

1. A,B,C,D,E 다섯 사람을 한 줄로 늘어 세울 때, A,B가 양끝에 설 확률은?

① $\frac{1}{4}$

② $\frac{1}{2}$

③ $\frac{1}{6}$

④ $\frac{1}{10}$

⑤ $\frac{1}{20}$

해설

모든 경우의 수 : $5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$ (가지)

A,B가 양끝에 설 경우의 수 : $(3 \times 2 \times 1) \times 2 = 12$ (가지)

$$\therefore \frac{12}{120} = \frac{1}{10}$$

2. 부모님과 경민, 형 네 식구가 가족 사진을 찍으려고 한다. 부모님이 양 끝에 서게 될 확률은?

① $\frac{1}{2}$

② $\frac{1}{4}$

③ $\frac{1}{6}$

④ $\frac{1}{12}$

⑤ $\frac{2}{3}$

해설

모든 경우의 수는 $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (가지)

부모님이 양 끝에 서게 될 경우 : 2가지

그 각각의 경우에 대하여 경민이와 형이 가운데 서게 될 경우는 각각 2가지씩이다.

$$\therefore (\text{확률}) = \frac{2 \times 2}{24} = \frac{1}{6}$$

3. P 중학교에서 학생들이 무지개 색 (빨, 주, 노, 초, 파, 남, 보) 중에 체육복 색을 정하려고 한다. 1,2,3학년의 체육복 색을 모두 다르게 할 때, 2학년이 초록색 체육복을 입게 되는 확률은?

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{1}{7}$ ③ $\frac{3}{7}$ ④ $\frac{5}{7}$ ⑤ $\frac{3}{35}$

해설

모든 경우의 수 : $7 \times 6 \times 5 = 210$ (가지)

2학년은 초록색으로 고정될 경우의 수 : $6 \times 5 = 30$ (가지)

$$\therefore \frac{30}{210} = \frac{1}{7}$$

4. 남학생 4명, 여학생 3명 중에서 2명의 대표를 뽑을 때, 적어도 남학생이 한 명 이상 뽑힐 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{6}{7}$

해설

7명 중에서 대표 2명을 뽑는 경우의 수는 $\frac{7 \times 6}{2} = 21$ (가지)
모두 여학생만 뽑히는 경우의 수는 여학생 3명 중에서 2명을 뽑는 경우이므로 $\frac{3 \times 2}{2} = 3$ (가지)
따라서 (적어도 남학생이 한 명 이상 뽑힐 확률)
 $= 1 - (\text{모두 여학생이 뽑히는 확률})$
 $= 1 - \frac{3}{21} = \frac{6}{7}$

5. 사격 선수인 경섭이와 덕한이가 목표물을 명중할 확률이 각각 $\frac{5}{7}$, $\frac{1}{4}$ 이라고 할 때, 두 사람 중 적어도 한 사람은 명중할 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{11}{14}$

해설

$$\begin{aligned} & \text{(적어도 한 사람이 명중할 확률)} \\ &= 1 - \text{(두 명 모두 명중하지 못할 확률)} \\ &= 1 - \left(\frac{2}{7} \times \frac{3}{4} \right) = \frac{11}{14} \end{aligned}$$

6. 2개의 주사위 A, B를 동시에 던질 때, 나온 눈의 합이 11 미만일 확률은?

- ① $\frac{5}{6}$ ② $\frac{1}{12}$ ③ $\frac{7}{18}$ ④ $\frac{5}{36}$ ⑤ $\frac{11}{12}$

해설

눈의 합이 11 이상이 되는 경우는 (5, 6), (6, 6), (6, 5)이므로
눈의 합이 11 이상이 될 확률은 $\frac{3}{36} = \frac{1}{12}$,
그러므로 구하는 확률은 $1 - (\text{눈의 합이 이상이 될 확률}) = 1 - \frac{1}{12} = \frac{11}{12}$ 이다.

7. 숫자 카드가 들어 있는 두 주머니에서 각각 카드를 한 장씩 꺼낼 때, 짝수일 확률이 $\frac{1}{3}$, $\frac{3}{4}$ 이다. 두 주머니에서 꺼낸 카드의 숫자의 합이 짝수일 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{5}{12}$

해설

합이 짝수이려면 (짝수) + (짝수) 또는 (홀수) + (홀수) 이어야 한다.

$$\begin{aligned} \text{(구하는 확률)} &= \frac{1}{3} \times \frac{3}{4} + \frac{2}{3} \times \frac{1}{4} \\ &= \frac{1}{4} + \frac{1}{6} \\ &= \frac{5}{12} \end{aligned}$$

8. 주사위 2개를 동시에 던졌을 때, 두 눈의 수의 곱이 6이거나 두 눈의 수의 합이 5일 때의 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{6}$

해설

주사위 두 개를 동시에 던질 때 일어나는 모든 경우의 수는 $6 \times 6 = 36$ (가지)

두 눈의 수의 곱이 6인 경우의 수는

(1, 6), (6, 1), (2, 3), (3, 2)의 4가지이므로 곱이 6일 확률은 $\frac{4}{36}$

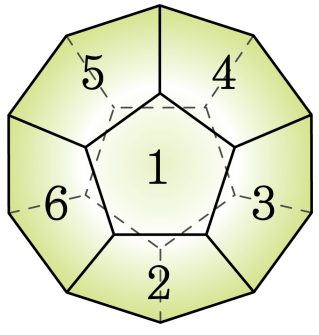
두 눈의 수의 합이 5인 경우의 수는

(1, 4), (4, 1), (2, 3), (3, 2)의 4가지이므로 합이 5일 확률은 $\frac{4}{36}$

(2, 3), (3, 2)가 두 번 나오므로

구하는 확률은 $\frac{4}{36} + \frac{4}{36} - \frac{2}{36} = \frac{6}{36} = \frac{1}{6}$

9. 1에서 12까지의 수가 각 면에 적힌 정십이면체를 한 번 던질 때, 소수 또는 4의 배수의 눈이 나올 확률은?



- ① $\frac{5}{12}$ ② $\frac{5}{6}$ ③ $\frac{1}{4}$ ④ $\frac{2}{3}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

해설

모든 경우의 수는 12 가지이고, 소수는 2, 3, 5, 7, 11 의 5 가지
 이므로 확률은 $\frac{5}{12}$, 4의 배수는 4, 8, 12 의 3 가지이므로 확률은 $\frac{3}{12}$
 따라서 구하는 확률은 $\frac{5}{12} + \frac{3}{12} = \frac{8}{12} = \frac{2}{3}$ 이다.

10. 공장에서 생산된 인형 8개 중에서 2개는 불량품이라고 한다. 이 중에서 2개를 차례로 꺼낼 때, 2개 모두 불량인 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{15}{28}$

해설

꺼낸 것을 다시 넣지 않는 경우이다.

$$\therefore \frac{6}{8} \times \frac{5}{7} = \frac{15}{28}$$

11. 10개의 제비 중 3개의 당첨 제비가 들어 있는 주머니가 있다. A가 먼저 제비를 뽑고 나서 B가 뽑을 때, 두 사람 모두 당첨 제비를 뽑을 확률은? (단, 한 번 뽑은 제비는 다시 넣지 않는다.)

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{5}$ ④ $\frac{1}{15}$ ⑤ $\frac{1}{30}$

해설

A가 당첨 제비를 뽑을 확률은 $\frac{3}{10}$

B가 당첨 제비를 뽑을 확률은 $\frac{2}{9}$

따라서 두 사람 모두 당첨 제비를 뽑을 확률은 $\frac{3}{10} \times \frac{2}{9} = \frac{1}{15}$

12. 5 개의 제비 중 3 개의 당첨 제비가 있다. 성진이와 성훈이가 각각 한 개의 제비를 뽑을 때, 두 사람 모두 당첨될 확률을 구하여라.(단, 뽑은 제비는 다시 넣지 않는다.)

▶ 답 :

▶ 정답 : $\frac{3}{10}$

해설

$$\frac{3}{5} \times \frac{2}{4} = \frac{3}{10}$$

13. A 주머니에는 흰 공이 3개, 검은 공이 2개,
 B 주머니에는 흰 공이 4개, 검은 공이 1개가 들어 있다. 주머니 A, B
에서 공을 한 개씩 꺼낼 때, 둘 중 한 개만 흰색 공일 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{11}{25}$

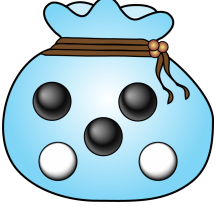
해설

A 주머니에서 흰 공, B 주머니에서 검은 공을 꺼낼 확률은 $\frac{3}{5} \times \frac{1}{5} =$
 $\frac{3}{25}$

A 주머니에서 검은 공, B 주머니에서 흰 공을 꺼낼 확률은 $\frac{2}{5} \times \frac{4}{5} =$
 $\frac{8}{25}$

따라서 구하는 확률은 $\frac{3}{25} + \frac{8}{25} = \frac{11}{25}$

14. 다음 그림과 같이 3개의 검은 공과 2개의 흰 공이 들어 있는 주머니에서 한 번 꺼낸 것을 다시 집어넣고 연속하여 1개씩 2개의 공을 꺼낼 때, 서로 같은 색의 공이 나올 확률은?
- ① $\frac{6}{25}$ ② $\frac{13}{25}$ ③ $\frac{1}{4}$
 ④ $\frac{3}{4}$ ⑤ $\frac{1}{12}$



해설

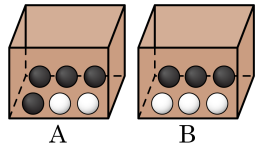
둘 다 검은 공을 선택하는 경우는 $\frac{3}{5} \times \frac{3}{5}$

둘 다 흰 공을 선택하는 경우는 $\frac{2}{5} \times \frac{2}{5}$

따라서 서로 같은 색의 공이 나올 확률은

$$\frac{3}{5} \times \frac{3}{5} + \frac{2}{5} \times \frac{2}{5} = \frac{13}{25}$$

15. 다음 그림과 같이 A상자와 B상자에서 공을 한 개씩 꺼낼 때, 하나는 흰 공이고, 다른 하나는 검은색 공일 확률을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{2}$

해설

$$\frac{2}{6} \times \frac{3}{6} + \frac{4}{6} \times \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

16. 10개의 제비 중에 4개의 당첨 제비가 들어 있다. 소윤이가 한 개를 먼저 뽑고, 다음으로 민수가 한 개를 뽑을 때, 다음 물음에 답하여라.(단, 뽑은 제비는 다시 넣지 않는다.)

- (1) 소윤이는 당첨되고, 민수는 당첨되지 않을 확률
(2) 두 사람 모두 당첨 되지 않을 확률

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) $\frac{4}{15}$

▷ 정답 : (2) $\frac{1}{3}$

해설

(1) $\frac{4}{10} \times \frac{6}{9} = \frac{24}{90} = \frac{4}{15}$

(2) $\frac{6}{10} \times \frac{5}{9} = \frac{30}{90} = \frac{1}{3}$

17. 지원이와 동성이가 공원에서 만나기로 하였다. 지원이와 동성이가 공원에 나가지 못할 확률이 각각 $\frac{3}{5}, \frac{2}{7}$ 일 때, 두 사람이 약속 장소에서 만나지 못할 확률을 구하여라.

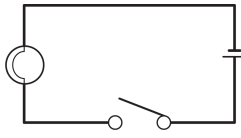
▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{5}{7}$

해설

$$\begin{aligned} & \text{(두 사람이 만나지 못할 확률)} \\ &= 1 - \text{(두 사람이 약속 장소에서 만날 확률)} \\ &= 1 - \left(1 - \frac{3}{5}\right) \times \left(1 - \frac{2}{7}\right) \\ &= 1 - \frac{2}{5} \times \frac{5}{7} \\ &= \frac{5}{7} \end{aligned}$$

18. 다음 그림과 같은 전기회로에서 전지가 충전되어 있을 확률은 $\frac{3}{4}$, 스위치가 닫힐 확률은 $\frac{1}{3}$ 일 때, 전구에 불이 들어오지 않을 확률은?
(단, 전지가 충전되어 있고, 스위치가 닫혀 있어야 전구에 불이 들어온다.)



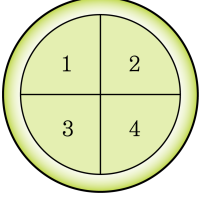
- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{3}{4}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ 1 ⑤ 0

해설

(전구에 불이 들어오지 않을 확률)
 $= 1 - (\text{전지가 충전되어 있고, 스위치가 닫혀 있을 확률})$
 $= 1 - \frac{3}{4} \times \frac{1}{3} = \frac{3}{4}$

19. 다음 그림과 같은 원판이 돌고 있다. 이 원판을
활을 쏘아 맞힐 때, 화살이 4 의 약수에 꽂힐 확
률은?

- ① $\frac{1}{4}$
- ② $\frac{1}{2}$
- ③ $\frac{1}{3}$
- ④ $\frac{3}{4}$
- ⑤ $\frac{2}{3}$

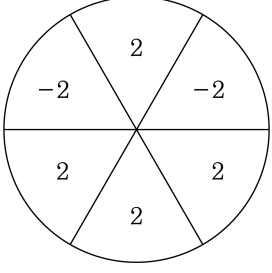


해설

4의 약수 : 1, 2, 4

∴ 화살이 4의 약수에 꽂힐 확률은 $\frac{3}{4}$

20. 다음 그림과 같이 6등분된 원판 위에 숫자 $-2, 2$ 가 쓰여 있다. 이 원판에 화살을 2번 쏘아 맞힌 숫자의 곱이 4가 될 확률을 구하여라. (단, 화살이 수의 경계에 꽂히면 다시 쏘기로 한다.)



▶ 답 :

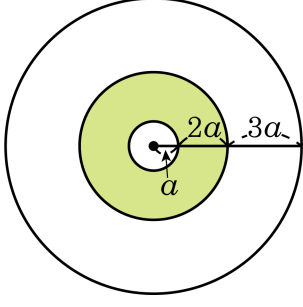
▷ 정답 : $\frac{5}{9}$

해설

1번 화살을 쏘아 나올 수 있는 경우가 6가지 이므로 모든 경우의 수는 $6 \times 6 = 36$ (가지)
 곱이 4가 되는 경우는 2와 2, -2 와 -2 에 꽂힌 경우이므로
 i) 2와 2에 꽂힌 경우
 2가 쓰여 있는 부분이 4부분이므로
 $4 \times 4 = 16$ (가지)
 ii) -2 와 -2 에 꽂힌 경우 -2 가 쓰여 있는 부분이 2부분이므로
 $2 \times 2 = 4$ (가지)

따라서 구하는 확률은 $\frac{20}{36} = \frac{5}{9}$

21. 다음 그림과 같은 과녁이 있다. 화살을 한 번 쏘아서 색칠한 부분에 맞힐 확률을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{2}{9}$

해설

$$\frac{\pi \times (3a)^2 - \pi a^2}{\pi \times (6a)^2} = \frac{8a^2\pi}{36a^2\pi} = \frac{2}{9}$$

22. 주머니 속에 크기와 모양이 같은 붉은 구슬 5 개, 노란 구슬 a 개, 파란 구슬 b 개가 들어 있다. 이 중에서 임의로 한 개를 꺼낼 때, 붉은 구슬일 확률은 $\frac{1}{4}$, 노란 구슬일 확률은 $\frac{2}{5}$ 이다. 이때, $a-b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : ②

해설

붉은 구슬이 나올 확률 : $\frac{5}{5+a+b} = \frac{1}{4}$ 이고,

노란 구슬이 나올 확률 : $\frac{a}{5+a+b} = \frac{2}{5}$

$$a+b=15, 3a-2b=10$$

$$a=8, b=7$$

$$\therefore a-b=1$$

23. 1, 3, 5, 7, 9, $\dots$, 99의 숫자가 적힌 카드에서 임의의 카드 하나를 뽑을 때, 그 카드가 짝수일 확률을 a , 홀수일 확률을 b 라 하면 $a + 2b$ 의 값은?

- ① 0 ② 1 ③ $\frac{1}{2}$ ④ 2 ⑤ $\frac{1}{3}$

해설

카드에 적힌 숫자는 모두 홀수이므로 $a = 0$, $b = 1$ 이므로 $a + 2b = 0 + 2 = 2$ 이다.

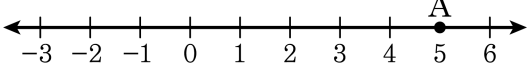
24. 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14 중 하나를 골라 그 숫자를 a 라고 할 때, 분수 $\frac{1}{a}$ 이 유한소수로 나타내어질 확률은?

- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{3}{7}$ ④ $\frac{4}{7}$ ⑤ $\frac{5}{8}$

해설

분수 $\frac{1}{a}$ 이 유한소수가 되기 위해서는 a 의 소인수가 2 나 5 뿐이어야 하므로
 a 가 될 수 있는 원소는 2, 4, 8, 10 으로 4 가지
 $\therefore \frac{4}{7}$

25. 한 개의 동전을 던져서 앞면이 나오면 수직선을 따라 양의 방향으로 2 만큼, 뒷면이 나오면 음의 방향으로 1 만큼 이동한다. 동전을 4 번 던져서 이동하였을 때 A 지점에 위치할 확률은? (단, 동전을 던지기 전의 위치는 0 이다.)

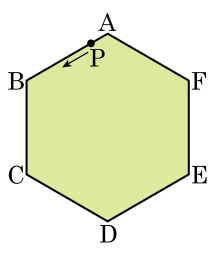


- ① $\frac{1}{8}$
- ② $\frac{3}{8}$
- ③ $\frac{3}{4}$
- ④ $\frac{1}{4}$
- ⑤ $\frac{5}{16}$

해설

(앞면 나오는 횟수)= a , (뒷면 나오는 횟수) = b 라 하면 $a + b = 4$, $2a - b = 5$ 에서 $a = 3$, $b = 1$
 즉, 앞면 3 번, 뒷면 1 번
 (전체 경우의 수) = $2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$ (가지),
 앞면 3 번 , 뒷면 1 번이 나오는 경우의 수는 4가지이다.
 $\therefore \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$

26. 다음 그림과 같은 정육각형 ABCDEF의 한 꼭짓점 A를 출발하여, 주사위를 던져서 나온 눈의 수의 합만큼 화살표 방향의 꼭짓점으로 점 P가 움직인다. 이때, 주사위를 두 번 던져서 점 P가 점 F에 오게 될 확률을 구하면?



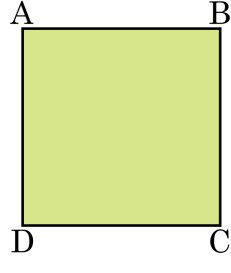
- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{6}$ ③ $\frac{5}{36}$ ④ $\frac{1}{12}$ ⑤ $\frac{3}{8}$

해설

점 D가 점 F에 오려면 주사위의 눈의 합이 5 또는 11이어야 한다.
 합이 5인 경우는 (1, 4), (2, 3), (3, 2), (4, 1)로 4가지이고,
 합이 11인 경우는 (5, 6), (6, 5)로 2가지이다.

따라서 구하고자 하는 확률은 $\frac{6}{36} = \frac{1}{6}$

27. 다음 그림과 같이 정사각형 ABCD 가 있다. 성민이와 병수가 한 개의 주사위를 던져 나온 눈의 수만큼 □ABCD 의 꼭짓점 B 에서 출발하여 사각형 변을 따라 시계방향으로 점을 이동시키고 있다. 성민이와 병수가 차례로 한번씩 주사위를 던질 때, 성민이는 점 D 에 병수는 점 A 에 점을 놓게 될 확률을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{18}$

해설

점 B 에서 출발하여 D 에 놓일 경우는

$$\begin{cases} B \rightarrow C \rightarrow D \\ B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \therefore 2 \text{ 또는 } 6 \end{cases}$$

점 B 에서 출발하여 A 에 놓일 경우는 $B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow A \therefore 3$

따라서 성민이가 점 D 에 놓일 확률은 $\frac{1}{3}$, 병수가 점 A 에 놓일 확률은 $\frac{1}{6}$ 이다.

$$\therefore \frac{1}{3} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{18}$$

28. 어떤 사건이 일어날 확률 p 의 값의 범위를 구하고, 이 사건이 일어나지 않을 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $0 \leq p \leq 1$, 이 사건이 일어나지 않을 확률 : $1 - p$

해설

$0 \leq p \leq 1$, 이 사건이 일어나지 않을 확률 : $1 - p$

29. 주머니 속에 1부터 7까지의 수가 각각 적힌 7개의 카드가 있다. 이 중에서 한 개를 꺼낼 때, 7 이하의 수가 적힌 카드가 나올 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

카드의 가지수는 7가지이고, 카드를 꺼낼 때 7 이하의 수가 나올 경우의 수는 7가지이므로 확률은 $\frac{7}{7} = 1$ 이다.

30. 어떤 사건이 일어날 확률이 p 일 때, 다음 설명 중에서 틀린 것은?

- ① 어떤 사건이 일어날 수 있는 가능성을 수로 나타낸 것을 확률이라 한다.
- ② 이 사건이 일어나지 않을 확률은 $p - 1$ 이다.
- ③ $p = 1$ 인 사건은 반드시 일어난다.
- ④ 정십이면체 모양의 주사위를 한 번 던질 때, 13이 나올 확률은 0이다.
- ⑤ $p = \frac{1}{2}$ 인 사건이 일어날 가능성은 50%이다.

해설

② 일어나지 않을 확률은 $1 - p$ 이다.