1. 이차방정식 $2x^2-4x-3=0$ 의 두 근을 α,β 라 할 때, $\alpha^2+\beta^2$ 의 값은?

① 7 ② 6 ③ 5 ④ 4 ⑤ 3

근과 계수와의 관계로부터 $\alpha + \beta = 2$ $\alpha\beta = -\frac{3}{2}$ $\therefore \alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 7$

$$\therefore \alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)$$

- **2.** 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 1 i 일 때, a + b 의 값을 구하면? (단, a,b 는 실수)

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 0



다른 한 근은 복소수의 켤레근인 1+i 이므로

해설

두 근의 합: (1+i)+(1-i)=-a $\therefore a=-2$ 두 근의 곱: (1+i)(1-i) = b $\therefore b = 2$ $\therefore a+b=-2+2=0$

- $3. \qquad x^2-9x+3=0\, 의 두 근을 <math>\alpha,\beta$ 라 할 때, $\alpha+\beta,\ \alpha\beta$ 를 두 근으로 하고 x^2 의 계수가 1인 이차방정식은 $x^2 + ax + b = 0$ 이다. 이 때, 상수 a + b의 값은?
 - ① 14

② 15 ③ 16 ④ 17 ⑤ 18

해설 근과 계수와의 관계에 의하여

 $\alpha + \beta = 9, \quad \alpha\beta = 3$

 $9,\ 3$ 을 근으로 하는 x^2 의 계수가 1이차방정식은

(x-9)(x-3) = 0

 $x^2 - 12x + 27 = 0$: a = -12, b = 27

- 이차방정식 x^2 3x+1=0의 두 근을 lpha,eta라고 할 때, $lpha^3+eta^3$ 의 **4.** 값은?

① 15

- ② 16 ③ 17 **④**18
- ⑤ 20

해설

근과 계수와의 관계로부터 $\alpha + \beta = 3$, $\alpha\beta = 1$

 $\therefore \alpha^3 + \beta^3 = (\alpha + \beta)^3 - 3\alpha\beta(\alpha + \beta)$

=27-9=18

5. 이차식 $x^2 + 2x + 4$ 를 일차식의 곱으로 인수분해 하여라.

①
$$(x+1-\sqrt{3}i)(x+1+\sqrt{3}i)$$

② $(x+1-\sqrt{3})(x+1+\sqrt{3})$

$$(x+1-\sqrt{3})(x+1+\sqrt{3})$$

③
$$(x+1-\sqrt{2}i)(x+1+\sqrt{2}i)$$

④ $(x+1-\sqrt{2})(x+1+\sqrt{2})$

$$(x-1-\sqrt{2}i)(x-1+\sqrt{2}i)$$

해설

$$x^2 + 2x + 4 = 0$$
 의 해를 구하면 $x = -1 \pm \sqrt{1 - 4} = -1 \pm \sqrt{3}i$

$$x = -1 \pm \sqrt{1 - 4} = -1 \pm \sqrt{3}i$$

$$\therefore x^2 + 2x + 4$$

$$= \left\{ x - (-1 + 3\sqrt{i}) \right\} \left\{ x - (-1 - \sqrt{3}i) \right\}$$

$$= (x + 1 - \sqrt{3}i)(x + 1 + \sqrt{3}i)$$

- 이차방정식 $x^2 + kx + k 1 = 0$ 의 한 근이 다른 한 근의 3배가 되도록 **6.** 하는 상수 k의 값은?
 - ① 3

- ②4 3 5 4 6 5 7

한 근이 다른 한 근의 3배이므로 두 근을 $lpha,\ 3lpha$ 라고 하면 근과 계수의 관계에 의하여 $\alpha + 3\alpha = -k \cdots \bigcirc$

$$\alpha + 3\alpha = -k \cdot \cdots \cdot ($$

$$\alpha \cdot 3\alpha = k - 1 \cdot \cdots \cdot ($$

 $\alpha \cdot 3\alpha = k - 1 \cdot \dots \cdot \bigcirc$

 \bigcirc 에서 $\alpha=-rac{k}{4}$ 이것을 \bigcirc 에 대입하면

 $3\left(-\frac{k}{4}\right)^2 = k - 1, \ 3k^2 - 16k + 16 = 0, \ (3k - 4)(k - 4) = 0$ $\therefore k = 4$

- 7. 이차방정식 $x^2 2kx + k^2 2k 3 = 0$ 의 두 근이 모두 음수 일 때, k의 범위를 구하면?
 - ③ -1 < k < 0 ④ -1 < k < 3
 - ① $-\frac{3}{2} \le k < -1$ ② $-\frac{3}{2} < k < 0$
 - ⑤ k < 0 또는 k > 3

(i) 판별식이 0보다 크거나 같다. D' = k² - (k² - 2k - 3) ≥ 0에서 $k \geq -\frac{3}{2}$

(ii) 두 근의 곱은 0보다 크다. $k^2 - 2k - 3 > 0$ 에서 (k+1)(k-3) > 0

 $\therefore k < -1$ 또는 k > 3(iii) 두 근의 합이 0보다 작다.

2k < 0 :: k < 0

공통범위를 구하면, $-\frac{3}{2} \le k < -1$

- 8. x의 이차방정식 $x^2 + (a^2 a 12)x a + 3 = 0$ (a는 실수)의 두 실근은 절대값이 같고 부호가 반대라 한다. 다음 중 a의 값은?
 - ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

두 근을 α , β 라 할 때, $\alpha + \beta = -(a^2 - a - 12) = 0, \alpha\beta = -a + 3 < 0$ $\therefore a = 4$

해설

- 방정식 $x^2+3x+1=0$ 의 두 근을 α,β 라 할 때, $(\alpha^2+5\alpha+1)(\beta^2-4\beta+1)$ 9. 의 값은?
 - ① -2 ② -4 ③ -8 ④ -14 ⑤ -17

방정식 $x^2 + 3x + 1 = 0$ 의 근이 α , β 이므로 $\alpha^2 + 3\alpha + 1 = 0, \ \beta^2 + 3\beta + 1 = 0$

 $\alpha^2 + 1 = -3\alpha, \ \beta^2 + 1 = -3\beta$

 $\therefore (\alpha^2 + 5\alpha + 1)(\beta^2 - 4\beta + 1)$

 $= (-3\alpha + 5\alpha)(-3\beta - 4\beta)$ $=-14\alpha\beta$

근과 계수와의 관계에서 lphaeta=1이므로 (주어진 식)= -14

해설

- **10.** 이차방정식 $x^2 ax + a^2 4 = 0$ 에서 한 근만이 양이기 위한 a의 값의 범위를 구하면?
- ① $-1 < a \le 0$ ② $0 < a \le 1$ ③ $1 < a \le 2$
- $\textcircled{9} 2 < a \le 2 \qquad \qquad \textcircled{5} 1 < a \le 2$

(i) $\alpha > 0$, $\beta < 0$ 일 때, $\alpha \beta = a^2 - 4 < 0$

- $\therefore -2 < a < 2$
- (ii) $\alpha > 0$, $\beta = 0$ 일 때,
- $\alpha + \beta = a > 0, \ \alpha\beta = a^2 4 = 0$
- $\therefore a = 2$ (i), (ii)에서 -2 < a ≤ 2