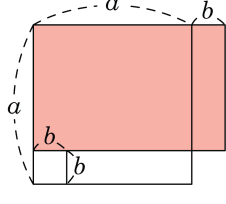


1. 다음 그림에서 색칠한 부분이 나타내고 있는 곱셈공식은 무엇인가?



- ① $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- ② $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- ③ $(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$
- ④ $(a - b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3$
- ⑤ $(a + b)(a^2 - ab + b^2) = a^3 + b^3$

해설

$(a + b)(a - b) = ①' + ②$
①' = ③ 이므로
 $(a + b)(a - b) = ① + ② = a^2 - b^2$
 $\therefore (a + b)(a - b) = a^2 - b^2$

2. $x^4 + 3x^2 + 4 = (x^2 + x + 2)(x^2 + ax + b)$ 일 때, 상수 a, b 의 곱을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -2

해설

$$\begin{aligned}(\text{좌 변}) &= (x^2 + 2)^2 - x^2 \\ &= (x^2 + x + 2)(x^2 - x + 2) \\ \therefore a &= -1, b = 2 \\ \therefore ab &= -1 \times 2 = -2\end{aligned}$$

3. 두 다항식 A, B 에 대하여 $A + B = -x^3 - 2x^2 + 4x + 5$, $2A - B = 4x^3 - x^2 - x + 1$ 일 때, 두 다항식 A, B 를 구하면?
- ① $A = x^3 + x^2 + x + 2, B = -2x^3 - 3x^2 + 3x + 3$
- ② $A = x^3 - x^2 + x + 2, B = -2x^3 - x^2 + 3x + 3$
- ③ $A = x^3 - x^2 + x - 2, B = -2x^3 - x^2 + 3x + 7$
- ④ $A = x^3 - x^2 - x + 2, B = -2x^3 - x^2 + 5x + 3$
- ⑤ $A = 3x^3 - 3x^2 + 3x + 6, B = -4x^3 + x^2 + x - 1$

해설

$$\begin{aligned} A + B &= -x^3 - 2x^2 + 4x + 5 \cdots \textcircled{1} \\ 2A - B &= 4x^3 - x^2 - x + 1 \cdots \textcircled{2} \\ (\textcircled{1} + \textcircled{2}) \div 3 : A &= x^3 - x^2 + x + 2 \\ (2\textcircled{1} - \textcircled{2}) \div 3 : B &= -2x^3 - x^2 + 3x + 3 \end{aligned}$$

4. 두 상수 a 와 b 에 대하여 다음 두 다항식의 최대공약수가 $x-2$ 일 때, $a+b$ 의 값은?

$x^2+ax-6, \quad x^2-ax+b$

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

왼쪽의 식 $f(2) = 4 + 2a - 6 = 0 \therefore a = 1$
오른쪽의 식 $g(2) = 4 - 2a + b = 0$ 에서
 $a = 1$ 이므로 $b = -2$
 $\therefore a + b = 1 + (-2) = -1$

5. 모든 실수 x 에 대하여 등식 $x^{2007} + 1 = a_0 + a_1(x+4) + a_2(x+4)^2 + \cdots + a_{2007}(x+4)^{2007}$ 이 성립할 때, $a_0 + a_1 + a_2 + \cdots + a_{2007}$ 의 값은?

- ① $(-3)^{2007} + 1$ ② 0 ③ $3^{2007} + 1$
④ 1 ⑤ $3^{2007} + 3$

해설

양변에 $x = -3$ 을 대입하면

$$(-3)^{2007} + 1 = a_0 + a_1 + \cdots + a_{2007}$$