- 1. 다항식 $5xy yx^2 + 2x^3 + 2yz^2$ 에 대한 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - ② x²의 계수는 -y이다.
 - ③ *x*에 대한 3차식이다.

① *x*의 계수는 5*y*이다.

- ④ *x*에 대한 상수항은 2*yz*²이다.
- ③y, z에 대한 2차식이다.

y, z에 대한 3차식이다.

해설

- **2.** $A = 2x^2 + 5xy 3y^2, B = 4x^2 5xy + y^2, C = -x^2 + 4y^2$ 일 때, $2A \{B (2C 3A)\}$ 를 간단히 하면?
 - ① $8x^2 + 30xy 24y^2$
 - $28x^2 30xy 24y^2$

해설

 $2A - \{B - (2C - 3A)\} = 2A - B + 2C - 3A$

$$= -A - B + 2C$$

$$= -8x^2 + 10y^2$$

- **3.** 다항식 $f(x) = 3x^3 7x^2 + 5x + 2$ 를 3x 1로 나눌 때의 몫과 나머지를 구하면?
 - ① 몫 : $x^2 2x + 1$, 나머지 : 3 ② 몫 : $x^2 - 2x + 1$, 나머지 : 2
 - ③ 몫: $x^2 + 2x + 1$, 나머지: 3
 - ④ 몫: $x^2 + 2x + 1$, 나머지: 2
 - ⑤ 몫: $x^2 + 2x + 1$, 나머지: 1

직접나누는 방법과 조립제법을 이용하여 구하는 방법이 있다.

해설

 $f(x) = (3x - 1)(x^2 - 2x + 1) + 3$: 몫 : $x^2 - 2x + 1$, 나머지 : 3 **4.** 다음 등식이 x에 대한 항등식이 되도록 실수 a,b,c의 값을 구하여라.

 $ax^2 - x + c - 3 = 2x^2 - bx - 2$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

ightharpoonup 정답: a=2 ightharpoonup 정답: b=1

➢ 정답: c = 1

해설

각 항의 계수를 서로 비교한다.

5. $\frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{3}$ 을 만족하는 모든 실수 x, y에 대하여 항상 ax+by+5 = 0이다. 이때 a+b의 값을 구하라.

 답:

 ▷ 정답:
 1

 $\frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{3} = t$ 라 하면 $x = 2t-1, \ y = 3t+1$ 이것을 ax + by + 5 = 0에 대입하면 a(2t-1) + b(3t+1) + 5 = 0(2a+3b)t + (-a+b+5) = 0이 식이 모든 실수 t에 대하여 성립해야 하므로 $2a+3b=0\cdots ①$ $-a+b+5=0\cdots ②$ ①, ②를 연립하여 풀면 $a=3, \ b=-2 \quad \therefore \ a+b=3+(-2)=1$

 $\frac{A}{B} = \frac{C}{D} \Leftrightarrow AD = BC 성질 이용$ 3x + 3 = 2y - 2

 $3x - 2y + 5 = 0 \stackrel{\circ}{\vdash} ax + by + 5 = 0$ $\therefore a = 3, \ b = -2$

- 다음 그림의 직사각형에서 색칠한 부분의 넓 6. 이를 나타내는 식을 세워 전개하였을 때, y^2 항의 계수는?
 - -x+y-3y
- ① -2 ② -1 ③ 0
- **4**1
- ⑤ 2

해설

(x + 4y)(3x) - (x + y)(x - y)= $3x^2 + 12xy - x^2 + y^2$ = $2x^2 + 12xy + y^2$

- $(x+y)^n$ 을 전개할 때 항의 개수는 n+1개이다. 다항식 $\{(2a-3b)^3(2a+1)\}$ 7. $(3b)^3$] 4 을 전개할 때, 항의 개수를 구하면 ?
 - **④**13개 ① 7개 ② 8개 ③ 12개 ⑤ 64개

 $\{(2a-3b)^3(2a+3b)^3\}^4$ = $\{(4a^2-9b^2)^3\}^4$ = $(4a^2-9b^2)^{12}$ $\therefore (4a^2-9b^2)^{12}$ 의 항의 개수는 13개이다.

해설

 $(2x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(3x^4 + 2x^3 - 2x^2 - 7x + 8)$ 을 전개한 식에서 x^3 8. 의 계수는?

① 31

- ② 33 ③ 35 ④ 37
- **(5)** 39

 $2x^3 \times 8 - 3x^2 \times (-7x) + 3x \times (-2x^2) + 4 \times 2x^3 = 39x^3$

- 9. $2x^2 3x 2 = a(x-1)(x+2) + bx(x+2) + cx(x-1)$ 이 x에 대한 항등식이 되도록 a, b, c의 값을 정하면?

 - ① a = 1, b = -1, c = 2 ② a = -1, b = 1, c = -2
 - ⑤ a = 1, b = -1, c = -2
- ③ a = 1, b = 1, c = 2 ④ a = -1, b = -1, c = -2

수치대입법을 이용한다.

x = 0을 대입 -2 = -2a $\therefore a = 1$ x = 1을 대입 -3 = 3b $\therefore b = -1$

x = -2를 대입 12 = 6c $\therefore c = 2$

10. 다항식 $x^3 + ax - 8$ 을 $x^2 + 4x + b$ 로 나눌 때, 나머지가 3x + 4가 되도록 상수 a + b의 값을 정하여라.

답:▷ 정답: -7

해설

 $x^3 + ax - 8$ 을 $x^2 + 4x + b$ 로 직접나눈 나머지는 (a - b + 16)x + 4b - 8

 $(a-b+16)x + 4b - 8 = 3x + 4 \cdot \cdot \cdot \cdot \bigcirc$

 \bigcirc 이 x에 대한 항등식이므로,

a-b+16=3, 4b-8=4 $\therefore a=-10, b=3$

 $\therefore a+b=-7$

 $x^3 + ax - 8 = (x^2 + 4x + b)(x + p) + 3x + 4$ 의 양변의 계수를

해설

비교하여 $a=-10,\;b=3,\;p=-4$ 를 구해도 된다.

- **11.** x에 관한 삼차식 $x^3 + mx^2 + nx + 1$ 을 x + 1로 나누면 나머지가 5이고, x-2로 나누면 나머지가 3이다. 이 때, 상수 m-n의 값을 구하여라.
 - ▶ 답:

정답: 5

나머지 정리를 이용한다.

주어진 식에 x = -1, x = 2를 각각 대입하면, $(-1)^3 + m(-1)^2 + n(-1) + 1 = 5 \cdots \bigcirc$

 $(2)^3 + m(2)^2 + n \cdot 2 + 1 = 3 \cdot \cdot \cdot \bigcirc$

⊙, ⓒ을 연립하면,

 $m = \frac{2}{3}, \ n = -\frac{13}{3}$ $\therefore m - n = 5$

12. $f(x) = x^3 - ax^2 + bx - 2$ 가 (x-1)(x+2)로 나누어 떨어지도록 상수 a+b의 값을 정하시오.

답:

➢ 정답: -3

 $f(x) = x^3 - ax^2 + bx - 2$ 라 놓으면, f(1) = 1 - a + b - 2 = 0

∴ -a + b = 1 · · · ① f(-2) = -8 - 4a - 2b - 2 = 0

 $\therefore 2a + b = -5 \cdots \bigcirc$ $\bigcirc, \bigcirc \cap \land \land a = -2, b = -1$

13. 다음은 연산법칙을 이용하여 (x+3)(x+2)를 계산한 식이다.

$$(x+3)(x+2) = (x+3)x + (x+3) \times 2$$

$$= (x^2 + 3x) + (2x+6)$$

$$= x^2 + (3x+2x) + 6$$

$$= x^2 + 5x + 6$$

위의 연산과정에서 사용한 연산법칙을 바르게 고른 것은?

② 교환법칙, 분배법칙

① 교환법칙, 결합법칙

- ③ 분배법칙, 결합법칙
- ④ 결합법칙, 분배법칙, 교환법칙

해설

- ⑤ 연산법칙을 사용하지 않았다.

```
(x+3)(x+2) = (x+3)x + (x+3) \times 2 (분배)
= (x^2+3x) + (2x+6) (분배)
= x^2 + (3x+2x) + 6 (결합)
= x^2 + 5x + 6
```

- **14.** 사차식 $3x^4 5x^2 + 4x 7$ 을 이차식 A로 나누었더니 몫이 $x^2 2$ 이고 나머지가 4x - 5일 때, 이차식 A를 구하면?

 - ① $3x^2 2$ ② $3x^2 1$ ③ $3x^2$

검산식 : $3x^4 - 5x^2 + 4x - 7 = A(x^2 - 2) + 4x - 5$

 $A = \frac{3x^4 - 5x^2 - 2}{x^2 - 2} = 3x^2 + 1$

15. 다음 식을 전개한 것 중 옳은 것을 고르면?

- ① $(x-y-z)^2 = x^2 y^2 z^2 2xy + 2yz 2zx$ ② $(3x-2y)^3 = 27x^3 - 54x^2y + 18xy^2 - 8y^3$
- $(3x 2y)^3 = 2tx^2 34x^2y + 18xy^2 8y^2$ $(3(x + y)(x y)(x^2 + xy y^2)(x^2 xy + y^2) = x^9 y^9$
- $(x^2 2xy + 2y^2)(x^2 + 2xy + 2y^2) = x^4 + 4y^4$
- $(x+y-1)(x^2+y^2-xy+2x+2y+1) = x^3+y^3-3xy-1$

① $(x-y-z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 - 2xy + 2yz - 2zx$

해설

- ② $(3x-2y)^3 = 27x^3 54x^2y + 36xy^2 8y^3$ ③ $(x+y)(x-y)(x^2+xy+y^2)(x^2-xy+y^2)$
- $(3) (x+y)(x-y)(x^2+xy+y^2)(x^2-xy+y^2)$ $= x^6-y^6$
- ⑤ $(x+y-1)(x^2+y^2-xy+x+y+1)$ = $x^3+y^3-3xy-1$

- 16. $(10^5 + 2)^3$ 의 각 자리의 숫자의 합을 구하여라.
 - ① 15 ② 18 ③ 21 ④ 26 ⑤ 28

준식을 전개하면

 $\begin{vmatrix} 10^{15} + 2^3 + 3 \times 2 \times 10^5 (10^5 + 2) \\ = 10^{15} + 2^3 + 6 \times 10^{10} + 12 \times 10^5 \end{vmatrix}$

 $= 10^{15} + 10^{10} \times 6 + 10^5 \times 12 + 8$ $= 10^{15} + 10^{10} \times 6 + 10^5 \times 12 + 8$

 $\therefore 1 + 6 + 1 + 2 + 8 = 18$

- 17. 세 모서리의 길이의 합이 22이고 대각선의 길이가 14인 직육면체의 겉넓이는?
 - 3 288 ② 196 ④ 308 ⑤ 496 ① 144

세 모서리를 x, y, z라 하면

해설

 $x + y + z = 22 \cdot \dots \cdot \boxed{1}$ $\sqrt{x^2 + y^2 + z^2} = 14 \cdot \dots \cdot \boxed{2} \circ \boxed{1}$

겉넓이는 2(xy + yz + zx)이다.

①, ② 에서 $22^2 = 14^2 + 2(xy + yz + zx)$ $\therefore \ 2(xy + yz + zx) = 288$

18. $\frac{2x+3a}{4x+1}$ 가 x에 관계없이 일정한 값을 가질 때, 12a의 값을 구하시오.

▷ 정답: 12a = 2

▶ 답:

 $\frac{2x+3a}{4x+1}=k\ (일정값=k\)$ 라 놓으면 2x+3a=k(4x+1)에서 (2-4k)x+3a-k=0이 식은 x에 대한 항등식이므로, $2-4k=0,\ 3a-k=0$ $k=\frac{1}{2}$ 이므로 3a=k에서 $a=\frac{1}{6}$ $<math>\therefore \ 12a=2$

∴ 12*a* = 2

- **19.** 다항식 $2x^3 + ax^2 + x + b$ 가 $x^2 x + 1$ 로 나누어떨어질 때, a b의 값은?
 - ① -4 ② -2 ③ 2 ④ 3 ⑤ 5

 $2x^{3} + ax^{2} + x + b$ $= (x^{2} - x + 1)(2x + c)$ $= 2x^{3} + (c - 2)x^{2} + (2 - c)x + c$ ∴ a = c - 2, 1 = 2 - c, b = c $c = 1 \circ \Box \exists a = -1, b = 1$ ∴ a - b = -2

20. 임의의 실수 x 에 대하여 등식 $2x^3-3x^2-x+1=a(x-1)^3+b(x-1)^2+c(x-1)+d$ 가 성립할 때, a+b+c+d 의 값은? (단, a,b,c,d는 상수)

① -3 ② -1 ③ 0 ④ 3 ⑤ 5

계수의 합 a+b+c+d 를 구할 때는 우변의 문자부분을 모두 1이 되게 하는 x 값을 양변에 대입하면 간단하게 그 값을 구할 수

있다. 이 문제에서는 x=2 를 양변에 대입하면

16 - 12 - 2 + 1 = a + b + c + d∴ a + b + c + d = 3

해설

해설 a,b,c,d 의 값을 각각 구하기 위해서는 아래와 같이 조립제법을 사용할 수 있다. $a(x-1)^3 + b(x-1)^2 + c(x-1) + d$ $= (x-1)[(x-1)\{a(x-1)+b\}+c]+d$ 즉, x-1 로 연속으로 나눌 때 나오는 나머지가 순서대로 d,c,b가 되고 마지막 몫이 a 이다. $1 \mid 2 -3 -1 1$ 2 -1 -2 $2 \quad -1 \quad -2 \quad -1 \quad \leftarrow \quad d$ 1 2 1 −1 ← c 2 3 ← b 1 a $\therefore a+b+c+d=3$

- **21.** 다항식 f(x)를 x-1, x-2로 나눈 나머지가 각각 1, 2일 때, f(x)를 x^2-3x+2 로 나눈 나머지를 구하면?
 - \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc
- \bigcirc -x
- ① x-1 ② x+1 ③ -x+1



 $f(x)=(x-1)(x-2)Q_3(x)+ax+b$ 라 하면, $f(1)=a+b=1, \ f(2)=2a+b=2$ 이다.

 $\therefore a = 1, b = 0$ 이므로 나머지는 x

 $f(x) = (x-1)Q_1(x) + 1 \implies f(1) = 1$ $f(x) = (x-2)Q_2(x) + 2 \implies f(2) = 2$ **22.** f(x)를 x-1로 나눌 때 나머지가 3이다. 또, 이때의 몫을 x+3으로 나눈 나머지가 2이면 f(x)를 x^2+2x-3 으로 나눈 나머지를 구하여라.

답:

해설

> 정답: 2*x* + 1

f(x) = (x-1)Q(x) + 3

 $= (x-1)\{(x+3)Q'(x)+2\}+3$ = (x-1)(x+3)Q'(x)+2(x-1)+3 $= (x^2+2x-3)Q'(x)+2x+1$ 따라서, 구하는 나머지는 2x+1

- **23.** 다항식 f(x)를 (x-1)(x-2)로 나눈 나머지가 4x+3일 때 f(2x)를 x - 1로 나눈 나머지는?
 - ① -1 ② 0 ③ 3 ④ 7

- **⑤**11

f(x) = (x-1)(x-2)Q(x) + 4x + 3

해설

x=2를 대입하면 f(2)=11f(2x)를 x-1로 나눈 나머지를 R이라 하면 f(2x) = (x-1) Q'(x) + Rx=1을 대입하면 f(2)=R

 $\therefore R = 11$

- **24.** x에 대한 다항식 $x^3 + ax^2 + bx + 1$ 를 x + 1로 나누었을 때 몫과 나머지를 다음과 같은 조립제법으로 구하려고 한다. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은? $k \mid 1 \quad a \quad b \quad 1$

 - ① a = 3 ② b = 2 ③ c = -1

 - 4 d = -3 5 k = -1

다항식 $x^3 + ax^2 + bx + 1$ 를 x + 1로 나누었을 때의 몫과 나머지를

조립제법을 이용하여 구하면 다음과 같다.

이때 k = -1, c = -1, d = -a + 1, b - a + 1 = -1, -b + a = 2이므로

k = -1, c = -1, a = 4, b = 2, d = -3따라서 옳지 않은 것은 ①이다.

- **25.** 임의의 실수 x에 대하여 $2x^3-5x+2=a(x+1)^3+b(x+1)^2+c(x+1)+d$ 가 성립할 때, $a^2 - b^2 + c^2 - d^2$ 의 값을 구하면?
 - ① 56

해설

- ② 28 ③ -28 ④ -46



a,b,c,d 는 $2x^2 - 5x + 2$ 를 (x+1) 로 계속 나눠 줄때 나오는 나머지이다. 조립제법을 이용해 보면 2 0 -1 3 -3 <u>5</u> ← d -1 2 -2 -24 -1 2 -4_____ c -2-1 -6 ← b 2 1 a $\therefore a^2 - b^2 + c^2 - d^2 = 2^2 - (-6)^2 + 1^2 - 5^2 = -56$