

1. 다항식 $f(x)$ 를 $x-1$ 로 나누었을 때, 나머지가 3 이고, 다항식 $f(x+2)$ 를 $(x+1)^2$ 으로 나누었을 때의 나머지는 $ax+4$ 이다. 이때, 상수 a 의 값을 구하는 과정을 나타낸 것이다. ()안에 알맞지 않은 것을 고르면?

풀이) $f(x)$ 를 $x-1$ 로 나누었을 때의 나머지가 3 이므로 (㉠) 이다.

$f(x+2)$ 를 $(x+1)^2$ 으로 나누었을 때의 몫을 $Q(x)$ 라 하면 (㉡) ... (㉢)

(㉣)은 x 에 대한 항등식이므로 $x = -1$ 을 대입하면 (㉤) 이다.

따라서 (㉤)에서 (㉥)이다.

① ㉠ $f(1) = 3$

② ㉡ $f(x+2) = (x+1)^2 Q(x) + ax + 4$

③ ㉢ $f(-1) = -a + 4$

④ ㉤ $-a + 4 = 3$

⑤ ㉥ $a = 1$

해설

㉣에 $x = -1$ 를 대입하면 $f(1) = -a + 4$

2. 조건 $x^2 - 2kx + k^2 + 2k + 3 = 0$ 의 두 근의 차가 2 를 만족하는 실수 k 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -2

해설

두 근을 α , $\alpha + 2$ 라 하면
근과 계수와의 관계에서

$$\begin{cases} \alpha + \alpha + 2 = 2k & \dots\dots\textcircled{\text{㉠}} \\ \alpha(\alpha + 2) = k^2 + 2k + 3 & \dots\dots\textcircled{\text{㉡}} \end{cases}$$

㉠에서 $\alpha = k - 1$ 을 ㉡에 대입하면,

$$(k - 1)(k + 1) = k^2 + 2k + 3$$

$$\therefore k = -2$$

3. 다음 중 옳지 않은 것은?

① $a > b, b > c, c > d$ 이면 $a > d$

② $a > b > 0, c > d > 0$ 이면 $ac > bd$

③ $a > b > 0$ 이면 $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$

④ $ac > bc$ 이면 $a > b$

⑤ $a > b > 0, c > 0$ 이면 $\frac{a}{b} > \frac{a+b}{b+c}$

해설

① $a > b, b > c$ 이면 $a > c$

$a > c, c > d$ 이면 $a > d$ ∴ 참

② $c > d$ 이고 $a > 0$ 이므로 $ac > ad$ ㉠

$a > b$ 이고 $d > 0$ 이므로 $ad > bd$ ㉡

㉠, ㉡에서 $ac > bd$ ∴ 참

③ $a > b > 0$ 이므로 $a - b > 0, ab > 0$ 이다. $\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = \frac{a-b}{ab} > 0$

이므로 $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$ ∴ 참

④ $c < 0$ 일 때 $ac > bc$ 이면 $a < b$ 이다. ∴ 거짓

⑤ $\frac{a}{b} - \frac{a+c}{b+c} = \frac{a(b+c) - b(a+c)}{b(b+c)}$

$= \frac{c(a-b)}{b(b+c)} > 0$ ∴ 참

4. $0 \leq x + 2y \leq 1$, $0 \leq -x + y \leq 1$ 일 때 $2x + 3y$ 의 최댓값과 최솟값의 차는 ?

① 0

② 1

③ 3

④ 4

⑤ 6

해설

$$\begin{array}{r} 0 \leq x + 2y \leq 1 \\ +) 0 \leq -x + y \leq 1 \\ \hline \end{array}$$

$$0 \leq 3y \leq 2 \dots\dots \textcircled{㉠}$$

$$0 \leq x + 2y \leq 1$$

$$\begin{array}{r} -) 0 \leq -2x + 2y \leq 2 \\ \hline \end{array}$$

$$-2 \leq 3x \leq 1 \rightarrow -\frac{2}{3} \leq x \leq \frac{1}{3} \dots\dots \textcircled{㉡}$$

㉠ + ㉡ $\times 2$ 하면

$$\begin{array}{r} 0 \leq 3y \leq 2 \\ +) -\frac{4}{3} \leq 2x \leq \frac{2}{3} \\ \hline \end{array}$$

$$\therefore -\frac{4}{3} \leq 3y + 2x \leq \frac{8}{3}$$

$$\therefore \text{최댓값} - \text{최솟값} = \frac{8}{3} - \left(-\frac{4}{3}\right) = \frac{12}{3} = 4$$

5. 다음은 연립부등식 $-6 \leq 3x - 4 < 9$ 를 세 친구가 각각 풀이한 것이다.
다음 중 풀이 과정이 틀린 친구는 누구인지 찾아라.

<우주>

$-6 \leq 3x - 4 < 9$ 를 나누어 풀면

$$(i) -6 \leq 3x - 4$$

$$-3x \leq -4 + 6$$

$$-3x \leq 2$$

$$x \geq -\frac{2}{3}$$

$$(ii) 3x - 4 < 9$$

$$3x < 9 + 4$$

$$3x < 13$$

$$x < \frac{13}{3}$$

...

<명수>

$-6 \leq 3x - 4 < 9$ 를 각 변에 4 를 더하면 $-2 \leq 3x < 13$ 이다.
그리고 각 변에 3 을 나누면 $-\frac{2}{3} \leq x < \frac{13}{3}$ 이다. ...

<유나>

$-6 \leq 3x - 4 < 9$ 를 각 변에 3 을 나누면 $-2 \leq x - 4 < 3$ 이다.
그리고 각 변에 4 을 더하면 $2 \leq x < 7$ 이다. ...

▶ 답 :

▷ 정답 : 유나

해설

<우주>와 <명수>의 풀이방법은 옳다.

<유나>의 풀이방법 중

$-6 \leq 3x - 4 < 9$ 를

각 변에서 3을 나누면 ($\Rightarrow$ 각 변에 4 를 더한 후 3 으로 나누어주어야 한다.)

$-2 \leq x - 4 < 3$ 이다.

그리고 각 변에 4 을 더하면 $2 \leq x < 7$ 이다.

이 부등식의 해를 구해보면

$$-6 \leq 3x - 4 < 9$$

$$-6 + 4 \leq 3x < 9 + 4$$

$$-2 \leq 3x < 13$$

$$-\frac{2}{3} \leq x < \frac{13}{3}$$

이 된다.

6. 연립부등식 $\begin{cases} 5(2x+3) \geq 3x+1 \\ 2(x-3) < -a \end{cases}$ 의 해가 $-2 \leq x < 2$ 일 때, 상수 a 의 값은?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

$$(i) \ 5(2x+3) \geq 3x+1, \ x \geq -2$$

$$(ii) \ 2(x-3) < -a, \ x < \frac{-a+6}{2}$$

$$-2 \leq x < \frac{-a+6}{2} \text{ 와 } -2 \leq x < 2 \text{ 가 같으므로}$$

$$\frac{-a+6}{2} = 2$$

$$\therefore a = 2$$

7. $|x - a| < 2$ 가 $-3 \leq x < 2$ 에 완전히 포함된다고 할 때, 정수 a 의 가 될 수 있는 수들의 합은?

① -2

② -1

③ 0

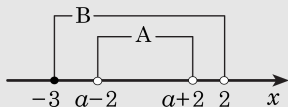
④ 1

⑤ 2

해설

$$|x - a| < 2 \Leftrightarrow -2 < x - a < 2 \Leftrightarrow a - 2 < x < a + 2$$

다음 그림에서



$$-3 \leq a - 2, a + 2 \leq 2$$

$$\therefore -1 \leq a \leq 0$$

따라서 위의 부등식을 만족하는 정수 a 의 값은 -1, 0이고, 그 합은 -1이다.

8. $ax^2 + 4x - 1 \geq -2x^2 - a$ 가 x 의 임의의 실수값에 대하여 항상 성립할 때, 실수 a 의 범위는?

① $a \geq 2$

② $a \leq -3$

③ $a \leq 2$

④ $a \geq -3$

⑤ $a \leq -1$

해설

$$(a+2)x^2 + 4x + (a-1) \geq 0 \text{ 이}$$

임의의 실수 x 에 대하여 성립하려면

$$(i) \ a+2 > 0 \quad \therefore a > -2$$

$$(ii) \ \frac{D}{4} = 4 - (a+2)(a-1) \leq 0 \text{ 에서}$$

$$a^2 + a - 6 \geq 0, \ (a+3)(a-2) \geq 0$$

$$(i), (ii) \text{ 에서 } a \leq -3, \ a \geq 2$$

$$\therefore a \geq 2$$

9. 모든 실수 x 에 대하여 $x^2 - 2mx - m \geq 0$ 을 만족하는 실수 m 의 범위는 $a \leq m \leq b$ 이다. $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $a + b = -1$

해설

$$x^2 - 2mx - m \geq 0 \text{ 이}$$

항상 성립하려면 판별식 $D \leq 0$

$$\frac{D}{4} = m^2 + m \leq 0$$

$$m(m + 1) \leq 0, -1 \leq m \leq 0$$

$$\therefore a + b = (-1) + 0 = -1$$

10. 어부 김씨는 둘레 길이가 28 cm 인 직사각형 모양의 양식장의 넓이를 48 m^2 이상이 되도록 지으려고 한다. 이 때 양식장의 한 변의 길이를 최대 얼마로 해야 하는가?

① 5 m

② 6 m

③ 7 m

④ 8 m

⑤ 9 m

해설

양식장의 가로 길이를 $x\text{ m}$ 라고 하면

둘레의 길이는 28 m 이므로

세로의 길이는 $(14 - x)\text{ m}$ 이다.

양식장의 넓이가 48 m^2 이상이므로

$$x(14 - x) \geq 48, 14x - x^2 - 48 \geq 0$$

$$x^2 - 14x + 48 \leq 0, (x - 6)(x - 8) \leq 0$$

$$\therefore 6 \leq x \leq 8$$

따라서 한 변의 길이를 최대 8 m 로 해야 한다.

11. 다음 그림과 같이 두 점 A, B 가 수직선 상에 위치해 있다. 선분 AB 를 2 : 3 으로 내분하는 점을 D, 선분 AB 를 2 : 3 으로 외분하는 점을 E, 선분 AB 를 3 : 2 로 내분하는 점을 F, 선분 AB 를 3 : 2 로 외분하는 점을 G 라 하자. 점 D, E, F, G 를 수직선 위에서 왼쪽부터 순서대로 적으시오.



▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 점 E

▷ 정답 : 점 D

▷ 정답 : 점 F

▷ 정답 : 점 G

해설

다음 그림에서 보듯이, 점의 순서는 E, D, F, G 이다.



12. 직선 $x + ay - 1 = 0$ 과 x 축, y 축의 양의 부분으로 둘러싸인 삼각형의 넓이가 $\frac{1}{4}$ 일 때, a 의 값을 구하여라. (단, $a > 0$)

▶ 답 :

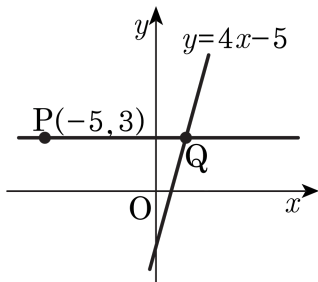
▷ 정답 : $a = 2$

해설

$y = -\frac{1}{a}x + \frac{1}{a}$ 의 x 절편은 $(1, 0)$ y 절편은 $(0, \frac{1}{a})$ 이다.

$$\therefore \text{삼각형의 넓이는 } \frac{1}{2} \times 1 \times \frac{1}{a} = \frac{1}{4} \Rightarrow a = 2$$

13. 다음 그림과 같이 좌표평면 위의 점 $P(-5, 3)$ 을 지나고 x 축에 평행한 직선이 일차함수 $y = 4x - 5$ 의 그래프와 만나는 점을 Q 라 한다. $\overline{PQ}$ 의 길이는?



① 6

② $\frac{13}{2}$

③ 7

④ $\frac{15}{2}$

⑤ 8

해설

점 P 를 지나고 x 축에 평행한 직선의 방정식은 $y = 3$ 이다.

점 Q의 y 좌표가 3이므로

$$y = 4x - 5 \text{에 } y = 3 \text{을 대입하면 } 3 = 4x - 5$$

$$\therefore x = 2$$

따라서 점 Q의 좌표는 (2, 3) 이다.

$$\therefore \overline{PQ} = 2 - (-5) = 7$$

14. 직선 $y = 2x + 4$ 를 x 축을 따라 α 만큼 평행이동시킨 직선을 l , l 을 x 축에 대하여 대칭이동시킨 직선을 m , m 을 y 축에 대하여 대칭이동시킨 직선을 n 이라고 할 때, 직선 l 이 n 과 일치하도록 상수 α 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 2

해설

직선 $y = 2x + 4$ 를 x 축 방향으로 α 만큼
평행이동시킨 직선 l 은

$$l : y = 2(x - \alpha) + 4$$

이것을 x 축에 대하여 대칭이동시킨 직선 m 은

$$m : (-y) = 2(x - \alpha) + 4$$

n 은 m 을 y 축에 대하여 대칭이동시킨 것이므로

$$n : (-y) = 2(-x - \alpha) + 4$$

이것을 정리하면 $y = 2x + 2\alpha - 4$ 이므로

l 과 n 이 일치하려면

$$-2\alpha + 4 = 2\alpha - 4 \text{ 가 되어 } \alpha = 2 \text{ 이다.}$$

15. 원 $(x-8)^2 + (y-1)^2 = 4$ 을 직선 $y = 2x$ 에 대하여 대칭이동 시킨 도형의 방정식이 $(x+a)^2 + (y+b)^2 = 4$ 일 때, $a+b$ 의 값은?



① -3

② -1

③ 1

④ 4

⑤ 7

해설

원 중심을 $y = 2x$ 에 대해 대칭시킨다.

대칭된 점을 $O'(-a, -b)$ 이라고 할 때

$\overline{OO'}$ 은 $y = 2x$ 에 수직하고 $\overline{OO'}$ 의 중점은 $y = 2x$ 위에 있다.

$$\Rightarrow \frac{-b-1}{-a-8} \times 2 = -1 \Rightarrow a + 2b = -10 \cdots \textcircled{1}$$

$$\Rightarrow \frac{-b+1}{2} = 2 \times \frac{(-a+8)}{2} \Rightarrow 2a - b = 15 \cdots \textcircled{2}$$

두 식을 연립하면 $a = 4, b = -7$

$$\therefore a + b = -3$$

16. x 에 대한 다항식 $P(x)$ 를 $x-2$ 로 나눈 나머지가 5이고, 그 몫을 다시 $x+3$ 으로 나눈 나머지가 3일 때, $xP(x)$ 를 $x+3$ 으로 나눈 나머지를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 30

해설

x 에 대한 다항식 $P(x)$ 를 $x-2$ 로 나눈 몫을 $Q(x)$,

$Q(x)$ 를 $x+3$ 으로 나눈 몫을 $Q_1(x)$ 라 하면

$P(x) = (x-2)Q(x) + 5, Q(x) = (x+3)Q_1(x) + 3$ 이므로

$$P(x) = (x-2)\{(x+3)Q_1(x) + 3\} + 5$$

$$= (x-2)(x+3)Q_1(x) + 3x - 1$$

$$\therefore P(-3) = -9 - 1 = -10$$

따라서 $xP(x)$ 를 $x+3$ 으로 나눈 나머지는

$$-3P(-3) = -3 \times (-10) = 30$$

해설

나머지정리에 의해 $Q(-3) = 3$

$P(x) = (x-2)Q(x) + 5$ 에서 양변에 x 를 곱하면

$$xP(x) = x(x-2)Q(x) + 5x \cdots \textcircled{1}$$

나머지정리에 의해 $xP(x)$ 를 $x+3$ 로 나눈 나머지는 $-3P(-3)$ 이다.

①의 양변에 $x = -3$ 을 대입하면

$$-3P(-3) = -3 \cdot (-5)Q(-3) - 15$$

$$Q(-3) = 3 \text{을 대입하면 } -3P(-3) = 30$$

17. $a-b=1+i$, $b-c=1-i$ 일 때, $a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca$ 의 값은?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

$$a-b=1+i \dots\dots \textcircled{㉠}$$

$$b-c=1-i \dots\dots \textcircled{㉡}$$

$\textcircled{㉠}+\textcircled{㉡}$ 을 계산하면 $a-c=2$

$$a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca$$

$$= \frac{1}{2} \{ (a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2 \}$$

$$= \frac{1}{2} \{ (1+i)^2 + (1-i)^2 + (-2)^2 \}$$

$$= \frac{1}{2} \{ 1+2i-1+1-2i-1+4 \}$$

$$= 2$$

18. α, β 가 복소수일 때, 다음 중 옳은 것의 개수는?(단, $\bar{\alpha}, \bar{\beta}$ 는 각각 α, β 의 켤레복소수이고, $i = \sqrt{-1}$ 이다.)

㉠ $\alpha = \bar{\beta}$ 이면 $\alpha + \beta, \alpha\beta$ 는 모두 실수이다.

㉡ $\alpha = \bar{\beta}$ 일 때, $\alpha\beta = 0$ 이면 $\alpha = 0$ 이다.

㉢ $\alpha^2 + \beta^2 = 0$ 이면 $\alpha = 0, \beta = 0$ 이다.

㉤ $\alpha + \beta i = 0$ 이면 $\alpha = 0, \beta = 0$ 이다.

① 1 개

② 2 개

③ 3 개

④ 4 개

⑤ 없다

해설

㉠ $\alpha = a + bi$ (a, b 는 실수)라 하면

$\alpha = \bar{\beta}$ 이므로 $\beta = a - bi$

$\therefore \alpha + \beta = (a + bi) + (a - bi) = 2a$

$\alpha\beta = (a + bi)(a - bi) = a^2 + b^2$

$\therefore \alpha + \beta, \alpha\beta$ 는 실수이다.

㉡ : ㉠에서 $\alpha\beta = a^2 + b^2 = 0$, a, b 는

실수이므로 $a = 0, b = 0$ 즉, $\alpha = a + bi = 0$ 이다.

㉢ : (반례) $\alpha = i, \beta = 1$

$\therefore \alpha^2 + \beta^2 = i^2 + 1^2 = 0$

㉤ : (반례) $\alpha = 1, \beta = i$

$\therefore \alpha + \beta i = 0$

$\therefore$ ㉢, ㉤는 α, β 가 실수일 때만 성립한다.

19. 다음 중 $(2+3i)z + (2-3i)\bar{z} = 2$ 를 만족하는 복소수 z 의 개수는? (단, $\bar{z}$ 는 z 의 켤레복소수)

① 없다.

② 1 개

③ 2 개

④ 3 개

⑤ 무수히 많다.

해설

$z = a + bi$ 로 놓으면 $\bar{z} = a - bi$ (단, a, b 는 실수)이므로 주어진 식에 대입하면

$$(2+3i)(a+bi) + (2-3i)(a-bi) = 2$$

$$(2a-3b) + (3a+2b)i + (2a-3b) - (3a+2b)i = 2$$

$$2(2a-3b) = 2$$

$$\therefore 2a-3b = 1$$

따라서 $2a-3b=1$ 을 만족하는 a, b 는 무수히 많고, $z = a + bi$ 이므로 문제의 조건을 만족하는 z 가 무수히 많음을 알 수 있다.

20. x 에 대한 방정식 $|x^2 - 4x - 5| = k$ 가 양의 근 두 개와 음의 근 두 개를 갖도록 하는 실수 k 의 값의 범위는?

① $0 < k < 3$

② $0 < k < 5$

③ $3 < k < 5$

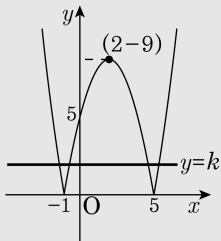
④ $1 < k < 4$

⑤ $-2 < k < 5$

해설

방정식 $|x^2 - 4x - 5| = k$ 의 실근의 개수는 함수 $y = |x^2 - 4x - 5|$ 의 그래프와 직선 $y = k$ 의 교점의 개수와 같다.

$$y = |x^2 - 4x - 5| = |(x + 1)(x - 5)| = |(x - 2)^2 - 9|$$



따라서 주어진 방정식이 양의 근 두 개와 음의 근 두 개를 갖도록 하는 실수 k 의 값의 범위는 $0 < k < 5$

21. 이차방정식 $x^2 - 2ax + a + 2 = 0$ 의 두 근이 모두 1보다 클 때 실수 a 의 값의 범위는?

① $0 \leq a < 1$

② $1 \leq a < 2$

③ $2 \leq a < 3$

④ $3 \leq a < 4$

⑤ $4 \leq a < 5$

해설

$$f(x) = x^2 - 2ax + a + 2 = (x - a)^2 - a^2 + a + 2$$

i) $D/4 = a^2 - a - 2 \geq 0, \quad a \leq -1 \text{ or } a \geq 2$

ii) $f(1) = 1 - 2a + a + 2 > 0 \quad \therefore a < 3$

iii) 대칭축 $x = a > 1$

i), ii), iii)에서 $2 \leq a < 3$

22. 평면상의 서로 다른 두 점 P, Q 에 대하여, 선분 $\overline{PQ}$ 의 3 등분점 중 P 에 가까운 쪽의 점을 $P * Q$ 로 나타낼 때, $A(1, 2)$, $B(-2, 3)$, $C(-1, -1)$ 에 대하여 점 $(A * B) * C$ 의 좌표를 구하면?

㉠ $\left(-\frac{1}{3}, \frac{11}{9}\right)$

㉡ $(-3, 4)$

㉢ $\left(\frac{5}{2}, \frac{1}{3}\right)$

㉣ $(2, -1)$

㉤ $\left(-\frac{4}{3}, \frac{7}{2}\right)$

해설

$P * Q$ 는 P, Q 의 1 : 2 내분점을 말한다.

$$\therefore (A * B) = \left(\frac{1 \times (-2) + 2 \times 1}{1 + 2}, \frac{1 \times 3 + 2 \times 2}{1 + 2} \right) = \left(0, \frac{7}{3} \right)$$

$$\left(0, \frac{7}{3} \right) * C$$

$$= \left(\frac{1 \times (-1) + 2 \times 0}{1 + 2}, \frac{1 \times (-1) + 2 \times \frac{7}{3}}{1 + 2} \right)$$

$$= \left(-\frac{1}{3}, \frac{11}{9} \right)$$

$$(A * B) * C = \left(-\frac{1}{3}, \frac{11}{9} \right)$$

23. 직선 $(k-3)x + (k-1)y + 2 = 0$ 은 k 의 값에 관계없이 항상 일정한 점을 지난다. 이 점과 직선 $x + 2y - 4 = 0$ 사이의 거리는?

- ① $\frac{\sqrt{5}}{5}$ ② $\frac{2\sqrt{5}}{5}$ ③ $\frac{\sqrt{5}}{2}$ ④ $\sqrt{5}$ ⑤ $2\sqrt{5}$

해설

$(k-3)x + (k-1)y + 2 = 0$ 을 k 에 대하여
정리하면 $k(x+y) + (-3x-y+2) = 0$ 이 식이
 k 의 값에 관계없이 항상 성립해야 하므로
 $x+y=0$, $-3x-y+2=0$
두 식을 연립하여 풀면 $x=1$, $y=-1$
따라서 점 $(1, -1)$ 과 직선 $x+2y-4=0$
사이의 거리는

$$\frac{|1 \cdot 1 + 2 \cdot (-1) - 4|}{\sqrt{1^2 + 2^2}} = \frac{5}{\sqrt{5}} = \sqrt{5}$$

24. 점 $P(a, b)$ 의 직선 $y = 2x$ 에 대한 대칭점을 Q , 점 Q 를 x 축의 방향으로 1 만큼 평행이동한 점을 R 이라 하면 두 점 R 과 P 가 직선 $y = x$ 에 대하여 대칭일 때, $3a + b$ 의 값은?

① $\frac{5}{2}$

② 3

③ $\frac{7}{2}$

④ 4

⑤ 5

해설

$Q = (X, Y)$ 라 할 때, $\overline{PQ}$ 는 $y = 2x$ 에 수직하고,
 P, Q 의 중점은 $y = 2x$ 위에 존재한다.

$$\Rightarrow \frac{Y-b}{X-a} \times 2 = -1, \quad \frac{Y+b}{2} = 2 \times \frac{X+a}{2}$$

두 식을 연립하면, $X = \frac{4b-3a}{5}, \quad Y = \frac{4a+3b}{5}$

이제 Q 를 x 축으로 1 평행이동 시키면,

$$R = \left(\frac{4b-3a+5}{5}, \frac{4a+3b}{5} \right)$$

R 과 P 가 $y = x$ 대칭이므로,

$$\frac{4b-3a+5}{5} = b, \quad \frac{4a+3b}{5} = a$$

정리하면 $3a + b = 5, \quad a = 3b$

두 식을 연립하면, $a = \frac{3}{2}, \quad b = \frac{1}{2}$

$\therefore 3a + b = 5$

25. $\frac{10^{85}}{10^{15} + 10^5} = k \times 10^n$ (단, $0 < k < 10$, n 은 자연수)로 나타낼 때, n 의 값을 구하면?

① 72

② 71

③ 70

④ 69

⑤ 68

해설

$$\frac{10^{85}}{10^{15} + 10^5} = N \text{이라고 하면}$$

$$\frac{10^{85}}{10^{15} + 10^{15}} < N < \frac{10^{85}}{10^{15}}$$

$$\frac{10 \times 10^{84}}{2 \times 10^{15}} < N < \frac{10 \times 10^{84}}{10^{15}}$$

$$5 \times 10^{69} < N < 10 \times 10^{69}$$

$$\text{따라서 } N = k \times 10^{69} (5 < k < 10)$$

$$\therefore n = 69$$