

1. 다음 중 양의 부호 + 또는 음의 부호 - 를 붙여서 나타낸 것으로 옳지 않은 것은?

- ① 출발 3 일 후: +3 일 ② 출발 5 일 전: -5 일
③ 2kg 증가: +2kg ④ 3.5kg 감소: +3.5kg
⑤ 수입 1000 원: +1000 원

해설

출발 3 일 후는 출발한 후이므로 +3 일이 된다. 반면에 출발 5 일 전은 -5 일이 된다.
증가, 수입은 양의 부호로 나타내고 감소, 지출은 음의 부호로 나타내므로 3.5kg 감소는 -3.5kg 가 된다.

2. 다음 설명 중 옳은 것을 골라라.

① 유리수는 $\frac{b}{a}$ 의 꼴로 나타낼 수 있는 수이다. (단, a, b 는 정수)

② 정수는 분수의 꼴로 나타낼 수 없으므로 유리수가 아니다.

③ 모든 유리수 a 에 대하여 절댓값이 a 인 수는 $+a$ 와 $-a$ 의 두 개가 존재한다.

④ 0은 양수도 음수도 아니다.

⑤ 유리수는 양의 유리수와 음의 유리수로 이루어져 있다.

해설

① 분모는 0이 아닌 정수이어야 한다.

② 정수는 분수꼴로 나타낼 수 있다.

예) $2 = \frac{2}{1} = \frac{4}{2} = \dots$

③ 절댓값이 0인 수는 한 개이다.

④ 0은 양수와 음수를 구분하는 기준이 되는 수로 부호가 붙지 않는다.

⑤ 유리수는 양의 유리수, 0, 음의 유리수로 이루어져 있다.

Ⓛ $-4x^4, x^4$ Ⓝ ab, abc
 Ⓜ $\frac{24}{-x}, -x$ Ⓞ $3z, -a$

① ⊖, ⊚ ② ⊖, ⊙ ③ ⊙, ⊚ ④ ⊙, ⊚ ⑤ ⊚, ⊚

4. 다음 등식에서 좌변과 우변을 각각 옳게 나타낸 것은?

$$x + 3y = \frac{3}{2}x - 2$$

- ① 좌변 : x , 우변 : $\frac{3}{2}x - 2$
- ② 좌변 : x , 우변 : -2
- ③ 좌변 : $x + 3y$, 우변 : -2
- ④ 좌변 : $3y$, 우변 : -2
- ⑤ 좌변 : $x + 3y$, 우변 : $\frac{3}{2}x - 2$

해설

등식에서 등호를 기준으로 왼쪽이 좌변, 오른쪽이 우변이다.

따라서 좌변은 $x + 3y$ 이고 우변은 $\frac{3}{2}x - 2$ 이다.

5. 다음을 읽고, 세운 방정식으로 옳은 것은?

어떤 자연수를 2 배하여 5 를 뺀 수는 그 수를 3 배한 것보다 1 이 크다.

① $3x + 2 = 5x - 4$

② $2x + 5 = 3x - 1$

③ $2x - 5 = 3x + 1$

④ $3x - 2 = 5x + 4$

해설

$2x - 5 = 3x + 1$

6. 다음은 방정식을 푸는 과정이다. □ 안에 들어갈 알맞은 수는?

$$6x - 5 = -x + 4$$

$$6x + x = 4 + \square$$

- ① -5 ② -4 ③ 5 ④ 4 ⑤ -6

해설

$$6x - 5 = -x + 4$$

$$6x + x = 4 + 5$$

7. 어떤 수를 7로 나누었더니 몫이 5이고, 나머지가 3이었다. 이 수를 4로 나누었을 때의 나머지는?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

(어떤 수) = $7 \times 5 + 3 = 4 \times 9 + 2$ 이므로 나머지는 2이다.

8. 다음 중 두 수의 최대공약수가 1 이 아닌 것은?

- ① 8, 11 ② 15, 16 ③ 19, 27
④ 13, 52 ⑤ 28, 45

해설

④ 주어진 두 수의 최대공약수는 13 이다.

9. 세 수 $2^2 \times 3^2 \times 5^2$, $2^2 \times 3^3 \times 5$, $2^3 \times 3^4 \times 5^3$ 의 최대공약수는?

- ① $2^3 \times 3^3 \times 5^2$ ② $2^2 \times 3^2 \times 5^2$ ③ $2^2 \times 3^3 \times 5^3$
④ $2^3 \times 3^2 \times 5$ ⑤ $2^2 \times 3^2 \times 5$

해설

$2^2 \times 3^2 \times 5^2$, $2^2 \times 3^3 \times 5$, $2^3 \times 3^4 \times 5^3$ 에서

최대공약수: $2^2 \times 3^2 \times 5$ (지수가 작은 쪽)

10. 다음 계산 과정 중 덧셈의 교환법칙, 결합법칙이 사용된 곳을 차례로 찾으면?

$$\begin{aligned} & (-13) - (-22) + (+27) - (+16) \\ & = (-13) + (+22) + (+27) + (-16) \quad \xrightarrow{\textcircled{1}} \\ & = (-13) + (-16) + (+22) + (+27) \quad \xrightarrow{\textcircled{2}} \\ & = \{(-13) + (-16)\} + \{(+22) + (+17)\} \quad \xrightarrow{\textcircled{3}} \\ & = -(13+16) + (22+17) \quad \xrightarrow{\textcircled{4}} \\ & = (-28) + (+39) \quad \xrightarrow{\textcircled{5}} \\ & = +11 \end{aligned}$$

① \neg , \sqsubseteq ② \neg , \square ③ \sqcup , \neg ④ \sqcup , \sqsubseteq ⑤ \sqcup , \sqsupseteq

해설

덧셈의 교환법칙 : $a + b = b + a$
덧셈의 결합법칙 : $(a + b) + c = a + (b + c)$
따라서, \sqcup : 교환법칙
 \sqsubseteq : 결합법칙이 사용되었다.

11. 두 수 a, b 에 대하여 $a > 0, b < 0$ 일 때, 다음 중 항상 양수인 것은?

- ① $a + b$ ② $a - b$ ③ $a \times b$ ④ $a \div b$ ⑤ $b - a$

해설

$$a > 0, b < 0, a - b > 0$$

① 부호를 알 수 없다.

③ $a \times b < 0$

④ $a \div b < 0$

⑤ $b - a < 0$

12. 다음 다섯 개의 식 중 하나는 나머지 네 개의 식과 다르다. 다른 하나의 식은?

① $a \div b \div c$

② $a \div bc$

③ $a \div (b \times c)$

④ $a \div b \times c$

⑤ $\frac{a}{bc}$

해설

① $a \div b \div c = \frac{a}{bc}$

② $a \div bc = \frac{a}{bc}$

③ $a \div (b \times c) = \frac{a}{bc}$

④ $a \div b \times c = \frac{ac}{b}$

⑤ $\frac{a}{bc}$

13. $A = x - 3$, $B = 3x - 4$, $C = -4x + 7$ 일 때, 다음 중 x 에 관한 식이 다른 하나는?

- ① $2A + B + C$
② A
③ $\frac{-A + B + 1}{2} - 3$
④ $A + B + C$
⑤ $-B - C$

해설

$$A + B + C = 0 \text{ } \diamond] \text{므로}$$

$$\textcircled{1} \quad 2A + B + C = A$$

$$\textcircled{2} \quad A$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{-A + B + 1}{2} - 3 \\ = \frac{-(x - 3) + (3x - 4) + 1}{2} - 3 \\ = x - 3 = A$$

$$\textcircled{4} \quad A + B + C = 0$$

$$\textcircled{5} \quad -B - C = A$$

14. 식 $(12a - 8) \times \frac{1}{4} + (2a - 3) \times (-3)$ 를 간단히 했을 때, a 의 계수와 상수항의 합은?

① 19 ② 10 ③ 8 ④ 6 ⑤ 4

해설

$$(준식) = 3a - 2 - 6a + 9 = -3a + 7$$

계수와 상수항의 합은 $(-3) + 7 = 4$

15. 다음 중 약수의 개수가 가장 많은 것은?

- ① 5^3 ② 2×3 ③ $2^2 \times 7^2$
④ $5^2 \times 7$ ⑤ 13^6

해설

각각의 약수의 개수를 구하면 다음과 같다.

- ① $3 + 1 = 4$ (개)
② $(1 + 1) \times (1 + 1) = 4$ (개)
③ $(2 + 1) \times (2 + 1) = 9$ (개)
④ $(2 + 1) \times (1 + 1) = 6$ (개)
⑤ $6 + 1 = 7$ (개)

16. 다음 보기 중 세 자연수 $2^3 \times 3^2 \times 5^3$, $2^2 \times 3^3 \times 7^2$, $2^4 \times 3^2 \times 11$ 의 공약수는 몇 개인가?

보기

$$2 \times 3, \quad 2 \times 3^2 \times 5, \quad 2^2 \times 3 \times 5$$

$$2^2 \times 3^2, \quad 2^2 \times 3 \times 7, \quad 2^3 \times 3^2$$

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

공약수는 최대공약수의 약수,
최대공약수를 구하면 $2^2 \times 3^2$,
따라서 보기 중에 주어진 세 수의 공약수는 $2 \times 3, 2^2 \times 3^2$ 이다.

17. 다음 중 다항식 $x^2 - 3x + 4 - 5(2x - 3) - x(x + 1)$ 에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 이 다항식은 일차식이다.
- ② 일차항의 계수는 -14이다.
- ③ 상수항은 19이다.
- ④ 이 다항식은 2개의 항으로 이루어져 있다.
- ⑤ $a(b + c) = ab + ac$ 와 차수가 같다.

해설

$$\begin{aligned} & x^2 - 3x + 4 - 5(2x - 3) - x(x + 1) \\ &= x^2 - 3x + 4 - 10x + 15 - x^2 - x \\ &= -14x + 19 : \text{일차식} \end{aligned}$$

⑤ $a(b + c) = ab + ac$ 는 이차식이다.

18. 다음 중 방정식을 만족시키는 x 의 값이 가장 작은 것은?

$$\textcircled{1} \quad 0.1x + 0.3 = 0.2$$

$$\textcircled{2} \quad 0.3(x - 1) + 0.7 = 0$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{1}{3}x - \frac{1}{2} = \frac{x}{4}$$

$$\textcircled{4} \quad 0.2x - 3 = 0.5x$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{1}{2} = \frac{1}{2} - \left\{ \frac{1}{2} - \left(x - \frac{7}{2} \right) \right\}$$

해설

$$\textcircled{1} \quad x + 3 = 2, x = -1$$

$$\textcircled{2} \quad 3(x - 1) + 7 = 0$$

$$3x - 3 + 7 = 0$$

$$3x + 4 = 0$$

$$\therefore x = -\frac{4}{3}$$

\textcircled{3} 양변에 12를 곱하여 계수를 정수로 만든다.

$$4x - 6 = 3x$$

$$4x - 3x = 6$$

$$\therefore x = 6$$

\textcircled{4} 양변에 10을 곱하여 계수를 정수로 만든다.

$$2x - 30 = 5x$$

$$-30 = 5x - 2x$$

$$-30 = 3x$$

$$\therefore x = -10$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{1}{2} = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + \left(x - \frac{7}{2} \right)$$

$$\frac{1}{2} = x - \frac{7}{2}$$

$$1 = 2x - 7$$

$$2x = 8$$

$$\therefore x = 4$$

19. 연속한 세 홀수의 합이 75이고, 연속한 세 짝수의 합이 24 일 때, 가장 큰 홀수와 가장 작은 짝수의 차는?

- ① 17 ② 19 ③ 21 ④ 23 ⑤ 25

해설

연속한 세 홀수를 $a - 2, a, a + 2$ 라 하면

$$(a - 2) + a + (a + 2) = 75 \text{ 이므로 } a = 25 \text{ 이다.}$$

즉, 연속한 세 홀수는 23, 25, 27 이다.

연속한 세 짝수를 $b - 2, b, b + 2$ 라 하면

$$(b - 2) + b + (b + 2) = 24 \text{ 이므로 } b = 8 \text{ 이다.}$$

즉, 연속한 세 짝수는 6, 8, 10 이다.

가장 큰 홀수는 27이고 가장 작은 짝수는 6 이므로 $27 - 6 = 21$ 이다.

20. 긴 의자 하나에 4 명씩 앉으면 9 명이 남고, 6 명씩 앉으면 마지막 의자에는 1 명이 앉으면서 의자 4 개가 남을 때 사람 수는?

- ① 81 명 ② 82 명 ③ 83 명 ④ 84 명 ⑤ 85 명

해설

긴 의자의 개수를 x 개라 하면

$$4x + 9 = 6(x - 5) + 1$$

$$4x + 9 = 6x - 29$$

$$-2x = -38$$

$$\therefore x = 19$$

따라서 사람 수는 $4 \times 19 + 9 = 85$ (명)이다.