

1. 방정식  $3x^2 + 2x = x^2 - x + 4$  를  $ax^2 + bx + c = 0$  의 꼴로 고칠 때,  
 $a + b + c$ 의 값은? (단,  $a > 0$ )

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$3x^2 + 2x = x^2 - x + 4 \Leftrightarrow 2x^2 + 3x - 4 = 0$$

$$\therefore a = 2, b = 3, c = -4$$

$$\therefore a + b + c = 1$$

2. 이차방정식  $(x+2)(x-3) = 0$  을 풀면?

- ①  $x = -2$  또는  $x = -3$       ②  $x = -2$  또는  $x = 3$   
③  $x = 2$  또는  $x = 3$       ④  $x = 2$  또는  $x = -3$   
⑤  $x = 0$  또는  $x = 3$

해설

$$x + 2 = 0 \text{ 또는 } x - 3 = 0$$

$$\therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 3$$

3. 이차방정식  $2x^2 + 3x - 2 = 0$  을 풀면?

- ①  $x = 1$  또는  $x = 2$       ②  $x = -1$  또는  $x = 2$   
③  $x = 1$  또는  $x = -2$       ④  $x = \frac{1}{2}$  또는  $x = 1$   
⑤  $x = -2$  또는  $x = \frac{1}{2}$

해설

$$2x^2 + 3x - 2 = 0$$
$$(2x - 1)(x + 2) = 0$$

$$\therefore x = \frac{1}{2} \text{ 또는 } x = -2$$

4. 이차방정식  $2x^2 + ax + 3a - 2 = 0$  의 한 근이  $-1$  일 때, 다른 한 근을 구하면?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 0

해설

$$2x^2 + ax + 3a - 2 = 0 \text{에 } x = -1 \text{ 을 대입하면}$$

$$2 - a + 3a - 2 = 0 \quad \therefore a = 0$$

$$a = 0 \text{을 } 2x^2 + ax + 3a - 2 = 0 \text{에 대입하면}$$

$$2x^2 - 2 = 0, \quad 2x^2 = 2 \quad \therefore x = \pm 1$$

따라서 다른 한 근은 1이다.

5. 이차방정식  $(x - 3)^2 = 4x$  와 공통인 해를 갖는 방정식은?

- Ⓐ  $x^2 - 4x + 3 = 0$  Ⓑ  $x^2 - 6x + 9 = 0$   
Ⓒ  $x^2 - 10x = 9$  Ⓒ  $x^2 + 10x + 9 = 0$   
Ⓓ  $2x^2 - 5x - 3 = 0$

해설

$$(x - 3)^2 = 4x$$

$$x^2 - 6x + 9 - 4x = 0$$

$$x^2 - 10x + 9 = 0$$

$$(x - 1)(x - 9) = 0$$

$$x = 1 \text{ 또는 } x = 9$$

$$\textcircled{1} \quad x^2 - 4x + 3 = 0$$

$$(x - 3)(x - 1) = 0$$

$$x = 1 \text{ 또는 } x = 3$$

6. 이차방정식  $-(x+4)^2 + 8 = 0$  의 두 근을  $a, b$  라 할 때,  $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -8

해설

$$-(x+4)^2 + 8 = 0 \text{에서 } (x+4)^2 = 8 \text{이므로}$$

$$x+4 = \pm\sqrt{8}, x = -4 \pm 2\sqrt{2}$$

$$\text{따라서 } a = -4 + 2\sqrt{2}, b = -4 - 2\sqrt{2}$$

$$\therefore a+b = -4 + 2\sqrt{2} - 4 - 2\sqrt{2} = -8$$

7. 다음 이차방정식을  $(x+a)^2 = b$  의 꼴로 나타낼 때, 상수  $a, b$ 에 대하여  $a+b$ 의 값을 구하여라.

$$x^2 - 4x + 1 = 0$$

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$x^2 - 4x = -1, x^2 - 4x + 4 = -1 + 4$$

$$(x - 2)^2 = 3$$

$$\therefore a = -2, b = 3$$

$$\therefore a + b = 1$$

8. 이차방정식  $x^2 - 4x - 3 = 0$  의 두 근을  $a, b$  라고 할 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$x^2 - 4x - 3 = 0 \text{ 을 근의 공식으로 풀면}$$
$$x = 2 \pm \sqrt{7} \text{ 이므로 } a + b = 2 - \sqrt{7} + 2 + \sqrt{7} = 4$$

9. 이차방정식  $\frac{1}{5}(x-2)^2 = 0.5x^2 - 0.4(x+1)$  을 풀면?

①  $-2 \pm 2\sqrt{10}$       ②  $\frac{-2 \pm 2\sqrt{10}}{3}$       ③  $\frac{-2 \pm 2\sqrt{10}}{5}$   
④  $\frac{-2 \pm 2\sqrt{10}}{7}$       ⑤  $\frac{-2 \pm 2\sqrt{10}}{9}$

해설

$$\frac{1}{5}(x-2)^2 = 0.5x^2 - 0.4(x+1)$$

각 항에 10 을 곱하고 정리하면

$$2x^2 - 8x + 8 = 5x^2 - 4x - 4$$

$$3x^2 + 4x - 12 = 0$$

$$\therefore x = \frac{-4 \pm \sqrt{4^2 - 4 \times 3 \times (-12)}}{2 \times 3} = \frac{-2 \pm 2\sqrt{10}}{3}$$

10. 이차방정식  $x^2 - (k+2)x + 4 = 0$ 이 중근을 가질 때의  $k$ 의 값이  $x^2 + ax + b = 0$ 의 두 근일 때,  $a+b$ 의 값은?

① -4      ② -8      ③ -2      ④ 4      ⑤ 8

해설

이차방정식이 중근을 가지려면  $D = 0$

$$(k+2)^2 - 16 = 0 \quad \therefore k = 2, -6$$

두 근이 2와 -6인 이차방정식은

$$(x-2)(x+6) = 0, x^2 + 4x - 12 = 0$$

$$\therefore a = 4, b = -12$$

$$\therefore a+b = 4 + (-12) = -8$$

11. 가로, 세로의 길이가 각각 11m, 9m인 직사각형 모양의 땅에 다음 그림과 같이 세로로  $x$ m, 가로로  $x$ m의 길을 내어 남은 땅의 넓이가  $48\text{ m}^2$ 가 되도록 할 때,  $x$ 의 값은?

① 1m      ② 2m      ③ 3m

④ 4m      ⑤ 5m



해설

$$(11 - x)(9 - x) = 48$$

$$x^2 - 20x + 51 = 0$$

$$(x - 3)(x - 17) = 0$$

$x < 9$  이므로  $x = 3(\text{m})$

12. 이차방정식  $x^2 - (a+2)x + 3a + 2 = 0$ 의 한 근이  $x = 2$ 일 때, 상수  $a$ 의 값은?

① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

이차방정식  $x^2 - (a+2)x + 3a + 2 = 0$ 의 한 근이  $x = 2$ 일 때, 상수  $a$ 의 값은?

$$2^2 - (a+2) \times 2 + 3a + 2 = 0$$

$$4 - 2a - 4 + 3a + 2 = 0$$

$$\therefore a = -2$$

13.  $x^2 - \sqrt{7}x + 1 = 0$  의 한 근을  $\alpha$  라 할 때,  $\alpha - \frac{1}{\alpha}$  의 값은?

- ①  $\pm 1$       ② 0      ③  $\pm \sqrt{3}$       ④  $\pm \sqrt{2}$       ⑤  $\pm \sqrt{7}$

해설

$\alpha$  가 주어진 방정식의 근이므로

$x = \alpha$  를 대입하면  $\alpha^2 - \sqrt{7}\alpha + 1 = 0$

양변을  $\alpha$  로 나누면  $\alpha + \frac{1}{\alpha} = \sqrt{7}$

$$\left(\alpha - \frac{1}{\alpha}\right)^2 = \left(\alpha + \frac{1}{\alpha}\right)^2 - 4$$

$$\left(\alpha - \frac{1}{\alpha}\right)^2 = 7 - 4 = 3$$

$$\therefore \alpha - \frac{1}{\alpha} = \pm \sqrt{3}$$

14. 이차방정식  $x^2 + 3ax - 4a = 0$  의 한 근이 4 일 때, 다른 한 근을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$x^2 + 3ax - 4a = 0 \text{ 의 한 근이 } 4 \text{ 이므로}$$

$$16 + 12a - 4a = 0$$

$$8a = -16,$$

$$a = -2$$

$$x^2 - 6x + 8 = 0$$

$$(x - 4)(x - 2) = 0$$

따라서  $x = 4$  또는  $x = 2$  이다.

15. 다음 이차방정식 중에서 해가 중근이 아닌 것은?

- ①  $x^2 = 0$
- ②  $x(x - 6) + 9 = 0$
- ③  $\frac{1}{2}x^2 + 4x + 8 = 0$
- ④  $x^2 - 1 = 0$
- ⑤  $x^2 + 6x + 11 = -(4x + 14)$

해설

(완전제곱식)=0의 꼴이어야 중근을 갖는다.

④  $x^2 = 1$ 이므로  $x = \pm 1$

따라서 서로 다른 두 개의 근을 갖는다.

16. 이차방정식  $4x^2 - 8x + a = 0$ 의 중근을 가질 때,  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 4$

해설

$$\begin{aligned}4x^2 - 8x + a &= 0 \\4(x^2 - 2x) &= -a \\4(x^2 - 2x + 1) &= -a + 4 \\4(x - 1)^2 &= -a + 4 \\-a + 4 &= 0 \\\therefore a &= 4\end{aligned}$$

17. 이차방정식  $x^2 - (k-2)x + \frac{9}{4} = 0$ 이 중근을 가질 때, 음수  $k$ 의 값은?

- ① -1      ② -2      ③ -3      ④ -4      ⑤ -5

해설

$$x^2 - (k-2)x + \frac{9}{4} = 0$$

$$\left(x \pm \frac{3}{2}\right)^2 = 0$$

$$x^2 \pm 3x + \frac{9}{4} = 0$$

$$k-2 = \pm 3$$

$$\therefore k = 5 \text{ 또는 } k = -1$$

18. 이차방정식  $2(x+k)^2 = m$  의 근이  $x = 4 \pm \sqrt{5}$  이다. 이때,  $(k+m)^2$ 의 값을 구하여라.(단,  $k, m$ 은 유리수)

▶ 답:

▷ 정답: 36

해설

$$2(x+k)^2 = m, (x+k)^2 = \frac{m}{2}$$

$$x = -k \pm \sqrt{\frac{m}{2}} = 4 \pm \sqrt{5}$$

$$\therefore k = -4, m = 10$$

$$\therefore (k+m)^2 = (-4+10)^2 = 36$$

19. 이차방정식  $x^2 + a = 0$ 의 근이 존재할 때, 다음 중  $a$ 의 값이 될 수 없는 것은?

① 12      ② 0      ③ -3      ④ -5      ⑤ -12

해설

$x^2 = -a$ 의 근이 존재하려면  $-a \geq 0, a \leq 0$

20. 다음은 이차방정식  $ax^2 + 2bx + c = 0$  ( $a \neq 0$ )을 푸는 과정이다. ① ~ ⑤에 들어갈 식이 바르지 못한 것은? (단,  $b^2 - ac \geq 0$ )

$$ax^2 + 2bx + c = 0 \quad (a \neq 0)$$

$$x^2 + \frac{2b}{a}x = -\frac{c}{a}$$

$$x^2 + \frac{2b}{a}x + ① = -\frac{c}{a} + ①$$

$$(x + ②)^2 = ③$$

$$x = ④ \pm ⑤$$

①  $\frac{b^2}{a^2}$

②  $\frac{b}{a}$

③  $\frac{b^2 - ac}{a^2}$

④  $-\frac{b}{a}$

⑤  $\frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a^2}$

해설

$$ax^2 + 2bx + c = 0 \quad (a \neq 0)$$

양변을  $a$ 로 나누고 상수항을 이항하면

$$x^2 + \frac{2b}{a}x = -\frac{c}{a},$$

양변에  $\frac{b^2}{a^2}$ 을 더하면

$$x^2 + \frac{2b}{a}x + \frac{b^2}{a^2} = -\frac{c}{a} + \frac{b^2}{a^2}$$

$$\left(x + \frac{b}{a}\right)^2 = \frac{b^2 - ac}{a^2}$$

$$x + \frac{b}{a} = \pm \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a}$$

$$x = -\frac{b}{a} \pm \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a}$$

$\therefore$  ⑤가 잘못되었다.

21. 다음은 근의 공식을 이용하여 이차방정식의 근을 구한 것이다. 옳지 않은 것은?

①  $x^2 - x - 6 = 0 \Rightarrow x = 2 \pm \frac{1}{2} x = -3$

②  $(x - 1)^2 = 3 \Rightarrow x = 1 \pm \sqrt{3}$

③  $-3x^2 + 4x + 2 = 0 \Rightarrow x = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{3}$

④  $x^2 - 4 = 0 \Rightarrow x = 2 \pm \frac{1}{2} x = -2$

⑤  $\frac{1}{2}x^2 - \frac{4}{3}x + \frac{5}{6} = 0 \Rightarrow x = \frac{5}{3} \pm \frac{1}{2} x = 1$

해설

①  $x^2 - x - 6 = 0, (x - 3)(x + 2) = 0$

$\therefore x = 3 \pm 2$

22.  $(x^2 + y^2 - 3)(x^2 + y^2 + 1) - 5 = 0$  일 때,  $x^2 + y^2$ 의 값을 구하면?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$x^2 + y^2 = A \text{ 라고 하면}$$

$$(A - 3)(A + 1) - 5 = 0$$

$$A^2 - 2A - 8 = 0$$

$$(A + 2)(A - 4) = 0$$

$$A = -2 \text{ 또는 } A = 4$$

$$\therefore x^2 + y^2 = 4 (\because x^2 \geq 0, y^2 \geq 0)$$

23. 어떤 양수를 제곱해야 할 것을 잘못하여 7배 하였더니 제곱한 것보다 18이 작아졌다고 한다. 원래의 수는?

① 9      ② 10      ③ 11      ④ 12      ⑤ 13

해설

원래의 수를  $x$ 라 하면  $x^2 - 18 = 7x$

$$x^2 - 7x - 18 = 0$$

$$(x - 9)(x + 2) = 0$$

$$x = 9 \text{ 또는 } x = -2$$

$$\therefore x = 9(x > 0)$$

24. 가로, 세로가 각각 20m, 18m인 땅에 폭이 일정한 십자형의 도로를 만들려고 한다. 도로를 제외한 땅의 넓이가  $288\text{ m}^2$  이면 도로의 폭은 얼마인가?



- ① 1m      ② 2m      ③ 3m      ④ 4m      ⑤ 5m

해설

도로의 폭을  $x\text{ m}$ 라 하면  
 $(20 - x)(18 - x) = 288$   
 $x^2 - 38x + 72 = 0$   
 $x = 2$  또는  $x = 36$   
 $0 < x < 18$   $\circ$  |므로  $x = 2$

25. 방정식  $(2-x-y)^2 - (x^2+y^2) = 4$  를 만족하는 자연수의 순서쌍  $(x, y)$ 에 대하여  $x^2 + y^2$  의 값을 구하여라. (단  $x \neq y$ )

▶ 답:

▷ 정답: 45

해설

$$(2-x-y)^2 - (x^2+y^2) = 4,$$
$$xy - 2(x+y) = 0, \quad (x-2)(y-2) = 4$$

$x-2$	1	2	4	-1	-2	-4
$y-2$	4	2	1	-4	-2	-1

○ 중에서  $x, y$  가 자연수인 경우는 (단,  $x \neq y$ )

$x$	3	6
$y$	6	3

따라서  $x^2 + y^2 = 3^2 + 6^2 = 45$  ○]다.

26. 이차방정식  $x^2 + 2x - k = 0$  이 서로 다른 두 실근을 가질 때,  $kx^2 + 4x - 1 = 0$  의 근에 대한 설명 중 옳은 것은? (단,  $k \neq 0$ )

- ① 서로 다른 두 실근을 갖는다.  
② 중근을 갖는다.  
③ 근이 없다.  
④  $k$ 의 값에 따라 달라진다.  
⑤ 주어진 조건만으로는 구할 수 없다.

해설

$x^2 + 2x - k = 0$  이 서로 다른 두 실근을 가지므로 (판별식)  $> 0$  이다.

$$D = 2^2 - 4 \times 1 \times (-k) > 0 \rightarrow 4(k+1) > 0$$

$$\therefore k > -1$$

방정식  $kx^2 + 4x - 1 = 0$  에서

$$D = 4^2 - 4 \times k \times (-1) = 4(4+k) > 0 (\because k > -1)$$

따라서 방정식  $kx^2 + 4x - 1 = 0$  은 서로 다른 두 실근을 갖는다.

27. 이차방정식  $2x^2 - ax + 5b = 0$  이 중근을 가질 때,  $a$ 의 값을 최소가

되게 하는  $b$ 의 값은?

(단,  $a, b$ 는 양의 정수)

① 5

② 10

③ 15

④ 20

⑤ 25

해설

$$D = a^2 - 4 \times 2 \times 5 \times b = 0$$

$$a^2 = 2^2 \times 2 \times 5 \times b$$

따라서  $a$ 가 최소가 되게 하는  $b$ 의 값은  $2 \times 5 = 10$  이다.

28. 선물 가게에 원가가 1500원인 물건이 있다.  $a\%$  의 이익을 붙여서 정가를 정하였다가 할인 기간에 정가의  $10a\%$  를 받고 팔았더니 204 원의 손해를 보았다. 이 때,  $a$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$$\text{원가} : 1500 \text{원}$$

$$\text{정가} : 1500 \times \left(1 + \frac{a}{100}\right) \text{원}$$

$$1500 \times \left(1 + \frac{a}{100}\right) \times \frac{10a}{100} + 204 = 1500$$

$$150a + \frac{3}{2}a^2 + 204 = 1500$$

$$a^2 + 100a - 864 = 0$$

$$(a + 108)(a - 8) = 0$$

$$a > 0 \text{ } \circ] \text{므로 } a = 8$$

29. 사랑이는 초콜릿 91 개를 사서 반 친구들에게 똑같이 나누어 주었더니, 한 사람이 가진 초콜릿의 수가 반 친구들의 수보다 6 개가 적었다고 한다. 반 친구들의 수는 모두 몇 명인지 구하여라.

▶ 답:

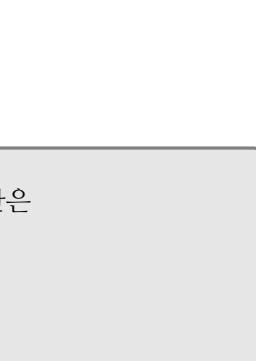
명

▷ 정답: 13명

해설

반 친구들을  $x$  라고 하면,  
 $x(x - 6) = 91$  이므로  
 $x^2 - 6x - 91 = 0$   
 $(x + 7)(x - 13) = 0$   
따라서  $x = 13$  ( $x$  는 자연수)이다.

30. 다음 그림은 지면으로부터 초속 50m 위로 던진 공의  $x$  초 후의 높이가  $(50x - 5x^2)$ m 이다. 위로 던진 공이 내려오면서 높이 120m에서 터졌다면 처음으로 80m를 도달해서 공이 터질 때까지의 시간을 구하여라.



▶ 답:

초

▷ 정답: 4 초

해설

처음으로 80m에 도달했을 때까지의 시간은

$$50x - 5x^2 = 80 \text{ 이므로}$$

$$5x^2 - 50x + 80 = 0$$

$$x^2 - 10x + 16 = 0$$

$$(x - 2)(x - 8) = 0$$

$$x = 2\text{초 또는 } 8\text{ 초이다.}$$

처음으로 80m에 도달했을 때이므로 2 초이다.

두 번째로 120m에 도달했을 때까지의 시간은

$$50x - 5x^2 = 120 \text{ 이므로}$$

$$5x^2 - 50x + 120 = 0$$

$$x^2 - 10x + 24 = 0$$

$$(x - 4)(x - 6) = 0$$

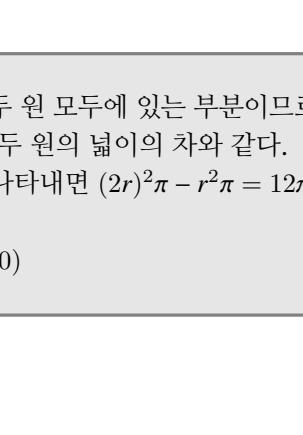
$$x = 4\text{초 또는 } 6\text{ 초이다.}$$

두 번째로 120m에 도달했을 때이므로 6 초이다.

따라서 처음으로 높이가 80m인 지점을 지나 두 번째로 120m인

지점까지의 시간은 2 초부터 6 초까지이므로 4 초 동안이다.

31. 다음 그림과 같이 반지름이  $r$  인 원과 반지름이 이 원의 두 배인 원이 겹치고 있다. 겹치지 않는 부분의 넓이의 차가  $12\pi$ 라고 할 때, 반지름  $r$ 의 값은?



- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

겹치는 부분은 두 원 모두에 있는 부분이므로, 겹치지 않는 부분의 넓이의 차는 두 원의 넓이의 차와 같다.

따라서 식으로 나타내면  $(2r)^2\pi - r^2\pi = 12\pi$ 이다.

$$r^2 - 4 = 0$$

$$\therefore r = 2 (\because r > 0)$$

32. 이차방정식  $x^2 + 2x + A = 0$ 의 근이  $x = 2$  또는  $x = -4$  일 때,  $A$ 의 값을 구하여라.

① -8      ② -6      ③ -2      ④ 6      ⑤ 8

해설

$$(x - 2)(x + 4) = 0$$
$$x^2 + 2x - 8 = 0, A = -8$$

33. 이차방정식  $x^2 + ax + 2 = 0$  의 한 근  $p$  가  $1 - \frac{2}{p^2} + \frac{a}{p} + \frac{2}{p} = 0$  을

만족할 때,  $ap$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -6

해설

$x = p$  를 주어진 방정식에 대입하면

$$p^2 + ap + 2 = 0, p^2 + ap = -2 \cdots \textcircled{1}$$

$1 - \frac{2}{p^2} + \frac{a}{p} + \frac{2}{p} = 0$  의 양변에  $p^2$  을 곱하면

$$p^2 - 2 + ap + 2p = 0, p^2 + ap = 2 - 2p \cdots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}$  에서  $-2 = 2 - 2p \quad \therefore p = 2$

$p = 2$  를  $\textcircled{1}$ 에 대입하면

$$\therefore a = -3$$

$$\therefore ap = (-3) \times 2 = -6$$

34. 이차방정식  $\frac{1}{4}x - \frac{1}{2} = \frac{2}{3x}$  의 양의 근을  $\alpha$  라고 할 때,  $3\alpha^2 - 3\alpha$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $11 + \sqrt{33}$

해설

$$\frac{1}{4}x - \frac{1}{2} = \frac{2}{3x} \text{ 의 양변에 } 12x \text{ 를 곱하면}$$

$$3x^2 - 6x - 8 = 0$$

$$3(x^2 - 2x + 1) = 8 + 3$$

$$3(x - 1)^2 = 11$$

$$\therefore x = 1 \pm \frac{\sqrt{33}}{3}$$

$$\alpha \text{ 는 양의 근이므로 } \alpha = 1 + \frac{\sqrt{33}}{3}$$

$$\therefore 3\alpha^2 - 3\alpha = 11 + \sqrt{33}$$

35. 어떤 원의 반지름의 길이를  $3\text{ cm}$  만큼 늘었더니, 그 넓이는 처음 원의 넓이의 4 배가 되었다. 이때, 처음 원의 반지름의 길이를 구하여라.

▶ 답 :  $\text{cm}$

▷ 정답 :  $3\text{ cm}$

해설

$$\text{처음 원의 반지름} : r$$

$$\text{늘인 원의 반지름} : r + 3$$

$$\pi(r+3)^2 = 4\pi r^2$$

$$r^2 + 6r + 9 = 4r^2$$

$$3r^2 - 6r - 9 = 0$$

$$r^2 - 2r - 3 = 0$$

$$(r-3)(r+1) = 0$$

$$\therefore r = 3\text{ cm} (r > 0 \text{ 이므로})$$