

1. 점  $(-2, 3)$  이 어떤 평행이동에 의하여 점  $(3, -1)$  로 옮겨질 때, 점  $(1, -3)$  은 같은 평행이동에 의하여 어떤 점으로 옮겨지는가?

①  $(4, -5)$

②  $(5, 6)$

③  $(6, -7)$

④  $(5, -7)$

⑤  $(6, 8)$

해설

점  $(-2, 3)$  이 어떤 평행이동에 의하여

점  $(3, -1)$  로 옮겨졌으므로 이 평행이동은

$x$  축으로 5 만큼,  $y$  축으로 -4 만큼 이동하는 것이다.

따라서 점  $(1, -3)$  은  $(6, -7)$  로 옮겨진다.

2. 직선  $2x + 3y + 7 = 0$  을  $x$  축의 방향으로 -2 만큼,  $y$  축의 방향으로  $k$  만큼 평행이동하면 직선  $2x + 3y + 2 = 0$  이 된다. 이때, 상수  $k$  의 값은?

- ① -3      ② -2      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

직선  $2x + 3y + 7 = 0$  을  $x$  축의 방향으로 -2 만큼,  
 $y$  축의 방향으로  $k$  만큼 평행이동하면,

$$2(x+2) + 3(y-k) + 7 = 0$$

$$\therefore 2x + 3y + 11 - 3k = 0$$

이 직선이  $2x + 3y + 2 = 0$  과 일치하므로

$$11 - 3k = 2 \quad \therefore k = 3$$

3. 점  $(2, 4)$  를 직선  $x = 3$  에 대하여 대칭이동한 다음  $x$  축의 방향으로 2 만큼 평행이동한 점의 좌표를 구하면?

①  $(1, -1)$

②  $(2, 0)$

③  $(4, 3)$

④  $(6, 4)$

⑤  $(7, 5)$

해설

점  $(2, 4)$  를 직선  $x = 3$  에 대하여  
대칭이동한 점의 좌표는  $(2 \cdot 3 - 2, 4)$   
즉,  $(4, 4)$

점  $(4, 4)$  를 다시  $x$  축의 방향으로 2 만큼  
평행이동한 점의 좌표는  $(4 + 2, 4)$   
즉,  $(6, 4)$

4. 포물선  $y = x^2 - 3x - 2$  을  $x$  축에 대하여 대칭이동한 도형의 방정식은?

①  $y = x^2 + 3x - 2$

②  $y = x^2 - 3x + 2$

③  $y = -x^2 - 3x - 2$

④  $y = -x^2 + 3x - 2$

⑤  $y = -x^2 + 3x + 2$

해설

$x$  축 대칭은  $y \rightarrow -y$  를 대입하면 된다.

5. 직선  $y = -3x + 2$ 을 다음과 같이 대칭 이동 할 때, 옳은 것을 모두 고르면?

①  $(x \xrightarrow{\text{축}}) : y = 3x - 2$

②  $(y \xrightarrow{\text{축}}) : y = -3x - 2$

③ (원점) :  $y = 3x + 2$

④  $(y = x) : y = -\frac{1}{3}x + \frac{2}{3}$

⑤  $(y = -x) : y = \frac{1}{3}x + \frac{2}{3}$

해설

①  $x \xrightarrow{\text{축}} : y = -3x + 2 \rightarrow (-y) = -3x + 2$   
 $\rightarrow y = 3x - 2$  (O)

②  $y \xrightarrow{\text{축}} : y = -3x + 2 \rightarrow y = -3(-x) + 2$   
 $\rightarrow y = 3x + 2$  (X)

③ 원점 :  $y = -3x + 2 \rightarrow (-y) = -3(-x) + 2$   
 $\rightarrow y = -3x - 2$  (X)

④  $y = x : y = -3x + 2 \rightarrow x = -3y + 2$   
 $\rightarrow y = -\frac{1}{3}x + \frac{2}{3}$  (O)

⑤  $y = -x : y = -3x + 2 \rightarrow (-x) = -3(-y) + 2$   
 $\rightarrow y = -\frac{1}{3}x - \frac{2}{3}$  (X)

6. 좌표평면 위에서 원  $(x - 1)^2 + (y - 3)^2 = 4$ 를 직선  $y = x$ 에 대하여 대칭이동한 원의 중심거리는?

- ①  $\sqrt{2}$       ② 2      ③ 3      ④  $2\sqrt{2}$       ⑤  $3\sqrt{2}$

해설

원  $(x - 1)^2 + (y - 3)^2 = 4$ 를  
직선  $y = x$ 에 대하여  
대칭이동 시킨 원의 방정식은  
 $(x - 3)^2 + (y - 1)^2 = 4$ 이고,  
이 원의 중심은  $(3, 1)$ 이다.  
두 원의 중심거리는  
두 점  $(1, 3), (3, 1)$  사이의 거리와 같으므로  
 $\sqrt{(1 - 3)^2 + (3 - 1)^2} = 2\sqrt{2}$

7. 원  $x^2 + y^2 - 6x + 4y + 9 = 0$  을  $y$  축에 대하여 대칭이동하면 직선  $y = mx$  에 접한다고 한다. 이때, 이를 만족하는 모든 상수  $m$  의 값의 합은?

①  $-\frac{12}{5}$

②  $-\frac{3}{2}$

③  $\frac{6}{5}$

④  $\frac{3}{2}$

⑤  $\frac{12}{5}$

### 해설

원  $x^2 + y^2 - 6x + 4y + 9 = 0$  을  $y$  축에 대하여 대칭이동하면  $(-x)^2 + y^2 - 6(-x) + 4y + 9 = 0$ ,  
 $x^2 + y^2 + 6x + 4y + 9 = 0$   
 $\therefore (x+3)^2 + (y+2)^2 = 4$

이 원이 직선  $y = mx$  에 접하므로 원의 중심  $(-3, -2)$ 에서 직선  $mx - y = 0$ 에 이르는 거리는 반지름 2 와 같다.

$$\text{즉}, \frac{|-3m + 2|}{\sqrt{m^2 + 1}} = 2$$

이것을 정리하여 풀면  $m = 0$  또는  $m = \frac{12}{5}$

따라서 모든 상수  $m$ 의 합은  $\frac{12}{5}$

8. 두 점 A(-6, 1), B(2, 5) 가 직선  $y = ax + b$  에 대하여 대칭일 때,  
 $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a + b = -3$

해설

두 점 A 와 B 가  $y = ax + b$  에 대하여 대칭이므로  
 $\overline{AB}$  의 중점 (-2, 3) 은 직선  
 $y = ax + b$  위에 있다.

$$\therefore 3 = -2a + b \cdots \textcircled{7}$$

또한, 직선 AB 와 직선  $y = ax + b$  가  
서로 수직이므로

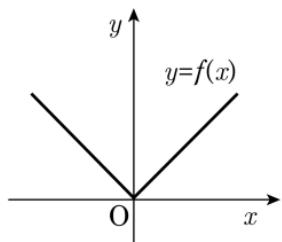
( $\overline{AB}$  의 기울기)  $\times a = -1$  에서

$$\frac{5 - 1}{2 - (-6)} \times a = -1$$

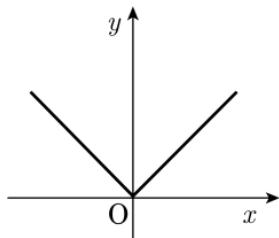
$\therefore a = -2$   $a = -2$  를  $\textcircled{7}$  에 대입하면  
 $b = -1 \therefore a + b = -3$

9. 함수  $y = f(x)$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중

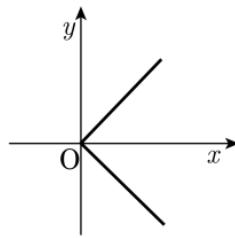
$y = -f(-x)$  의 그래프의 개형으로 옳은 것은?



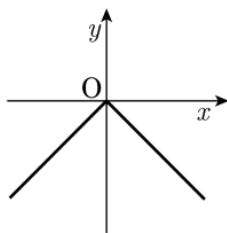
①



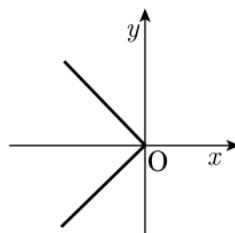
②



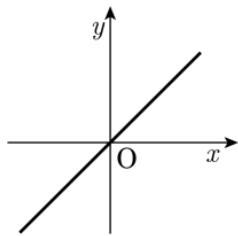
③



④



⑤



### 해설

$y = -f(-x)$ , 즉  $-y = f(-x)$  는  $y = f(x)$  에  
 $x$  대신  $-x$ ,  $y$  대신  $-y$  를 대입한 것이므로  
 $y = f(x)$  의 그래프를 원점에 대하여  
대칭이동한 것이다.

따라서,  $y = -f(-x)$  의 그래프의 개형으로  
옳은 것은 ③이다.

10. 두 점 A(3, 5), B(1, 1)이 있을 때, x 축 위의 점 P에 대하여  $\overline{AP} + \overline{BP}$  가 최소가 되는 점 P의 좌표와  $\overline{AP} + \overline{BP}$ 의 최솟값은?

①  $P\left(\frac{5}{3}, 0\right), 2\sqrt{10}$

②  $P\left(\frac{2}{3}, 0\right), \sqrt{10}$

③  $P(1, 0), 2\sqrt{10}$

④  $P\left(\frac{4}{3}, 0\right), \sqrt{10}$

⑤  $P\left(\frac{4}{3}, 0\right), 2\sqrt{10}$

### 해설

x 축 위의 점 P에 대하여

$\overline{AP} + \overline{BP}$  가 최소가 되기 위해서는

세 점이 일직선상에 있어야 한다.

따라서 점 B를 X축에 대해 대칭 이동시킨다.

이동된 점 B'(1, -1)과 점 A와의 거리가

$\overline{AP} + \overline{BP}$ 의 최솟값이다.

$$\sqrt{(3-1)^2 + (5-(-1))^2} = \sqrt{40} = 2\sqrt{10}$$

이때 점 P의 좌표는 점 B'와 점 A를 지나는  
직선의 방정식의 x 절편이다.

$$\text{즉 직선 } AB' : y - 5 = \frac{5 - (-1)}{3 - 1} (x - 3)$$

$$\therefore y = 3x - 4$$

따라서 점 P의 좌표는  $P\left(\frac{4}{3}, 0\right)$