

1. 다음 중에서 제곱근을 구할 수 없는 수는 모두 몇 개인지 구하여라.

보기

$$1, 0, -4, -(-2)^2, (-\sqrt{3})^2, \frac{1}{4}$$

▶ 답: 개

▷ 정답: 2개

해설

$-(-2)^2 = -4$ 이므로 음수의 제곱근은 구할 수 없다.

2. □ 안에 알맞은 수 또는 말을 써 넣어라.
(-3)² 를 계산하면 □이므로 $\sqrt{(-3)^2}$ 를 간단히 하면 $\sqrt{9}$ 이고, 이는 자연수 □으로 나타낼 수 있다. 또, $\sqrt{3}$, $-\sqrt{3}$ 을 □의 □이라고 한다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

▷ 정답 : 3

▷ 정답 : 3

▷ 정답 : 제곱근

해설

$\sqrt{(-3)^2} = \sqrt{9} = 3$ 이므로 3 의 제곱근은 $\pm\sqrt{3}$ 이다.

3. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ① 음수의 제곱근은 음수이다.
- ② 양수의 제곱근은 양수이다.
- ③ 양수 a 의 제곱근은 \sqrt{a} 이다.
- ④ \sqrt{a} 는 a 의 양의 제곱근이다. (a 는 양수)
- ⑤ 0을 제외한 모든 양수의 제곱근은 2개씩 있다.

해설

- ① 음수의 제곱근은 없다.
- ② 양수의 제곱근은 양의 제곱근과 음의 제곱근이 있다.
- ③ 양수 a 의 제곱근은 $\pm\sqrt{a}$ 이다.
- ⑤ 0을 제외한 모든 양수의 제곱근은 2개씩 있다.

5. 다음 중 $\sqrt{17-2x}$ 가 자연수가 되게 하는 자연수 x 의 값을 모두 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

▷ 정답 : 8

해설

$\sqrt{17-2x}$ 가 자연수가 되게 하기 위해서는
 $17-2x$ 가 제곱수가 되어야 한다.
 $17-2x=1 \Rightarrow x=8$
 $17-2x=4 \Rightarrow x=6.5$ (x 가 자연수가 아니다)
 $17-2x=9 \Rightarrow x=4$
 $17-2x=16 \Rightarrow x=0.5$ (x 가 자연수가 아니다)
따라서 $x=4, 8$ 이다.

6. $\sqrt{24-x}$ 가 정수가 되도록 하는 자연수 x 의 개수는?

- ① 4개 ② 5개 ③ 6개 ④ 7개 ⑤ 8개

해설

$$24 - x = 0, 1, 4, 9, 16$$

$$\therefore x = 24, 23, 20, 15, 8$$

7. 다음 ○ 안에 들어갈 < 의 개수를 x , > 의 개수를 y 라 할 때, xy 를 구하여라.

보기

㉠ $\sqrt{2} \circ 1$

㉡ $1.5 \circ \sqrt{2}$

㉢ $-\sqrt{5} \circ -\sqrt{3}$

㉣ $\sqrt{0.1} \circ \sqrt{\frac{2}{5}}$

㉤ $3\sqrt{3} \circ 5$

㉥ $\sqrt{0.01} \circ \sqrt{0.1}$

▶ 답:

▶ 정답: 9

해설

㉠ $\sqrt{2} > 1$

㉡ $1.5 > \sqrt{2}$

㉢ $-\sqrt{5} < -\sqrt{3}$

㉣ $\sqrt{0.1} < \sqrt{\frac{2}{5}}$

㉤ $3\sqrt{3} > 5$

㉥ $\sqrt{0.01} < \sqrt{0.1}$

따라서 $x = 3, y = 3$ 이므로 $3 \times 3 = 9$ 이다.

8. 다음 보기 중에서 큰 수부터 차례대로 쓰시오.

보기

$$\sqrt{2}, \sqrt{\frac{3}{2}}, 1.5, \sqrt{3}, \sqrt{4}$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $\sqrt{4}$

▷ 정답: $\sqrt{3}$

▷ 정답: 1.5

▷ 정답: $\sqrt{2}$

▷ 정답: $\sqrt{\frac{3}{2}}$

해설

$2 < 3 < 4$ 이므로 $\sqrt{2} < \sqrt{3} < \sqrt{4}$ 이고, $\frac{3}{2} < 2$ 이므로 $\sqrt{\frac{3}{2}} < \sqrt{2}$ 이다.

또한 $1.5 = \frac{3}{2}$ 이므로 $\sqrt{\frac{3}{2}} < 1.5$, $\sqrt{2^2} = 2 < \frac{9}{4} = 1.5^2 < 3 = \sqrt{3}^2$ 이므로 $\sqrt{2} < 1.5 < \sqrt{3}$ 이다.

따라서 $\sqrt{\frac{3}{2}} < \sqrt{2} < 1.5 < \sqrt{3} < \sqrt{4}$ 이므로 큰 수부터 차례대로 쓰면 다음과 같다.

$$\sqrt{4}, \sqrt{3}, 1.5, \sqrt{2}, \sqrt{\frac{3}{2}}$$

9. 다음 보기 중에서 작은 수부터 차례대로 쓰시오.

보기

$$2\sqrt{3}, \sqrt{8}, 3, \sqrt{7}, \sqrt{\frac{11}{2}}$$

▶ 답:

▷ 정답: $\sqrt{\frac{11}{2}}, \sqrt{7}, \sqrt{8}, 3, 2\sqrt{3}$

해설

모두 제곱하면 $(2\sqrt{3})^2 = 12, \sqrt{8}^2 = 8, 3^2 = 9, \sqrt{7}^2 = 7, \sqrt{\frac{11}{2}}^2 = 5.5$ 이고

$5.5 < 7 < 8 < 9 < 12$ 이므로 작은 수부터 차례대로 쓰면 다음과 같다.

$$\sqrt{\frac{11}{2}}, \sqrt{7}, \sqrt{8}, \sqrt{9}, 2\sqrt{3}$$

10. $4.1 < \sqrt{x} < 5.6$ 를 만족하는 자연수 x 의 값 중에서 가장 큰 수를 a , 가장 작은 수를 b 라고 할 때, $a+b$ 의 값으로 알맞은 것은?

- ① 42 ② 45 ③ 48 ④ 51 ⑤ 54

해설

$$4.1 = \sqrt{16.81}, 5.6 = \sqrt{31.36} \text{ 이므로}$$

$$16.81 < x < 31.36$$

$$a = 31, b = 17$$

$$\therefore a + b = 17 + 31 = 48$$

11. $-\sqrt{4} < x \leq \sqrt{15}$ 가 성립하는 정수 x 를 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: -1

▷ 정답: 0

▷ 정답: 1

▷ 정답: 2

▷ 정답: 3

해설

$-\sqrt{4} = -2$ 이므로 $-2 < x \leq \sqrt{15}$

$-2 < x \leq 0$ 인 $x = -1, 0$

$0 < x \leq \sqrt{15}$ 인 x 는 $0 < x^2 \leq 15$ 를 성립해야 하므로 $x = 1, 2, 3$
따라서 $x = -1, 0, 1, 2, 3$ 이다.

12. $4.6 < \sqrt{x} < 5.1$ 을 만족하는 자연수 x 의 값에서 가장 큰 수를 a , 가장 작은 수를 b 라고 할 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a - b = 4$

해설

$$\begin{aligned} 4.6 &= \sqrt{21.16}, 5.1 = \sqrt{26.01}, \\ \sqrt{21.16} &< \sqrt{x} < \sqrt{26.01} \text{ 을 만족하는} \\ x &= 22, 23, 24, 25, 26 \\ a &= 26, b = 22 \\ \therefore a - b &= 26 - 22 = 4 \end{aligned}$$

13. 다음 중 옳은 것은?

① 0 을 제외한 모든 수의 제곱근은 2 개이다.

② $\sqrt{(-4)^2}$ 의 제곱근은 ± 2 이다.

③ $\sqrt{9} + \sqrt{16} = \sqrt{9+16}$ 이다.

④ $2\sqrt{3} = \sqrt{6}$ 이다.

⑤ π 는 유리수이다.

해설

① 음수의 제곱근은 없다.

③ $\sqrt{9} + \sqrt{16} = 3 + 4 = 7$

④ $2\sqrt{3} = \sqrt{2^2 \times 3} = \sqrt{12}$

⑤ π 는 무리수이다.

14. 다음 중 옳은 것은?

① $\sqrt{4} + \sqrt{9} = \sqrt{13}$

② 0의 제곱근은 2개이다.

③ $\sqrt{25} > 5$

④ $\pi - 3.14$ 는 유리수이다.

⑤ $\sqrt{25} - \sqrt{16} = \sqrt{1}$

해설

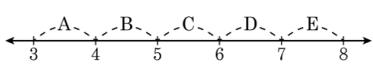
① $\sqrt{4} + \sqrt{9} = 2 + 3 = 5 = \sqrt{25}$

② 0의 제곱근은 0이므로 1개

③ $\sqrt{25} = 5$

④ (무리수) - (유리수) = (무리수)

16. 다음 수직선에서 D 구간에 위치하는 무리수는?



- ① $3\sqrt{5}$ ② $2\sqrt{2}$ ③ $6\sqrt{2}$ ④ $4\sqrt{2}$ ⑤ $\sqrt{50}$

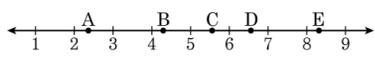
해설

D 구간의 범위 : $6 < x < 7$

$\therefore \sqrt{36} < x < \sqrt{49}$

① $3\sqrt{5} = \sqrt{45}$ 이므로 D 구간에 위치한다.

17. 다음 수직선에서 C에 해당하는 실수는?

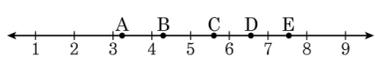


- ① $\sqrt{12}$ ② $\sqrt{17}$ ③ $\sqrt{31}$ ④ $\sqrt{39}$ ⑤ $\sqrt{52}$

해설

$$\sqrt{25} < x < \sqrt{36}$$
$$\therefore \sqrt{25} < \sqrt{31} < \sqrt{36}$$

18. 다음 수직선에서 $\sqrt{43}$ 에 대응하는 점은?



- ① A ② B ③ C ④ D ⑤ E

해설

$$\sqrt{36} < \sqrt{43} < \sqrt{49}$$

$$\therefore 6 < \sqrt{43} < 7$$

19. $-\sqrt{10}$ 와 $\sqrt{17}$ 사이의 정수의 개수는 몇 개인가?

- ① 5 개 ② 6 개 ③ 7 개 ④ 8 개 ⑤ 9 개

해설

$-4 < -\sqrt{10} < -3$, $4 < \sqrt{17} < 5$ 이므로 $-3, -2, \dots, 4$ 로 총 8 개이다.

20. 다음 중 $\sqrt{2}$ 와 $\sqrt{3}$ 사이에 있는 수가 아닌 것은?

① $\frac{3}{2}$

② $\sqrt{\frac{3}{2}}$

③ $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{2}$

④ 1.6

⑤ $\frac{5}{3}$

해설

② $\sqrt{\frac{3}{2}} = \sqrt{1.5} < \sqrt{2}$

④ $\sqrt{(1.6)^2} = \sqrt{2.56} < \sqrt{3}$

⑤ $\sqrt{\frac{25}{9}} = \sqrt{2\frac{7}{9}} < \sqrt{3}$

21. 다음 중 1 과 2 사이에 있는 수를 모두 고르면?

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\sqrt{2}$ ③ $\sqrt{3}$ ④ $\sqrt{5}$ ⑤ π

해설

- ① $0 < \frac{1}{2} < 1$
② $1 < \sqrt{2} < 2$
③ $1 < \sqrt{3} < 2$
④ $2 < \sqrt{5} < 3$
⑤ $3 < \pi < 4$

22. $\sqrt{2} = a$, $\sqrt{3} = b$, $\sqrt{5} = c$ 일 때,
 $\sqrt{360} = 6(\quad)$ 로 나타낼 때, (\quad)에 들어갈 것은?

① ac

② $\sqrt{a}\sqrt{c}$

③ $\sqrt{b}\sqrt{c}$

④ bc

⑤ abc

해설

$$\sqrt{360} = \sqrt{3^2 \times 2^3 \times 5} = 6\sqrt{2}\sqrt{5} = 6ac$$

23. $\sqrt{3} = x$, $\sqrt{5} = y$ 일 때, $\sqrt{80} - \sqrt{12}$ 를 x, y 를 써서 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $4y - 2x$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{80} - \sqrt{12} &= (\sqrt{4^2 \times 5}) - (\sqrt{2^2 \times 3}) \\ &= 4\sqrt{5} - 2\sqrt{3} \\ &= 4y - 2x\end{aligned}$$

24. $\sqrt{27}$ 은 \square 의 3 배이고, $\sqrt{\frac{1}{8}}$ 은 \square 의 $\frac{1}{2}$ 배일 때, \square 안에 알맞은 수를 차례로 써라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $\sqrt{3}$

▷ 정답: $\sqrt{\frac{1}{2}}$

해설

$$\sqrt{27} = \sqrt{3 \times 3 \times 3} = 3\sqrt{3}$$

$$\sqrt{\frac{1}{8}} = \sqrt{\frac{1}{2 \times 2 \times 2}} = \frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}}$$