

1. 다음 중 순환소수인 것을 모두 고르면?

① 1.2333333

② 1.4353535...

③ 0.31243124...

④ 3.141592

⑤ 0.27398465...

해설

순환소수는 소수점 아래의 어떤 자리에서부터 일정한 숫자의 배열이 한없이 되풀이되는 무한소수이다.

2. $-15xy^2 \div \boxed{\quad} = -\frac{5y}{x^2}$ 의 $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 식은?

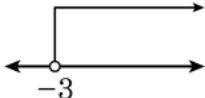
- ① $3x^3y$ ② $-3x^3y$ ③ $3xy^3$
④ $-3xy^3$ ⑤ $3xy^2$

해설

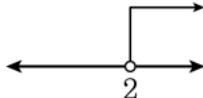
$$\boxed{\quad} = -15xy^2 \div \left(-\frac{5y}{x^2} \right) = (-15xy^2) \times \left(-\frac{x^2}{5y} \right) = 3x^3y$$

3. 일차부등식 $2(x+1) < 6$ 의 해를 수직선 위에 바르게 나타낸 것은?

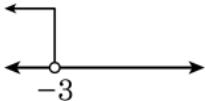
①



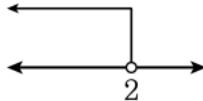
②



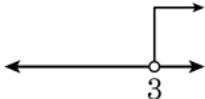
③



④



⑤



해설

$$2(x+1) < 6$$

$$2x + 2 < 6$$

$$2x < 4$$

$$\therefore x < 2$$

4. 연립방정식 $\begin{cases} 2x - y = 3 \cdots \textcircled{\text{I}} \\ x + y = p \cdots \textcircled{\text{L}} \end{cases}$ 를 만족하는 x 의 값이 3 일 때, p 의 값은?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

㉠에 $x = 3$ 을 대입하면, $6 - y = 3$, $y = 3$

㉡에 $(3, 3)$ 을 대입하면, $3 + 3 = p \therefore p = 6$

5. 다음 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

- ① 연립방정식의 해는 두 식을 만족하는 해의 집합의 교집합니다.
- ② 해가 특수한 경우의 연립방정식은 '해가 무수히 많다'와 '해가 1개'인 경우이다.
- ③ 해는 가감법을 이용하여 풀 수도 있고, 대입법을 이용하여 풀 수도 있다.
- ④ 연립방정식의 해가 2개인 경우도 있다.
- ⑤ 연립방정식의 해는 두 직선의 교점이다.

해설

- ② 해가 특수한 경우의 연립방정식은 '해가 무수히 많다'와 '해가 없다'가 있다.
- ④ 일반적인 연립방정식의 해는 1개이다.

6. 연립방정식 $\begin{cases} 4x - 2y = p \cdots \textcircled{\text{7}} \\ 3x - y = 4 \cdots \textcircled{\text{8}} \end{cases}$ 이 $(3, t)$ 를 지날 때, p 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

⑧식에 $x = 3$ 을 대입하면, $9 - t = 4$, $t = 5$

⑦식에 $(3, 5)$ 를 대입하면, $12 - 10 = p$, $\therefore p = 2$

7. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

㉠ $2a^2 \times 5a^3 = 10a^6$

㉡ $(2x^2)^3 = 6x^6$

㉢ $x^2 \times x^5 \div x^{10} = \left(\frac{1}{x}\right)^3$

㉣ $x^5 \div x^3 \div x = 0$

㉤ $(-2xy)^4 \div 4x^2y = 4x^2y^3$

- ① ㉠, ㉡ ② ㉠, ㉢ ③ ㉠, ㉣ ④ ㉢, ㉤ ⑤ ㉣, ㉤

해설

㉠ $2a^2 \times 5a^3 = 10a^5$

㉡ $(2x^2)^3 = 8x^6$

㉢ $x^5 \div x^3 \div x = x$

8. $-\frac{3}{4}x(x - 2)$ 를 간단히 한 식에서 x^2 의 계수를 a , x 의 계수를 b 라고 할 때, $a + b$ 의 값은?

- ① $-\frac{3}{4}$ ② $-\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{4}$ ④ $\frac{3}{4}$ ⑤ 1

해설

$$\left(-\frac{3}{4}x\right) \times x + \left(-\frac{3}{4}x\right) \times (-2) = -\frac{3}{4}x^2 + \frac{3}{2}x$$

$$\therefore a + b = \left(-\frac{3}{4}\right) + \frac{3}{2} = \frac{3}{4}$$

9. $2a = -3b$ 일 때, $\frac{4a^2 - 3b^2}{2ab} - \frac{a-b}{a+b}$ 의 값은?

① -9

② -7

③ -5

④ -3

⑤ -1

해설

$$2a = -3b$$

$$a = -\frac{3b}{2} \text{ 를 식에 대입하면}$$

$$\frac{4a^2 - 3b^2}{2ab} - \frac{a-b}{a+b}$$

$$= \frac{4\left(-\frac{3b}{2}\right)^2 - 3b^2}{2\left(-\frac{3b}{2}\right)b} - \frac{\left(-\frac{3b}{2}\right) - b}{\left(-\frac{3b}{2}\right) + b}$$

$$= \frac{9b^2 - 3b^2}{-3b^2} - \frac{-\frac{5}{2}b}{-\frac{1}{2}b}$$

$$= \frac{6b^2}{-3b^2} - 5$$

$$= -2 - 5 = -7$$

10. $a > 0$ 일 때, $-ax < 2a$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $x > -2$

해설

$a > 0$ 이므로 $-a$ 로 양변을 나누면 부등호의 방향은 바뀐다.

$$\therefore x > -2$$

11. 주사위를 던져 나온 눈의 수를 4 배하면 나온 눈의 수에 -2 를 뺀 것의 2 배보다 크다고 한다. 나올 수 있는 눈의 총합을 보기 중에서 골라 기호를 써라.

보기

- Ⓐ 15 Ⓑ 16 Ⓒ 17 Ⓓ 18 Ⓔ 19

▶ 답 :

▷ 정답 : Ⓓ

해설

주사위를 던져 나온 눈의 수를 x 라 하면

$$4x > 2\{x - (-2)\}$$

$$4x > 2x + 4$$

$$\therefore x > 2$$

따라서, 나올 수 있는 눈은 3, 4, 5, 6 이다.

$$\therefore 3 + 4 + 5 + 6 = 18$$

12. A, B 두 종류의 과자가 있다. A 과자 3 개와 B 과자 3 개의 가격은 2400 원이고, A 과자의 가격은 B 과자의 가격보다 200 원 더 비싸다고 한다. A 과자의 가격을 구하여라.

▶ 답 : 원

▶ 정답 : 500 원

해설

A 과자의 가격을 x 원, B 과자의 가격을 y 원이라고 하면

$$\begin{cases} x = y + 200 & \cdots (1) \\ 3x + 3y = 2400 & \cdots (2) \end{cases}$$

(1)을 (2)에 대입하면 $3(y + 200) + 3y = 2400$

$$y + 200 + y = 800$$

$$y = 300$$

$$x = y + 200 = 500$$

∴ A 과자의 가격 : 500 원

13. $2^n = x$, $3^n = y$ 일 때, $9^n \times 24^{3n} \div 3^{2n}$ 을 x , y 에 관한 식으로 옳게 나타낸 것은?

- ① x^5y^2 ② x^6y ③ x^6y^4 ④ x^8y^2 ⑤ x^9y^3

해설

$$\begin{aligned}9^n \times 24^{3n} \div 3^{2n} &= 3^{2n} \times 2^{9n} \times 3^{3n} \div 3^{2n} \\&= 3^{3n} \times 2^{9n} \\&= y^3 \times x^9 \\&= x^9y^3\end{aligned}$$

14. $(15xy - 2x^3y - 5xy^2) \div \frac{1}{4}xy$ 를 간단히 할 때, 상수항을 포함한 모든 계수의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 32

해설

$$\begin{aligned}(15xy - 2x^3y - 5xy^2) &\div \frac{1}{4}xy \\&= (15xy - 2x^3y - 5xy^2) \div \frac{xy}{4} \\&= (15xy - 2x^3y - 5xy^2) \times \frac{4}{xy} \\&= 60 - 8x^2 - 20y\end{aligned}$$

x^2 의 계수 -8 , y 의 계수 -20 , 상수항 60

이들의 합을 구하면 $-8 - 20 + 60 = 32$ 이다.

15. x 에 관한 부등식 $5 - \frac{ax+2}{4} > \frac{6+x}{3}$ 의 해가 $4(x-5) > 5x - 23$ 의 해와 같을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$$4(x-5) > 5x - 23$$

$$4x - 20 > 5x - 23$$

$$-x > -3$$

$$x < 3$$

$5 - \frac{ax+2}{4} > \frac{6+x}{3}$ 의 양변에 12를 곱하면

$$60 - 3(ax+2) > 4(6+x)$$

$$60 - 3ax - 6 > 24 + 4x$$

$$4x + 3ax < 30$$

$$(3a+4)x < 30$$

두 부등식의 해가 서로 같으므로 $3a+4 > 0$ 이고 해는 $x < \frac{30}{3a+4}$

$$\frac{30}{3a+4} = 3$$

$$3a+4 = 10$$

$$\therefore a = 2$$

16. 일정한 속력으로 달리고 있는 기차가 길이 1500m 인 철교를 지나는 데에는 1 분 30 초가 걸렸고, 길이가 3000m 인 터널을 통과하는데 2 분이 걸렸다. 이 기차의 분속을 구하여라.

▶ 답 : m/min

▷ 정답 : 3000 m/min

해설

기차의 길이 $x\text{m}$, 기차의 속력 $y\text{m/분}$ 이라 하면
 $\begin{cases} 1500 + x = \frac{3}{2}y \cdots \textcircled{1} \\ 3000 + x = 2y \cdots \textcircled{2} \end{cases}$, $\textcircled{2} - \textcircled{1}$ 을 하면

$$1500 = \frac{1}{2}y$$

$$y = 3000$$

따라서 기차의 속력은 3000m/분이다.

17. 분수 $\frac{8}{7}$ 을 소수로 나타내었을 때, 소수점 아래 첫 번째 자리의 숫자부터 소수점 아래 100번째 자리의 숫자까지의 합을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 447

해설

$$\frac{8}{7} = 1.\dot{1}4285\dot{7} \text{이므로 순환마디의 숫자 } 6 \text{ 개}$$

$$100 = 6 \times 16 + 4 \text{이므로 } (1+4+2+8+5+7) \times 16 + (1+4+2+8) = 447$$

18. 배로 강을 30km 거슬러 올라가는데 3 시간, 같은 거리만큼 내려오는데 1 시간이 걸렸다. 배의 속력은?

- ① 5km /시
- ② 10km /시
- ③ 15km /시
- ④ 20km /시
- ⑤ 40km /시

해설

배의 속력을 $x\text{km}/\text{시}$, 강물의 속력을 $y\text{km}/\text{시}$ 라 하면

$$\begin{cases} 3(x - y) = 30 \\ x + y = 30 \end{cases}$$

두 식을 연립하여 풀면

$$\therefore x = 20$$