

1.  $4x - 3(1 - ax) = -5 + 7x$  가  $x$  에 관한 일차방정식이 되기 위한 상수  $a$  의 조건은?

①  $a = 1$

②  $a = 3$

③  $a \neq 1$

④  $a \neq -1$

⑤  $a \neq 3$

해설

$$4x - 3(1 - ax) = -5 + 7x$$

$$4x - 3 + 3ax = -5 + 7x$$

$$4x - 3 + 3ax + 5 - 7x = 0$$

$$(3a - 3)x + 2 = 0$$

좌변이 일차식이어야 하므로  $x$  의 계수가 0 이 아니어야 한다.

$$3a - 3 \neq 0$$

$$3a \neq 3 \quad \therefore a \neq 1$$

2.  $ax - 2 = -\frac{1}{2}x + 4$  의 해가  $-2$  일 때, 상수  $a$  의 값은?

①  $-\frac{7}{2}$

②  $-3$

③  $0$

④  $3$

⑤  $\frac{7}{2}$

해설

$ax - 2 = -\frac{1}{2}x + 4$  에  $x = -2$  를 대입하면

$$a \times (-2) - 2 = -\frac{1}{2} \times (-2) + 4$$

$$-2a - 2 = 1 + 4$$

$$-2a = 7, a = -\frac{7}{2}$$

3. 다음의 등식  $2a + 3x = bx - 8$  의 해가 무수히 많을 때, 두 유리수  $a, b$  의 값은?

①  $a = -4, b = 3$

②  $a = 4, b = 0$

③  $a = -4, b = -3$

④  $a = 3, b = -4$

⑤  $a = 1, b = 0$

해설

항등식이 되려면 (좌변)=(우변) 이어야 하므로

$$b = 3, a = -4$$

4. 연속하는 세 짝수의 합이 768 일 때, 세 짝수 중 가장 큰 수를 구하면?

① 254

② 256

③ 258

④ 260

⑤ 262

해설

연속하는 세 짝수를  $x-4$ ,  $x-2$ ,  $x$  라 하면

$$(x-4) + (x-2) + x = 768$$

$$3x - 6 = 768$$

$$\therefore x = 258$$

5. 아버지와 딸의 나이 차이가 27세이고, 8년 후에는 아버지의 나이가 딸의 나이의 2 배 보다 5 살 많아진다고 한다. 현재 아버지의 나이는?

① 14 세

② 22 세

③ 41 세

④ 49 세

⑤ 54 세

### 해설

현재 딸의 나이를  $x$  라 하면 아버지의 나이는  $x + 27$  이다.

8년 후 딸의 나이는  $x+8$  이고, 아버지의 나이는  $x+27+8 = x+35$  이다.

$$x + 35 = 2(x + 8) + 5$$

$$-x = 16 + 5 - 35$$

$$x = 14$$

따라서 현재 딸의 나이는 14세이고 아버지의 나이는 41 세이다.

6. 7 시와 8 시 사이에 시침과 분침이 일직선 ( $180^\circ$ ) 을 이루는 시각을 구하면?

① 7 시  $4\frac{6}{11}$  분

② 7 시  $5\frac{5}{11}$  분

③ 7 시  $5\frac{4}{11}$  분

④ 7 시  $6\frac{4}{11}$  분

⑤ 7 시  $10\frac{10}{11}$  분

### 해설

구하는 시간을 7시  $x$ 분이라 하면,

$x$  분 동안 분침이 회전하는 각도:  $6x$

$x$  분 동안 시침이 회전하는 각도:  $0.5x$

시침이 움직인 회전각은  $(210 + 0.5x)^\circ$ , 분침이 움직인 회전각은  $6x^\circ$  이고,

시침과 분침이 이루는 각도가  $180^\circ$  이므로 시침과 분침의 회전각의 차이가  $180^\circ$  이다.

식을 세우면,  $(210 + 0.5x) - 6x = 180$

따라서 7시  $\frac{60}{11} \left( 5\frac{5}{11} \right)$  분이다.

7. A 시에서 B 시까지 가는데 시속 8km로 걸으면 시속 10km로 걷는 것보다 30분이 더 걸린다고 한다. 두 지점 A, B 사이의 거리는?

① 5km      ② 10km      ③ 15km      ④ 20km      ⑤ 25km

해설

A, B 사이의 거리:  $x$ km 라 하면

$$\frac{x}{8} - \frac{x}{10} = \frac{1}{2} \text{ 양변에 40 을 곱하면}$$

$$5x - 4x = 20$$

$$\therefore x = 20(\text{km})$$

8. 일차방정식  $3(x + 2) = -2(3x - 1)$  를  $x$  를 포함한 항은 좌변으로, 상수항은 우변으로 이항하여 정리하였을 때,  $x$  의 계수와 상수항의 합은?

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

해설

$$3(x + 2) = -2(3x - 1)$$

$$3x + 6 = -6x + 2$$

$$3x + 6x = 2 - 6$$

$$9x = -4$$

따라서  $x$  의 계수와 상수항의 합은  $9 - 4 = 5$  이다.

9.  $3\{-x + 2(x + 1) - 4\} = 18 - 5x$  의 해가  $x = a$  일 때,  $a - \frac{a^2}{3}$  의 값을 구하면?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$$3\{-x + 2(x + 1) - 4\} = 18 - 5x$$

$$3(-x + 2x + 2 - 4) = 18 - 5x$$

$$3(x - 2) = 18 - 5x$$

$$3x - 6 = 18 - 5x$$

$$8x = 24$$

$$x = 3$$

$$\therefore a = 3$$

$$\text{따라서 } a - \frac{a^2}{3} = 3 - \frac{3^2}{3} = 3 - 3 = 0 \text{ 이다.}$$

10. 다음 두 일차방정식의 해가 각각  $x = 4$ ,  $x = -3$  일 때,  $ab$  의 값은?

$$\textcircled{\text{㉠}} \quad 2(a - x) = x - 2$$

$$\textcircled{\text{㉡}} \quad 1 - \frac{x + b}{3} = b - 2x$$

① -5

② -10

③ -15

④ -20

⑤ -25

해설

㉠  $2(a - x) = x - 2$  에  $x = 4$ 를 대입하면

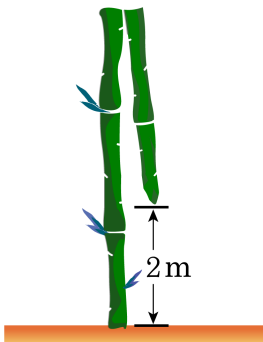
$2(a - 4) = 4 - 2$  이므로  $a = 5$

㉡  $1 - \frac{x + b}{3} = b - 2x$  에  $x = -3$  을 대입하면

$1 - \frac{-3 + b}{3} = b + 6$  이므로  $b = -3$

$\therefore ab = 5 \times (-3) = -15$

11. 지면에서의 높이가 8m인 대나무가 부러져서 그 끝이 지면으로부터 2m인 곳에 닿았다. 이때 대나무의 부러진 부분의 길이는?



① 1 m

② 2 m

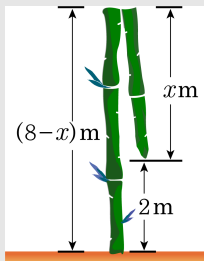
③ 3 m

④ 4 m

⑤ 5 m

해설

대나무의 부러진 부분의 길이를  $x$  m라고 하면 다음 그림에 의하여



$$8 - x = x + 2$$

$$-2x = -6$$

$$\therefore x = 3$$

12. 어떤 물건의 원가에 3할의 이익을 붙여 정가를 매기고, 정가에서 500원을 할인하여 팔아도 원가에 대해서는 2할의 이익을 얻고자 한다. 이 물건의 원가는?

- ① 5000 원                      ② 5500 원                      ③ 6000 원  
④ 6500 원                      ⑤ 7000 원

해설

물건의 원가를  $x$  원

원가의 3할의 이익은  $x \times 0.3 = \frac{3}{10}x$  (원),

정가는 원가와 이익의 합이므로  $x + \frac{3}{10}x = \frac{13}{10}x$  이다.

원가의 2할이 이익은  $x \times 0.2 = \frac{2}{10}x$  원

(정가) - 500 = (원가) + (원가의 2할의 이익)

$$\frac{13}{10}x - 500 = x + \frac{2}{10}x$$

$$13x - 5000 = 10x + 2x$$

$$x = 5000$$

13. 영희는 과일가게에서 사과를 사려고 한다. 영희가 가지고 있는 돈으로 사과 6 개를 사면 400 원이 부족하고, 사과 4 개를 사면 800 원이 남는다. 영희가 사과를 5 개 사면 어떻게 되겠는가?

- ① 200 원이 남는다.                      ② 100 원이 남는다.  
③ 딱 맞는다.                              ④ 100 원 부족하다.  
⑤ 200 원이 부족하다.

해설

사과 1 개의 가격을  $x$  원이라 하면 가진 돈은  
 $6x - 400 = 4x + 800$ ,  $2x = 1200$ ,  $x = 600$  (원)  
따라서 가진 돈은  $6x - 400 = 3600 - 400 = 3200$   
 $\therefore 3200 - 5 \times 600 = 200$

14. 할머니께서 집에 놀러온 손주들에게 줄 샤프 몇 자루와 샤프심 3 통을 샀다. 샤프 1 자루에 샤프심 5 개씩 넣었더니 샤프심이 10 개가 남고, 6 개씩 넣었더니 모자라거나 남는 것이 없었다. 샤프심 한 통에 들어 있는 샤프심의 개수를 구하여라.

▶ 답 :          개

▷ 정답 : 20 개

해설

샤프는  $a$  자루, 샤프심은 한 통에  $b$  개 들어 있다고 하면,  
 $5a + 10 = 6a = 3b$  이므로,  $a = 10$ ,  $b = 20$

15. 어떤 물통에 물을 가득 채우는데 A 호스로는 30 분, B 호스로는 40 분이 걸리며, 또 가득찬 물을 C 호스로 빼는 데는 1 시간이 걸린다. 세 호스를 동시에 사용하여 물을 채우는 데 몇 분이 걸리겠는가?

① 20 분

②  $13\frac{1}{3}$  분

③ 24 분

④ 36 분

⑤ 50 분

### 해설

물통의 양을 1로 놓으면 가득 채우는데 30 분 걸리는 A 호스로 1 분동안 채우는 양이  $\frac{1}{30}$ , 마찬가지로 B 호스는  $\frac{1}{40}$  이다.

물을 가득 채우는데 걸리는 시간을  $x$  분이라고 하면 A, B 호스로는 물을 채우고 C 호스로는 물을 빼내게 된다. 그러므로

$$\frac{x}{30} + \frac{x}{40} - \frac{x}{60} = 1$$

$$x = 24 \text{ (분)}$$

16. 버스가 종점에서 10 명의 승객을 태우고 출발하였다. 다음 정거장인 A 중학교 앞에서 8 명의 승객이 내리고 B 역 앞에서 15 명이 탔다. 그리고 A 중학교 앞에서 탄 승객 수는 B 역에서 내린 승객수의 2 배였다. 버스가 B 역 앞에서 출발할 때 승객수가 25 명이었다면 A 중학교 앞에서 버스에 탄 승객은 몇 명인가?



종점



A 중학교



B 역

① 8 명

② 10 명

③ 11 명

④ 15 명

⑤ 16 명

### 해설

B 역에서 내린 승객 수를  $x$  명이라 하면

$$10 - 8 + 2x + 15 - x = 25$$

$$x = 8$$

A 중학교 앞에서 버스에 탄 승객 수는  $2x = 16$  (명)

17. 10%의 설탕물 500g에서 한 컵의 설탕물을 퍼낸 후 퍼낸 양만큼의 물을 넣었다. 그리고 20%의 설탕물을 섞어 11%의 설탕물 600g을 만들었다. 이때, 컵으로 퍼낸 설탕물에 들어 있던 설탕의 양을 구하여라.

▶ 답 :                      g

▶ 정답 : 4g

#### 해설

컵으로 퍼낸 설탕물의 양을  $x$ g 이라 하면

$$\frac{10}{100} \times (500 - x) + \frac{20}{100} \times 100 = \frac{11}{100} \times 600$$

$$10(500 - x) + 2000 = 6600$$

$$500 - x = 460$$

$$\therefore x = 40$$

따라서, 컵으로 퍼낸 설탕물의 설탕의 양은

$$\frac{10}{100} \times 40 = 4 \text{ (g)}$$

18.  $5a - 2b = 3a + 2b$  일 때,  $x$  에 관한 일차방정식  $2px - p - x = \frac{1}{3}px + p$

의 해는  $x = \frac{\frac{3}{2}a + 3b}{2a - b}$  이다. 이때,  $4p^2 + 2p + \frac{3}{p}$  의 값은?

① 6

② 8

③ 10

④ 12

⑤ 14

### 해설

$$5a - 2b = 3a + 2b \text{ 에서}$$

$$2a = 4b$$

$$a = 2b$$

$$x = \frac{\frac{3}{2}a + 3b}{2a - b} \text{ 에 } a = 2b \text{ 를 대입하면}$$

$$x = \frac{3b + 3b}{4b - b}$$

$$= \frac{6b}{3b} = 2$$

$$2px - p - x = \frac{1}{3}px + p \text{ 에 } x = 2 \text{ 를 대입하면}$$

$$4p - p - 2 = \frac{2}{3}p + p$$

$$3p - \frac{5}{3}p = 2$$

$$\frac{4}{3}p = 2$$

$$p = \frac{3}{2}$$

$$\begin{aligned} \therefore 4p^2 + 2p + \frac{3}{p} &= 4 \times \frac{9}{4} + 2 \times \frac{3}{2} + 3 \times \frac{2}{3} \\ &= 9 + 3 + 2 = 14 \end{aligned}$$

19. 다음 비례식을 만족하는  $x$  의 값을 구한 것은?

$$\frac{1}{3} : 25 = -2.8(5x - 12) : 6x - 18$$

①  $\frac{421}{176}$

②  $\frac{423}{176}$

③  $\frac{425}{176}$

④  $\frac{427}{176}$

⑤  $\frac{429}{176}$

해설

$$-70(5x - 12) = \frac{1}{3}(6x - 18)$$

$$-350x + 840 = 2x - 6$$

$$x = \frac{423}{176}$$

20. 다음 두 일차방정식의 해가 같을 때, 상수  $a$  의 값을 구하여라.

$$\frac{a}{6}x - \frac{2}{3} = \frac{1}{2}x + 1 \cdots \textcircled{㉠}$$

$$\frac{-x+7}{5} = \frac{x+1}{3} \cdots \textcircled{㉡}$$

① 2

② 4

③ 6

④ 8

⑤ 10

### 해설

㉡식의 해를 먼저 구한 후, 그 해를 ㉠식에 대입하여  $a$  에 관한 일차방정식을 만들어서  $a$  를 구한다.

$$\textcircled{㉡}\text{식} : \frac{-x+7}{5} = \frac{x+1}{3}$$

$$15 \times \left( \frac{-x+7}{5} \right) = 15 \times \left( \frac{x+1}{3} \right)$$

$$-3x + 21 = 5x + 5$$

$$-3x - 5x = 5 - 21$$

$$-8x = -16$$

$$\therefore x = 2$$

따라서 ㉠, ㉡식의 공통된 해는  $x = 2$  이다.

$$\textcircled{㉠}\text{식} : \frac{a}{6}x - \frac{2}{3} = \frac{1}{2}x + 1 \text{ 에 } x = 2 \text{ 를 대입한다.}$$

$$\frac{a}{6} \times 2 - \frac{2}{3} = \frac{1}{2} \times 2 + 1$$

$$\frac{a}{3} - \frac{2}{3} = 1 + 1$$

$$\text{양변에 3 을 곱하면 } a - 2 = 6$$

$$\therefore a = 8$$

21. 어느 날 한 시내 버스는 성인과 중고생을 합하여 500 명의 승객을 태웠다. 그 중 현금을 낸 승객은 200 명 이고 버스 요금 수입은 카드와 현금을 모두 해서 424,000 원 이었다. 승객 중 성인은 최대 몇 명 인지 구 하여라.

|    | 성인    | 중고생  |
|----|-------|------|
| 카드 | 900원  | 720원 |
| 현금 | 1000원 | 800원 |

▶ 답 :            명

▷ 정답 : 266 명

### 해설

현금을 낸 성인이  $a$  명, 카드를 사용한 성인이  $b$  명 이라 두면,  
현금을 낸 중고생은  $(200 - a)$  명, 카드를 사용한 중고생은  $(300 - b)$  명 이다.

$$1000a + 900b + 800(200 - a) + 720(300 - b) \\ = 424000$$

$$200a + 180b = 48000$$

$$10a + 9b = 2400$$

$(a, b) = (231, 10), (222, 20), (213, 30), \dots, (6, 260)$  이다.  
 $\therefore$  승객 중 성인은 최대 266 명 이다.

22. 극장에 몇 명의 사람이 있고 매 분마다 일정한 수의 사람이 극장에 들어오고, 역시 일정한 수의 사람이 극장에서 나간다. 만약 1분에 평균  $\frac{7}{9}$  명의 사람이 나가면 1시간 12분 후에 극장은 텅 비게 되고, 1분에 평균 0.5 명의 사람이 빠져나가면 2시간 32분 후에 극장이 텅 비게 된다. 처음 극장에 있던 사람의 수를 구하여라.

▶ 답 :                      명

▷ 정답 : 38 명

### 해설

처음 극장에 있는 사람을  $x$  명, 매 분마다 들어오는 사람의 수를  $y$  명이라 두면,

$$x + 72y - \frac{7}{9} \times 72 = 0, x = 56 - 72y \text{ 이다.}$$

$$\text{또한 } x + 152y - \frac{1}{2} \times 152 = 0, x + 152y - 76 = 0 \text{ 이다. } 56 - 72y +$$

$$152y - 76 = 0 \text{ 이므로}$$

$$80y = 20$$

$$y = \frac{1}{4}, x = 38$$

따라서 처음 극장에 있던 사람의 수는 38 명이다.

23. A는 거리 행진에 참가하여 걷다가 중간에 이탈하여 행진 속도의 6배로 10분을 달려서 행렬의 제일 앞부분에 도착한 후, 그 자리에 멈추어 1시간을 기다렸더니 행렬의 끝으로 오게 되었다. 행렬의 전체 길이가 3.6km일 때, A가 원래 있던 자리는 행렬의 앞에서 몇 m 거리였는지 구하여라.

▶ 답:                      m

▷ 정답: 3000  m

#### 해설

제일 앞부분에 도착한 후, 1시간을 기다렸더니 행렬의 끝으로 오게 되었으므로 행렬의 속도는 3.6 (km/h) 이다.

행렬의 제일 앞부분과 A가 원래 있던 자리의 거리를  $x$ 라 하면,  
(A가 6배의 속도로 10분 동안 달려서 이동한 거리)

$= x + (10 \text{ 분 동안 행렬이 이동한 거리})$  이므로

$$3.6 \times 6 \times \frac{1}{6} = x + 3.6 \times \frac{1}{6} \quad \therefore x = 3 \text{ (km)}$$

24. 일정한 속력으로 달리는 기차가 길이가 550 m 인 터널을 완전히 지나는데 30 초, 길이가 850 m 인 터널을 완전히 지나는데 45 초가 걸린다. 이 기차가 길이가 1 km 인 다리를 완전히 지나는데 걸리는 시간을 구하여라.

▶ 답 :                      초

▷ 정답 : 52.5 초

#### 해설

기차가 터널이나 다리를 완전히 지나려면, 터널이나 다리의 길이에 기차의 길이를 더한 만큼의 거리를 움직여야 한다.

기차의 길이를  $x$  (m), 속력을  $y$  (m/s)라 두면,

$$\frac{550 + x}{y} = 30, x = 30y - 550 \text{ 이고,}$$

$$\frac{850 + x}{y} = 45, x + 850 = 45y \text{ 이다.}$$

$$30y - 550 + 850 = 45y$$

$$15y = 300$$

$$y = 20, x = 50$$

따라서 길이 1 km 인 다리를 완전히 지나는데 걸리는 시간은

$$\frac{1000 + 50}{20} = 52.5 \text{ (초) 이다.}$$

25. 농도가 30%인 설탕물 150g을 공기 중에 방치했더니 증발하여 농도가 40%가 되었다. 여기에 물을 더 넣어 농도가 20%인 설탕물로 만들려면, 몇 g의 물을 더 넣어야 하는지 구하여라.

▶ 답:                      g

▶ 정답: 112.5 g

#### 해설

농도가 30%인 설탕물 150g에는 설탕 45g이 들어 있다.  
증발하여 농도가 40%가 되었다면,

$$\frac{45}{x} = \frac{40}{100}, x = 112.5$$

따라서 증발한 후 설탕물은 112.5g이다.

다시 여기에 물을 더 넣어 농도가 20%인 설탕물로 만들려면,

$$\frac{45}{112.5 + x} = \frac{20}{100}, 225 = 112.5 + x, x = 112.5$$

∴ 112.5 (g)