

1. 다음은 순환소수 $1.\dot{5}\dot{4}$ 를 분수로 나타내는 과정이다. 안에
알맞은 수를 써 넣어라.

순환소수 $1.\dot{5}\dot{4}$ 를 x 로 놓으면 $x = 1.5444\cdots$

$$10x = 15.444\cdots \textcircled{\text{①}}$$

$$100x = 154.444\cdots \textcircled{\text{②}}$$

$$\textcircled{\text{②}} - \textcircled{\text{①}} \text{을 하면 } 90x = 139$$

따라서 이다.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{139}{90}$

해설

순환소수 $1.\dot{5}\dot{4}$ 를 x 로 놓으면 $x = 1.5444\cdots$

$$10x = 15.444\cdots \textcircled{\text{①}}$$

$$100x = 154.444\cdots \textcircled{\text{②}}$$

$$\textcircled{\text{②}} - \textcircled{\text{①}} \text{을 하면 } 90x = 139$$

따라서 $x = \frac{139}{90}$ 이다.

2. 다음은 순환소수 $0.\dot{4}\dot{3}\dot{5}$ 를 분수로 나타내는 과정이다. ① ~ ⑤안에 들어갈 숫자로 옳지 않은 것은?

$$0.\dot{4}\dot{3}\dot{5} = x \text{ 라 하면}$$

$$x = 0.\dot{4}\dot{3}\dot{5} = 0.43535\cdots$$

$$(1)x = 4.3535\cdots \textcircled{\text{1}}$$

$$(2)x = 435.3535\cdots \textcircled{\text{2}}$$

②에서 ①을 변끼리 빼면

$$(3)x = \textcircled{\text{4}}$$

$$\therefore x = \textcircled{\text{5}}$$

① 10

② 1000

③ 999

④ 431

⑤ $\frac{431}{990}$

해설

① 10

② 1000

③ 990

④ 431

⑤ $\frac{431}{990}$

3. 순환소수 $0.\dot{7}$ 에 A 를 곱하면 그 결과는 자연수가 된다고 한다. 이때, A 의 값이 될 수 없는 것은?

① 7 ② 9 ③ 18 ④ 90 ⑤ 99

해설

$$0.\dot{7} = \frac{7}{9}$$

따라서 A 는 9의 배수이어야 하므로 A 의 값이 될 수 없는 것은 7이다.

4. 순환소수 $0.\dot{3}\dot{7}$ 에 어떤 자연수를 곱하면 그 결과가 자연수가 된다. 이를 만족하는 두 자리의 자연수를 모두 고르면?

- ① 15 ② 35 ③ 45 ④ 50 ⑤ 90

해설

$0.\dot{3}\dot{7} = \frac{37 - 3}{90} = \frac{17}{45}$ 이므로 어떤 자연수는 45의 배수이어야 한다.

따라서 이를 만족하는 두 자리의 자연수는 45, 90이다.

5. $3^4 = A$ 라 할 때, 다음 중 $9^3 \div 9^7$ 의 값과 같은 것은?

- ① A ② A^2 ③ A^3 ④ $\frac{1}{A}$ ⑤ $\frac{1}{A^2}$

해설

$$9^3 \div 9^7 = \frac{1}{9^4} = \frac{1}{(3^2)^4} = \frac{1}{(3^4)^2} = \frac{1}{A^2} \text{ 이다.}$$

6. $8^2 = x$ 라 할 때, $2^4 + 3 \times 4^2 - 2^6$ 을 x 에 관한 식으로 나타내면?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}8^2 &= (2^3)^2 = 2^6 = x \\(\text{준식}) &= 2^4 + 3 \times (2^2)^2 - 2^6 \\&= 2^4 + 3 \times 2^4 - 2^6 \\&= (1+3)2^4 - 2^6 \\&= 2^2 \times 2^4 - 2^6 \\&= 2^6 - 2^6 \\&= 0\end{aligned}$$

7. 순환소수 $0.\dot{3}\dot{7} = 34 \times a$, $0.\dot{4}\dot{5} = 45 \times b$ 일 때, a , b 의 값을 순환소수로 나타낸 것은?

- ① $a = 0.\dot{0}\dot{1}$, $b = 0.\dot{0}\dot{1}$
② $a = 0.0\dot{1}$, $b = 0.\dot{0}\dot{1}$
③ $a = 0.\dot{1}$, $b = 0.0\dot{1}$
④ $a = 0.\dot{1}$, $b = 0.\dot{0}\dot{1}$
⑤ $a = 0.0\dot{1}$, $b = 0.0\dot{1}$

해설

$$0.\dot{3}\dot{7} = \frac{34}{90} = 34 \times a$$

$$a = \frac{1}{90} = 0.0\dot{1}$$

$$0.\dot{4}\dot{5} = \frac{45}{99} = 45 \times b$$

$$b = \frac{1}{99} = 0.\dot{0}\dot{1}$$

8. $4.\dot{5}\dot{6}$ 에 어떤 자연수를 곱하여 유한소수로 나타내려고 할 때, 가장 큰 한 자리 자연수를 구하여라

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$$4.\dot{5}\dot{6} = \frac{411}{90} = \frac{137}{30} = \frac{137}{2 \times 3 \times 5}$$

therefore 가장 작은 한 자리 자연수는 9

9. 반지름이 a 이고 높이가 b 인 원기둥의 부피는 반지름이 b 이고 높이가 a 인 원뿔의 부피의 몇 배인지 구하여라.

▶ 답:

배

▷ 정답: $\frac{3a}{b}$

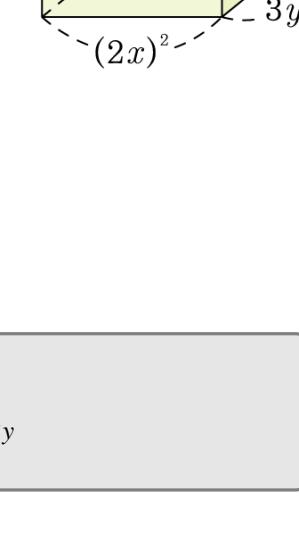
해설

$$(\text{원기둥 부피}) : a^2\pi \times b = a^2b\pi$$

$$(\text{원뿔의 부피}) : \frac{1}{3}b^2\pi \times a = \frac{1}{3}ab^2\pi$$

$$\frac{(\text{원기둥의 부피})}{(\text{원뿔의 부피})} = \frac{a^2b\pi}{\frac{1}{3}ab^2\pi} = \frac{3a}{b}$$

10. 다음 그림과 같이 밑면의 가로와 세로의 길이가 각각 $2x^2$, $3y^3$ 인 직육면체의 부피가 $36x^5y^4$ 일 때, 높이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $3x^3y$

해설

$$(2x)^2 \times 3y^3 \times (\text{높이}) = 36x^5y^4$$
$$\therefore (\text{높이}) = 36x^5y^4 \div 4x^2 \div 3y^3 = 3x^3y$$