

1. 순환소수 $0.\dot{0}1\dot{6}$ 을 분수로 바르게 나타낸 것은?

- ① $\frac{1}{60}$ ② $\frac{3}{198}$ ③ $\frac{4}{225}$ ④ $\frac{4}{495}$ ⑤ $\frac{16}{999}$

해설

$$0.\dot{0}1\dot{6} = \frac{16 - 1}{900} = \frac{15}{900} = \frac{1}{60}$$

2. 다음 □ 안에 알맞은 순환소수를 찾으면?
 $0.\dot{1}\dot{2} = \square \times 12$

- ① 0.i ② 0.0i ③ 0.0̄i ④ 0.ii ⑤ 0.00i

해설

$$0.\dot{1}\dot{2} = \frac{12}{99} = \frac{1}{99} \times 12 = 0.\dot{0}\dot{1} \times 12$$

3. 다음 <보기>에서 유한소수가 되는 것을 모두 고르면?

보기

Ⓐ 3.65 Ⓑ 0.38888⋯

Ⓑ 0.325 Ⓒ $\frac{3}{8}$

Ⓒ 1.010010001⋯ Ⓓ $\frac{4}{9}$

Ⓐ Ⓑ, Ⓒ

Ⓑ Ⓑ, Ⓒ

Ⓒ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

Ⓓ Ⓑ, Ⓓ

Ⓔ Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ

해설

유한소수는 소수점 아래의 0이 아닌 숫자가 유한개인 소수이므로

Ⓐ 3.65 Ⓑ 0.325 Ⓒ $\frac{3}{8}$ 이 해당된다.

4. 다음 설명 중 옳은 것은? (정답 2 개)

- ① 순환소수 중에는 유리수가 아닌 것도 있다.
- ② 유한소수로 나타낼 수 없는 분수는 모두 순환소수이다.
- ③ 분모의 소인수가 2나 5 뿐인 기약분수는 유한소수로 나타낼 수 있다.
- ④ 정수가 아닌 유리수는 모두 순환소수이다.
- ⑤ 모든 순환소수는 유한소수이다.

해설

- ① 순환소수는 모두 유리수이다.
- ④ 정수가 아닌 유리수는 유한소수와 순환소수가 있다.
- ⑤ 순환소수는 무한소수이다.

5. 다음 중 정수가 아닌 유리수를 모두 고르면?

① π

③ $\frac{17}{5}$

⑤ $0.1010010001\cdots$

② -3

④ $3.\dot{5}\dot{4}$

해설

① $\pi = 3.141592\cdots$ 순환하지 않는 무한소수이다.

② -3 은 음의 정수이다.

⑤ $0.1010010001\cdots$ 은 순환하지 않는 무한소수이다.

6. 다음 중 유리수가 아닌 것은?

- ① -3 ② 2.45
③ $4.010101\cdots$ ④ $3.76\dot{2}$
⑤ $0.1010010001\cdots$

해설

$0.1010010001\cdots$ 은 반복되는 구간이 없는 순환하지 않는 무한소수로 분수로 나타낼 수 없다.

7. 다음 수 중에서 유리수는 몇 개인가?

0.373737 0 π 2.4174 1.2345678 \cdots 1000

- ① 2개 ② 3개 ③ 4개 ④ 5개 ⑤ 6개

해설

0.3737 , 0 , 2.4174 , 1000

\therefore 4개

8. 다음 중 정수가 아닌 유리수를 모두 고르면?

- ① -2 ② $1.\dot{5}\dot{2}$ ③ 0 ④ 3.14 ⑤ $\frac{2}{15}$

해설

-2 는 음의 정수, 0 은 정수

9. 다음 순환소수를 분수로 나타낸 것 중 옳지 않은 것은?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \quad 0.\dot{4} = \frac{4}{9} & \textcircled{2} \quad 0.\dot{5} = \frac{5}{9} & \textcircled{3} \quad 0.\dot{3}\dot{7} = \frac{37}{90} \\ \textcircled{4} \quad 0.2\dot{5} = \frac{23}{90} & \textcircled{5} \quad 0.3\dot{2} = \frac{29}{90} & \end{array}$$

해설

$$\textcircled{3} \quad 0.\dot{3}\dot{7} = \frac{37}{99}$$

10. $(a^2b^x)^3 \div a^y b^3 = a^5 b^9$ 일 때, $x+y$ 의 값은?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$\begin{aligned}(a^2b^x)^3 \div a^y b^3 &= a^{6}b^{3x} \times \frac{1}{a^y b^3} \\&= a^{6-y}b^{3x-3} \\&= a^5b^9\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}6 - y &= 5 \quad \therefore y = 1 \\3x - 3 &= 9 \quad \therefore x = 4 \\ \therefore x + y &= 5\end{aligned}$$

11. $-x^2y \div \{(-xy)^3 \div 3x^3y^2\}$ 을 간단히 하여라.

- ① $\frac{1}{3x^2}$ ② $-\frac{1}{3x^4y^4}$ ③ $3x^2$
④ $-3x^2$ ⑤ $3x^3y^2$

해설

$$\begin{aligned}-x^2y \div \{(-xy)^3 \div 3x^3y^2\} &= -x^2y \div \left(\frac{-x^3y^3}{3x^3y^2}\right) \\&= -x^2y \times \frac{3x^3y^2}{-x^3y^3} \\&= 3x^2\end{aligned}$$

12. $18a^3b^3 \div 3a^2b \times 2b$ 를 간단히 하면?

- ① $3ab$ ② $6ab^2$ ③ $12ab^2$ ④ $3ab^3$ ⑤ $12ab^3$

해설

$$18a^3b^3 \times \frac{1}{3a^2b} \times 2b = 12ab^3$$

13. $\left(\frac{2y}{x}\right)^2 \times x^2y \div \left(-\frac{3}{x}\right) = ax^b y^c$ (a, b, c 는 상수) 일 때, abc 의 값은?

- ① $-\frac{2}{3}$ ② -4 ③ 0 ④ $\frac{8}{3}$ ⑤ 4

해설

$$\frac{4y^2}{x^2} \times x^2y \times \left(-\frac{x}{3}\right) = -\frac{4}{3}xy^3 = ax^b y^c$$

$$\therefore a = -\frac{4}{3}, b = 1, c = 3$$

$$\therefore abc = -4$$

14. $8a^2b^2 \times 2a^2b \div (-2a^2b)^3 \times 3a^4b^2$ 을 간단히 하면?

- ① $-3a^2b^2$ ② $3a^2b^2$ ③ $-6a^2b^2$
④ $6a^2b^2$ ⑤ $-8a^2b^2$

해설

$$\begin{aligned} & 8a^2b^2 \times 2a^2b \div (-2a^2b)^3 \times 3a^4b^2 \\ &= 8a^2b^2 \times 2a^2b \times \left(-\frac{1}{8a^6b^3}\right) \times 3a^4b^2 \\ &= -6a^2b^2 \end{aligned}$$

15. 다음 식을 간단히 하면?

$$56a^2b \div (2a^2b^2)^3 \times 3a^5$$

- Ⓐ $\frac{21a}{b^5}$ Ⓑ $\frac{21a^2}{b^5}$ Ⓒ $\frac{28a}{b^5}$ Ⓓ $\frac{28}{b^3}$ Ⓕ $\frac{84a}{b^5}$

해설

$$\begin{aligned} 56a^2b \div (2a^2b^2)^3 \times 3a^5 &= 56a^2b \times \frac{1}{8a^6b^6} \times 3a^5 \\ &= \frac{21a}{b^5} \end{aligned}$$

16. $3ab^2 \div \boxed{\quad} = 4a^3b$ 일 때, $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 식을 골라라.

① $12a^2bc$

④ $\frac{4b}{3a^2c}$

② $\frac{bc}{12a^2}$

⑤ $\frac{12b}{a^2c}$

③ $\frac{3b}{4a^2}$

해설

$$3ab^2 \times \frac{1}{\boxed{\quad}} = 4a^3b$$

$$\boxed{\quad} = \frac{1}{4a^3b} \times 3ab^2 = \frac{3b}{4a^2}$$

17. 다음 $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 식은?

$$\boxed{\quad} \div 2x^2y \times \left(-\frac{y^2}{2x}\right)^2 = -2x^3y^3$$

- ① $-8x^{12}$ ② $8x^{12}$ ③ $-10x^8$
④ $16x^7$ ⑤ $\textcircled{5} -16x^7$

해설

$$\begin{aligned}\boxed{\quad} \div 2x^2y \times \left(-\frac{y^2}{2x}\right)^2 &= -2x^3y^3 \\ \boxed{\quad} &= -2x^3y^3 \times 2x^2y \div \left(-\frac{y^2}{2x}\right)^2 \\ &= -2x^3y^3 \times 2x^2y \times \frac{4x^2}{y^4} \\ &= -16x^7\end{aligned}$$

18. 다음 그림과 같이 원기둥의 밑면의 반지름의 길이가 $3x$ 이고 부피가 $24\pi x^7$ 일 때, 원기둥의 높이를 구하면?

Ⓐ $\frac{8}{3}x^5$ Ⓛ $\frac{8}{3}x^6$ Ⓝ $8x^5$
④ $\frac{8}{3}\pi x^5$ Ⓟ $8\pi x^6$



해설

(원기둥의 부피) = (밑면의 넓이) \times (높이) 이므로
높이를 h 라 하면 $24\pi x^7 = \pi(3x)^2 \times h$

$$\therefore h = \frac{24\pi x^7}{9\pi x^2} = \frac{8}{3}x^5$$

19. 다음 중 반지름이 $2xy^2$ 이고, 높이가 $9x^3$ 인 원뿔의 부피를 구하면?

- ① $7x^5y^4\pi$ ② $12x^6y^4\pi$ ③ $12x^5y^4\pi$
④ $13x^{10}\pi$ ⑤ $10x^{10}y^4\pi$

해설

$$(\text{원뿔의 부피}) = \frac{1}{3} \times (\text{밑면의 넓이}) \times (\text{높이})$$

$$\frac{1}{3} \times \pi(2xy^2)^2 \times 9x^3 = 12x^5y^4\pi$$

20. $(2x^2y^3)^2 \times \boxed{\quad} \div 4x^2y^3 = (3y^2)^3$ 에서 $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 식은?

- ① $4xy$ ② $2x^2y$ ③ $3xy^2$ ④ $\frac{y}{3x}$ ⑤ $\frac{27y^3}{x^2}$

해설

$$\begin{aligned}(2x^2y^3)^2 \times \boxed{\quad} \div 4x^2y^3 &= (3y^2)^3 \\ \boxed{\quad} &= (3y^2)^3 \div (2x^2y^3)^2 \times 4x^2y^3 \\ &= 27y^6 \times \frac{1}{4x^4y^6} \times 4x^2y^3 \\ &= \frac{27y^3}{x^2}\end{aligned}$$

21. 다음 $\boxed{\quad}$ 에 알맞은 식을 써 넣어라.

$$(-2x^2y)^3 \times \boxed{\quad} = -4x^7y^6$$

- ① $-\frac{1}{4}xy^3$ ② $-\frac{1}{2}x^2y^3$ ③ $\frac{1}{2}x^2y^3$
④ $\frac{1}{2}xy^3$ ⑤ $\frac{1}{4}x^2y^6$

해설

$$(-2x^2y)^3 \times \boxed{\quad} = -4x^7y^6$$

$$\boxed{\quad} = -4x^7y^6 \div (-8x^6y^3) = \frac{1}{2}xy^3$$