

1. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\angle BAD = \angle CAD$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $\overline{AD} = \overline{BC}$ ② $\angle ADB = \angle ADC$
③ $\angle ADB = 90^\circ$ ④ $\triangle ADB \cong \triangle ADC$

- ⑤ $\angle B = \angle C$



2. $\triangle ABC$ 에서 $\angle C = \angle E = 90^\circ$, $\angle A = 40^\circ$, $\overline{CD} = \overline{ED}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 45° ② 50° ③ 65° ④ 70° ⑤ 75°

3. 다음은 마름모 ABCD 의 각 변의 중점을 E, F, G, H 라 할 때, $\square EFGH$ 는 임을 증명하는 과정이다. 안에 들어갈 알맞은 것은?



- ① 등변사다리꼴 ② 직사각형 ③ 마름모
④ 정사각형 ⑤ 평행사변형

4. 다음 그림과 같은 $\square ABCD$ 에서 $\angle A$ 의 이등분선이 변 BC 와 만나는 점을 E 라 한다. 이때, $\square ABCD$ 가 평행사변형이 되도록 하는 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

5. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 \overline{BE} , \overline{DF} 는 각각 $\angle B$, $\angle D$ 의 이등분선이다. $\overline{AB} = 9\text{cm}$, $\overline{BC} = 14\text{cm}$ 일 때, \overline{ED} 의 길이를 구하여라.



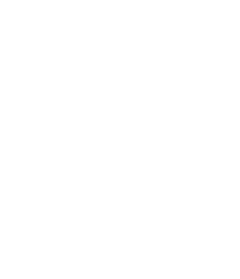
▶ 답: _____ cm

6. 마름모 ABCD에서 $\triangle ABE$ 와 $\triangle ADF$ 의 합동조건으로 적합한 것은?

- ① SSS 합동
- ② ASA 합동
- ③ SAS 합동
- ④ RHA 합동
- ⑤ RHS 합동



7. 평행사변형 ABCD에서 $\angle AOD = 90^\circ$ 이고,
 $\overline{AB} = 3x - 2$, $\overline{AD} = -x + 6$ 일 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답: _____

8. 다음은 이등변삼각형의 두 밑각의 크기가 같음을 증명하는 과정이다.
⑦~⑨ 중 알맞지 않은 것을 고르면?

【가정】 $\triangle ABC$ 에서 $(\textcircled{7}) = (\textcircled{8})$

【결론】 $\angle B = \angle C$

【증명】 $\triangle ABC$ 에서 꼭지각 A의 이등분선이 밑변 BC와 만나는 점을 D라고 하면,

$\triangle (\textcircled{7})$ 와 $\triangle ACD$ 에서

$(\textcircled{7}) = (\textcircled{8})$ (가정)

$\angle BAD = \angle CAD$

$(\textcircled{9})$ 는 공통

$\therefore \triangle (\textcircled{9}) \cong \triangle ACD$ ($\textcircled{10}$)

$\therefore \angle B = \angle C$

① ⑦ \overline{AB}

② ⑧ \overline{AC}

③ ⑩ $\triangle ABD$

④ ⑨ \overline{AD}

⑤ ⑪ASA 합동

9. 다음 그림과 같은 이등변삼각형ABC에서 $\overline{AD} = \overline{AE}$ 일 때, $\triangle FBC$ 는 어떤 삼각형인지 구하여라.



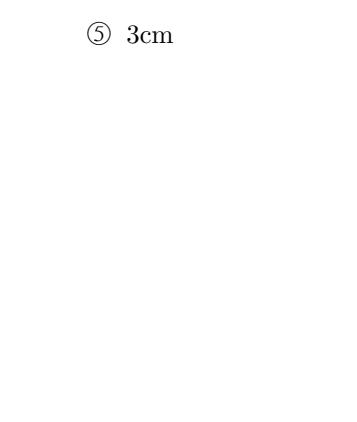
▶ 답: _____

10. 다음 그림과 같이 폭이 일정한 종이 테이프를 접었다. $\angle FGE = 70^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



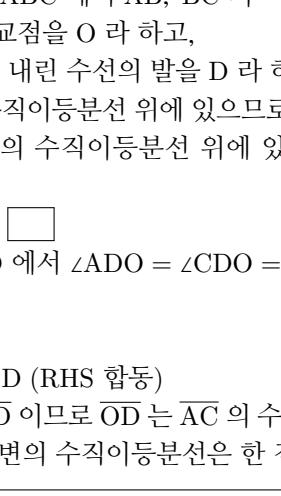
- ① 70° ② 65° ③ 60° ④ 55° ⑤ 50°

11. 두 직각삼각형 ABC, DEF 가 다음 그림과 같을 때, \overline{EF} 의 길이는?



- ① 5cm ② 4.5cm ③ 4cm
④ 3.5cm ⑤ 3cm

12. 다음은 「삼각형의 세 변의 수직이등분선은 한 점에서 만난다.」를 증명하는 과정이다. □ 안에 들어갈 알맞은 것은?



위 그림과 같이 $\triangle ABC$ 에서 \overline{AB} , \overline{BC} 의 수직이등분선의 교점을 O 라 하고,
점 O에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 D 라 하자.
점 O는 \overline{AB} 의 수직이등분선 위에 있으므로 $\overline{OA} = \overline{OB}$ ①
또, 점 O는 \overline{BC} 의 수직이등분선 위에 있으므로 $\overline{OB} = \overline{OC}$
..... ②

①, ②에서 $\overline{OA} = \boxed{\quad}$

$\triangle AOD$ 와 $\triangle COD$ 에서 $\angle ADO = \angle CDO = 90^\circ$

$\overline{OA} = \boxed{\quad}$

\overline{OD} 는 공통

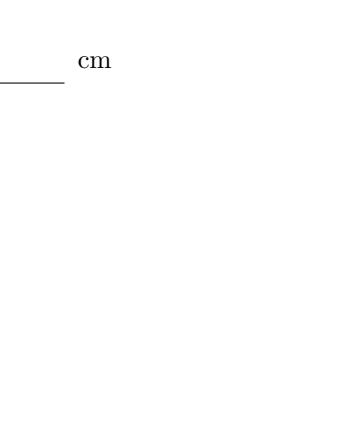
$\therefore \triangle AOD \cong \triangle COD$ (RHS 합동)

따라서, $\overline{AD} = \overline{CD}$ 이므로 \overline{OD} 는 \overline{AC} 의 수직이등분선이 된다.

즉, $\triangle ABC$ 의 세 변의 수직이등분선은 한 점 O에서 만난다.

- ① \overline{OC} ② \overline{OD} ③ \overline{OA} ④ \overline{AD} ⑤ \overline{CD}

13. 다음 직각삼각형 ABC에서 \overline{AB} 의 길이를 구하여라.



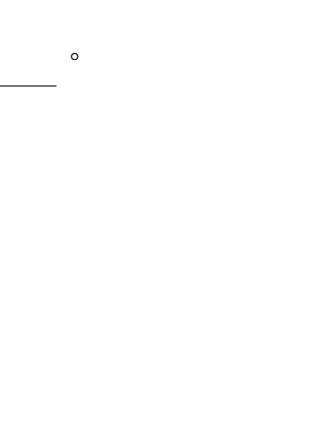
▶ 답: _____ cm

14. 다음 그림에서 점 I가 삼각형의 내심일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 100° ② 105° ③ 110° ④ 115° ⑤ 120°

15. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이다. $\angleIBC = 20^\circ$, $\angleICA = 30^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

16. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이고, $\angle BIC = 140^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



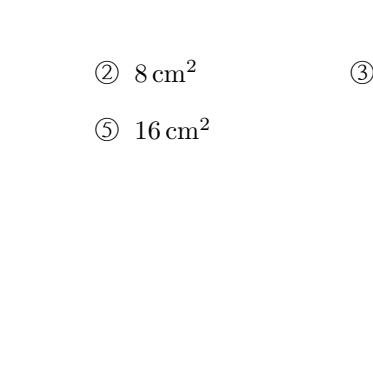
- ① 70° ② 80° ③ 90° ④ 100° ⑤ 110°

17. 다음 그림에서 원 I 는 $\triangle ABC$ 의 내접원이다. 원 I 의 둘레의 길이가 6π , $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이가 32 일 때, 색칠한 부분의 넓이는?



- ① $48 - 9\pi$ ② $9\pi - 24$ ③ $24 - 6\pi$
④ $42 - 6\pi$ ⑤ $52 - 9\pi$

18. 다음 그림에서 점 M은 \overline{BC} 의 중점일 때, $\triangle DHC$ 의 넓이는?



- ① 4 cm^2 ② 8 cm^2 ③ 12 cm^2
④ 14 cm^2 ⑤ 16 cm^2

19. 다음과 같이 $\angle B = \angle C$ 인 삼각형 ABC 에 정삼각형 DEF 가 내접해 있다. $\angle AFE = 35^\circ$, $\angle BDF = 30^\circ$ 일 때, $\angle DEC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

20. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 직각삼각형이고 \overline{AD} 는 $\angle BAC$ 의 이등분선이다. $\overline{AB} \perp \overline{DM}$, $\overline{AM} = \overline{BM}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 45° ② 50° ③ 55° ④ 60° ⑤ 65°

21. 다음 그림과 같이 직각삼각형 ABC의 외심이 점 O일 때, $\overline{AB} + \overline{AC} =$ 12cm 이면 $\angle ABC$ 의 크기는?



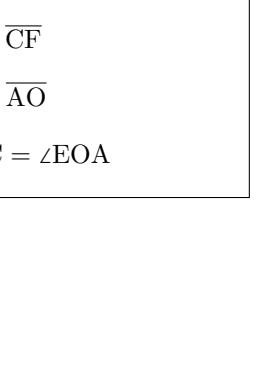
- ① 10° ② 20° ③ 30°
④ 40° ⑤ 알 수 없다.

22. 다음 중 다음 $\square ABCD$ 가 평행사변형이 되지 않는 것은?



- ① $\angle A = \angle C$, $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$
- ② $\triangle ABD \cong \triangle CDB$
- ③ $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} = \overline{BC}$
- ④ $\overline{AD} = \overline{BC}$, $\angle A + \angle B = 180^\circ$
- ⑤ $\angle A + \angle B = 180^\circ$, $\angle A + \angle D = 180^\circ$

23. 다음 그림에서 직사각형 ABCD 의 대각선 \overline{AC} 의 이등분선이 \overline{BC} , \overline{AD} 와 만나는 점을 각각 E, F 라고 할 때, 다음 보기에서 옳지 않은 것을 모두 골라라.



[보기]

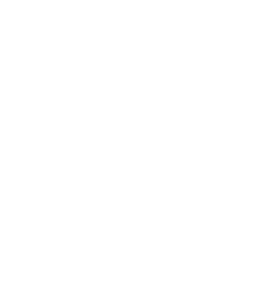
- Ⓐ $\angle FAO = \angle EAO$ Ⓑ $\overline{AF} = \overline{CF}$
Ⓑ $\overline{AF} = \overline{CE}$ Ⓒ $\overline{AE} = \overline{AO}$
Ⓒ $\triangle FAO \cong \triangle ECO$ Ⓣ $\angle FOC = \angle EOA$

▶ 답: _____

▶ 답: _____

▶ 답: _____

24. 평행사변형 ABCD에서 \overline{BC} , \overline{CD} 의 중점을 각각 P, Q라 하자. $\square ABCD = 84\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle APQ$ 의 넓이는 얼마인가?



- ① 29.5cm^2 ② 30cm^2 ③ 30.5cm^2
④ 31cm^2 ⑤ 31.5cm^2

25. 다음 보기와 같이 대각선의 성질과 사각형을 옳게 짹지은 것은?

보기

Ⓐ 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.

Ⓑ 두 대각선의 길이가 같다.

Ⓒ 두 대각선은 서로 수직으로 만난다.

Ⓓ 두 대각선이 내각을 이등분한다.

① 등변사다리꼴 : Ⓐ, Ⓑ

② 평행사변형 : Ⓑ, Ⓒ

③ 마름모 : Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

④ 직사각형 : Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

⑤ 정사각형 : Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

26. 다음 그림에서 $\overline{AC} \parallel \overline{DE}$, $\overline{BC} : \overline{CE} = 2 : 1$ 이고, $\triangle ABC = 24\text{cm}^2$ 일 때, $\square ABCD$ 의 넓이는?



- ① 30cm^2 ② 36cm^2 ③ 40cm^2
④ 48cm^2 ⑤ 50cm^2

27. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서
 $\angle ABC$ 의 이등분선과 \overline{AD} , \overline{CD} 의 연장선
과의 교점을 각각 P, Q라고 한다. $\overline{AB} =$
 18cm , $\overline{QD} = 6\text{cm}$ 일 때, \overline{BC} 의 길이는?



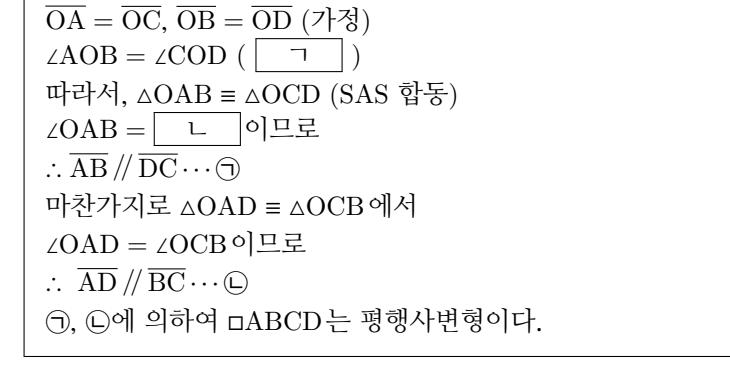
- ① 18cm ② 20cm ③ 22cm ④ 24cm ⑤ 26cm

28. 평행사변형ABCD에서 $\overline{AB} = \overline{AE}$ 이고 $\angle C = 115^\circ$ 일 때, $\angle EAD$ 를 구하여라.



▶ 답: _____ °

29. 다음은 ‘두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하면 평행사변형이다.’ 를 증명하는 과정이다. \square , \angle 안에 들어갈 알맞은 것은?



$\overline{OA} = \overline{OC}$, $\overline{OB} = \overline{OD}$ 인 $\square ABCD$ 에서

$\triangle OAB$ 와 $\triangle OCD$ 에서

$\overline{OA} = \overline{OC}$, $\overline{OB} = \overline{OD}$ (가정)

$\angle AOB = \angle COD$ (\square)

따라서, $\triangle OAB \cong \triangle OCD$ (SAS 합동)

$\angle OAB = \square$ 이므로

$\therefore \overline{AB} \parallel \overline{DC} \cdots \textcircled{①}$

마찬가지로 $\triangle OAD \cong \triangle OCB$ 에서

$\angle OAD = \angle OCB$ 이므로

$\therefore \overline{AD} \parallel \overline{BC} \cdots \textcircled{②}$

①, ②에 의하여 $\square ABCD$ 는 평행사변형이다.

① \square : 엇각, \square : $\angle OAB$

② \square : 엇각, \square : $\angle OAD$

③ \square : 맞꼭지각, \square : $\angle ODA$

④ \square : 맞꼭지각, \square : $\angle OCD$

⑤ \square : 동위각, \square : $\angle OAD$

30. 다음은 ‘직사각형의 두 대각선은 길이가 같다.’를 증명하는 과정이다.
_____ 안에 들어갈 말로 옮은 것은?

(가정) $\square ABCD$ 에서 $\angle A = \angle B = \angle C = \angle D$

(결론) $\overline{AC} = \overline{BD}$

(증명) 직사각형은 평행사변형이므로 $\triangle ABC$ 와 $\triangle DCB$ 에서

$\overline{AB} = \overline{CD}$,

$\angle ABC = \angle DCB$ (가정)

\overline{BC} 는 공통

따라서, 직사각형의 두 대각선의 길이는 같다.

① 즉, $\triangle ABC \cong \triangle DCB$ (ASA 합동) 이므로 $\overline{AC} = \overline{AB}$ 이다.

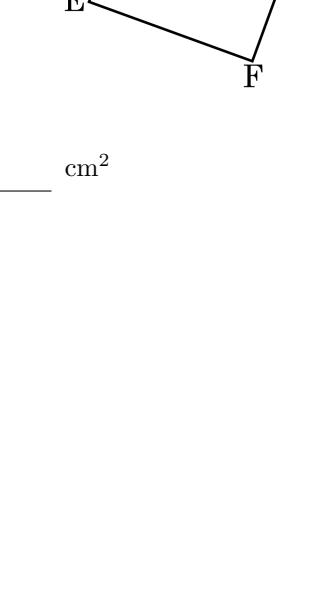
② 즉, $\triangle ABC \cong \triangle DCB$ (ASA 합동) 이므로 $\overline{AC} = \overline{AD}$ 이다.

③ 즉, $\triangle ABC \cong \triangle DCB$ (SAS 합동) 이므로 $\overline{AC} = \overline{BD}$ 이다.

④ 즉, $\triangle ABC \cong \triangle DCB$ (SAS 합동) 이므로 $\overline{AC} = \overline{AB}$ 이다.

⑤ 즉, $\triangle ABC \cong \triangle DCB$ (SAS 합동) 이므로 $\overline{AC} = \overline{AD}$ 이다.

31. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 와 $\square OEGF$ 는 합동인 정사각형이다. $\overline{AB} = 10\text{cm}$ 일 때, $\square OPCQ$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm^2

32. 다음 그림과 같이 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 등변사다리꼴 ABCD에서 $\overline{AB} = \overline{AD}$, $\angle ADB = 35^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

33. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD의 대각선 BD의 수직이등분선과 \overline{AD} , \overline{BC} 와의 교점을 각각 E, F라 할 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답: _____