

1. $ab > 0$, $a + b < 0$, $a > b$ 일 때, 다음 중 $\boxed{\quad}$ 안에 들어갈 부등호의 방향이 다른 것은?

① $a + 1 \quad \boxed{\quad} b + 1$

② $2a - 1 \quad \boxed{\quad} 2b - 1$

③ $-\frac{1}{a} \quad \boxed{\quad} -\frac{1}{b}$

④ $1 - 3a \quad \boxed{\quad} 1 - 3b$

⑤ $\frac{a}{3} \quad \boxed{\quad} \frac{b}{3}$

해설

$ab > 0$, $a + b < 0$ 이므로 $0 > a > b$ 이다.

① $a + 1 > b + 1$

② $2a - 1 > 2b - 1$

③ $-\frac{1}{a} > -\frac{1}{b}$

④ $1 - 3a < 1 - 3b$

⑤ $\frac{a}{3} > \frac{b}{3}$

2. $3a - 1 \leq 3b - 1$ 일 때, \square 안에 들어갈 부등호를 차례로 적으면?

[보기]

$$\neg. \frac{a}{2} - 3 \square \frac{b}{2} - 3$$

$$\sqcup. 9 - 3a \square 9 - 3b$$

- ① \geq, \leq ② \leq, \geq ③ \leq, \leq ④ $>, <$ ⑤ $<, >$

해설

$$3a - 1 \leq 3b - 1$$

$3a \leq 3b$ (양변에 같은 수 1을 더한다)

$a \leq b$ (양변에 같은 수 3으로 나눈다)

$$\neg. \frac{a}{2} \leq \frac{b}{2} \text{ (양변에 같은 수 2로 나눈다.)}$$

$$\frac{a}{2} - 3 \leq \frac{b}{2} - 3 \text{ (양변을 같은 수 3을 뺀다.)}$$

$\sqcup. -3a \geq -3b$ (양변에 음수 3을 곱하므로 부등호 방향 바뀐다.)

$9 - 3a \geq 9 - 3b$ (양변에 같은 수 9를 더한다.)

3. 현재 갑은 5000 원, 을은 8000 원이 예금되어 있다. 이 달부터 매월
갑은 2500 원씩, 을은 1000 원 예금을 한다고 하면, 갑의 예금액이 을의
예금액의 2배보다 많아지는 것은 몇 개월부터인지 구하여라.

▶ 답:

개월

▷ 정답: 23 개월

해설

개월수를 x 라 할 때

$$5000 + 2500x > 2(8000 + 1000x), 500x > 11000$$

$$\therefore x > 22$$

4. 현재까지 형은 30000 원, 동생은 10000 원을 저금하였다. 매월 형은 3000 원씩, 동생은 2000 원씩 저금한다면 형의 저금액이 동생의 저금액의 2배보다 적어지는 것은 몇 개월째부터인지 구하여라.

▶ 답:

개월

▷ 정답: 11 개월

해설

x 개월 후에 형의 저금액이 동생의 저금액의 2배보다 적어지게 된다면

$$30000 + 3000x < 2(10000 + 2000x)$$

$$\therefore x > 10$$

5. 욕조에 물을 받으려고 한다. 처음 들어 있는 물의 양에 2L를 더 붓고, 그 전체의 양의 2배를 더 부어도 물의 양이 15L를 넘지 않는다고 한다. 처음 물통에는 최대 몇 L의 물이 있었는지 구하여라.

▶ 답:

L

▷ 정답: 3L

해설

처음 들어있는 물의 양을 x L라 하면

$$(x + 2) + 2(x + 2) \leq 15 \text{에서 } x \leq 3$$

따라서 처음 물통에 들어있던 물의 양은 3L 이하이다.

6. 180L 의 물을 담을 수 있는 통이 있다. 처음에는 분당 10L 의 속도로 물을 채우다가 분당 20L 의 속도로 물을 채워 물을 채우기 시작한 지 12 분 이내로 가득 채우려고 한다. 분당 10L 의 속도로 채울 수 있는 최대 시간은 얼마인가?

① 4 분 ② 5 분 ③ 6 분 ④ 7 분 ⑤ 8 분

해설

10L 의 속도로 채우는 시간 x 분, 20L 의 속도로 채우는 시간 $(12 - x)$ 분 이다.

$$10x + 20(12 - x) \geq 180$$

$$x \leq 6$$

따라서 최대시간은 6 분이다.