, B : 72 개

⑤ A : 72 개, B : 130 개

해설

어제 판 A 상품의 개수를 x 개, B 상품의 개수를 y 개라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 200 \\ -\frac{10}{100}x + 10 = 2 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x + y = 200 \\ x = 80 \end{cases}$$

$\therefore x = 80, y = 120$ 따라서 오늘 판 A, B 상품의 개수는

$$A : 80 - 80 \times \frac{10}{100} = 72(\text{개})$$

$$B : 120 + 10 = 130(\text{개})$$

27. A, B 두 사람이 같이 일을 하면 6 일을 걸리는 일을 A가 2 일을 일한 후, 나머지를 B가 14 일을 일하여 끝마쳤다. A가 혼자서 일을 한다면 며칠이 걸리겠는가?

① 9 일 ② 10 일 ③ 12 일 ④ 15 일 ⑤ 20 일

해설

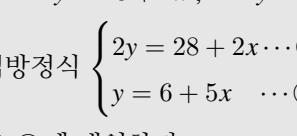
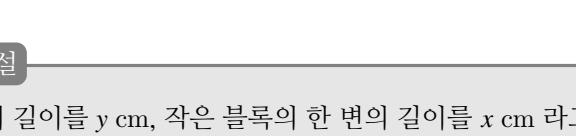
A, B가 하루 동안 할 수 있는 일의 양을 각각 a , b 라 하고, 총 일의 양을 1이라 하면

$$6a + 6b = 1, 2a + 14b = 1$$

두 식을 연립하여 풀면 $a = \frac{1}{9}$, $b = \frac{1}{18}$ 이다.

따라서 A가 혼자 일하면 9 일이 걸린다.

28. 다음 그림에서 A 는 정사각형 모양의 타일 2 개와 28cm 길이의 타일로 이루어져 있고 B 는 정사각형 모양의 타일 5 개와 6cm 길이의 타일로 구성되어 있다. A 의 길이가 B 길이의 2 배일 때, $A + B$ 의 값은?



- ① 42 ② 44 ③ 46 ④ 48 ⑤ 50

해설

B 의 길이를 y cm, 작은 블록의 한 변의 길이를 x cm라고 하자.

A 의 길이는 B 의 2 배이므로 A 는 $2y$ 가 된다.

즉, $A : 2y = 28 + 2x$, $B : y = 6 + 5x$ 이므로

$$\begin{cases} 2y = 28 + 2x \cdots \textcircled{\text{1}} \\ y = 6 + 5x \cdots \textcircled{\text{2}} \end{cases}$$

② 을 ①에 대입하면

$$2 \times (6 + 5x) = 28 + 2x$$

$$12 + 10x = 28 + 2x$$

$$8x = 16$$

$$x = 2 \cdots \textcircled{\text{3}}$$

$$\textcircled{\text{2}} \text{ 을 } \textcircled{\text{3}} \text{에 대입하면 } y = 6 + 5 \times 2 = 16$$

따라서 B 의 길이 $y = 16$ (cm)이고,

A 의 길이 $2y = 2 \times 16 = 32$ (cm)이다.

$$\therefore 16 + 32 = 48$$

29. 둘레의 길이가 15km 인 호수 공원의 산책길을 따라 시속 10km 로
뛰다가 시속 5km 로 걸어서 한 바퀴 도는 데 2 시간이 걸렸다. 뛰어간
거리와 걸어간 거리는?

① 뛴 거리 : 8km 걸은 거리 : 7km

② 뛴 거리 : 9km 걸은 거리 : 6km

③ 뛴 거리 : 10km 걸은 거리 : 5km

④ 뛴 거리 : 11km 걸은 거리 : 5km

⑤ 뛴 거리 : 12km 걸은 거리 : 3km

해설

뛴 거리를 $x\text{km}$, 걸은 거리를 $y\text{km}$ 라 할 때

$$\begin{cases} x + y = 15 & \cdots (1) \\ \frac{x}{10} + \frac{y}{5} = 2 & \cdots (2) \end{cases}$$

(2) 의 양변에 10을 곱하면 $x + 2y = 20 \cdots (3)$

(3) - (1) 하면 $y = 5$

$y = 5$ 를 (1) 에 대입하면 $x = 10$

따라서 뛴 거리는 10km, 걸은 거리는 5km 이다.

30. 둘레의 길이가 1000m 인 호수가 있다. 찬종이와 성주가 호수의 둘레를 동시에 같은 방향으로 돌면 10 분 후에 만나고, 반대 방향으로 돌면 2 분 후에 만난다고 한다. 찬종이의 속력이 성주의 속력보다 빠르다고 할 때, 찬종이의 속력을 구하면?

- ① 100m/분 ② 200m/분 ③ 300m/분
④ 400m/분 ⑤ 500m/분

해설

찬종이와 성주의 속력을 각각 $x\text{m}/\text{분}$, $y\text{m}/\text{분}$ 라 할 때 같은 방향으로 돌면 (두 사람이 간 거리의 차) = (호수의 둘레의 길이), 반대 방향으로 돌면 (두 사람이 간 거리의 합) = (호수의 둘레의 길이) 이므로 연립방정식

$$\begin{cases} 10x - 10y = 1000 \\ 2x + 2y = 1000 \end{cases} \quad \text{을 풀면,}$$

$$x = 300, y = 200 \text{ 이다.}$$

31. 길이가 180m 인 화물열차가 다리를 지나는데 50 초가 걸렸고, 길이가 120m 인 특급열차가 이 다리를 화물열차의 2 배의 속도로 23 초 만에 통과하였다. 다리의 길이는 얼마인가?

- ① 470m ② 570m ③ 670m ④ 770m ⑤ 870m

해설

다리의 길이를 x m, 화물열차의 속력을 $ym/\text{초}$, 특급열차의 속력을 $2ym/\text{초}$ 라 하면

$$\begin{cases} 180 + x = 50y & \cdots ① \\ 120 + x = 23 \times 2y & \cdots ② \end{cases}$$

$$① - ② \text{하면 } 60 = 4y, y = 15, x = 570$$

32. 농도가 9% 인 소금물과 5% 인 소금물을 섞어서 농도가 6% 인 소금물 1200g 을 만들려고 한다. 5% 의 소금물 몇 g 을 섞어야 하는가?

- ① 600g ② 700g ③ 800g
④ 900g ⑤ 1000g

해설

농도가 9% 인 소금물의 양을 x g , 5% 인 소금물의 양을 y g 이라 하면

$$\begin{cases} x + y = 1200 \\ \frac{9}{100}x + \frac{5}{100}y = \frac{6}{100} \times 1200 \end{cases} \cdots \textcircled{1}$$

② 식을 정리한 $9x + 5y = 7200$ 에 $x = 1200 - y$ 를 대입하면
 $9(1200 - y) + 5y = 7200$

$$\therefore y = 900$$

33. 다음은 연립방정식의 활용 문제와 풀이 과정이다. ①, ②, ③에 알맞은 수를 순서대로 쓴 것은?

문제 :

농도가 다른 두 가지 소금물 A, B 를 각각 200g, 400g 을 섞었더니 10% 소금물이 되었고, 각각 400g, 200g 을 섞었더니 8% 의 소금물이 되었다. 소금물 A 와 B 의 농도를 각각 구하여라.

풀이과정 :

소금물 A 의 농도를 $x\%$, 소금물 B 의 농도를 $y\%$ 라 하자.

$$\frac{x}{100} \times 200 + \frac{y}{100} \times 400 = \frac{10}{100} \times 600$$

$$\frac{x}{100} \times 400 + \frac{y}{100} \times 200 = \frac{8}{100} \times 600$$

$$\therefore x = ①, y = ③$$

소금물 A 의 농도는 ①%

소금물 B 의 농도는 ③%

① 200, 8, 10 ② 400, 6, 12 ③ 600, 6, 10

④ 600, 10, 8 ⑤ 600, 6, 12

해설

$$\begin{cases} \frac{x}{100} \times 400 + \frac{y}{100} \times 200 = \frac{8}{100} \times 600 \\ 2x + y = 24 \end{cases}$$

연립하여 풀면 $x = 6$, $y = 12$ 이다.

따라서 소금물 A 의 농도는 6%

소금물 B 의 농도는 12% 이다.