

1. 다음 중에서 일차함수 $y = -2x + 1$ 의 그래프에 대한 설명으로 맞는 것을 모두 고르면?

보기

- Ⓐ x 값이 2증가할 때, y 값은 4감소한다.
- Ⓑ x 절편은 $-\frac{1}{2}$ 이다.
- Ⓒ 그래프는 제1, 2, 4사분면을 지난다.
- Ⓓ $y = 2x$ 의 그래프를 x 축 방향으로 1만큼 평행이동 한 그래프이다.
- Ⓔ 점 $(1, -1)$ 을 지난다.
- Ⓕ 기울기는 -2 이다.

- ① Ⓐ, Ⓑ, Ⓙ
③ Ⓐ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓙ
⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓙ

- ② Ⓒ, Ⓕ, Ⓙ
④ Ⓐ, Ⓒ, Ⓕ, Ⓙ

해설

- Ⓑ x 절편은 $\frac{1}{2}$
- Ⓓ $y = -2x$ 의 그래프를 y 축 방향으로 1만큼 평행이동한 그래프

2. 다음 일차함수 중 그 그래프가 y 축에 가장 가까운 것은 ?

$$\textcircled{1} \quad y = -\frac{4}{3}x + 1$$

$$\textcircled{2} \quad y = \frac{3}{2}x - 1$$

$$\textcircled{3} \quad y = -\frac{1}{3}x - 1$$

$$\textcircled{4} \quad y = \frac{6}{5}x - 1$$

$$\textcircled{5} \quad y = \frac{3}{4}x - 1$$

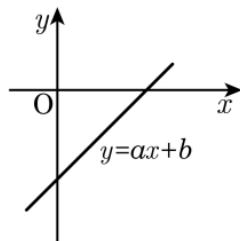
해설

함수는 기울기의 절댓값이 클수록 그 그래프가 y 축에 가깝게 위치한다.

$$\textcircled{1} \frac{80}{60} \quad \textcircled{2} \frac{90}{60} \quad \textcircled{3} \frac{20}{60} \quad \textcircled{4} \frac{72}{60} \quad \textcircled{5} \frac{45}{60}$$

이므로 $y = \frac{3}{2}x - 1$ 의 그래프가 y 축에 가장 가깝다.

3. 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 일차함수 $y = bx + a$ 의 그래프가 지나지 않는 사분면은?



- ① 제 1사분면
- ② 제 2사분면
- ③ 제 3사분면
- ④ 제 4사분면
- ⑤ 어느 사분면도 지나지 않는다.

해설

$y = ax + b$ 의 그래프를 보면

기울기 $a > 0$ 이고 y 절편 $b < 0$ 이다.

그러므로 $y = bx + a$ 의 그래프는 왼쪽 위를 향하고 양의 y 절편 값을 갖는다.

그래서 제 3사분면을 지나지 않는다.

4. 일차함수 $y = 2ax + 5$ 의 그래프를 y -축의 방향으로 -4 만큼 평행이동시켰더니 $y = 6x + b$ 의 그래프와 일치하였다. 이때, $a - b$ 의 값은?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

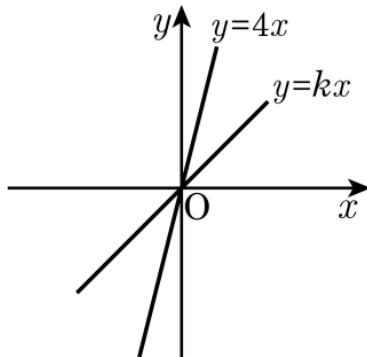
평행이동시켰으므로 기울기는 같다.

$$2a = 6, \quad a = 3$$

$$y = 6x + 5 + (-4) = 6x + b, \quad b = 1$$

$$\therefore a - b = 2$$

5. 다음 그림과 같이 $y = kx$ 의 그래프가 x 축과 $y = 4x$ 의 그래프 사이에 있기 위한 k 의 값의 범위는?

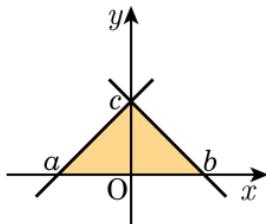


- ① $0 \leq k < 1$ ② $0 < k \leq 3$ ③ $0 \leq k < 4$
④ $0 < k < 4$ ⑤ $0 < k < 5$

해설

기울기에 따라 직선의 경사가 변하고 기울기의 절댓값이 작을 수록 x 축과 가까워지므로 $y = kx$ 의 그래프가 x 축과 $y = 4x$ 의 그래프 사이에 있기 위해서는 $0 < k < 4$ 이어야 한다.

6. 두 함수 $y = x + 4$ 와 $y = -x + 4$ 에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?



- ① $a = -4$ 이다.
- ② $c = 4$ 이다.
- ③ $b = 4$ 이다.
- ④ 색칠한 도형의 넓이는 8 이다.
- ⑤ $y = -x + 4$ 를 y 축 방향으로 평행이동하면 $y = x + 4$ 의 그래프와 x 축 위에서 만난다.

해설

- ④ 밑변의 길이는 8, 높이가 4 이므로 색칠한 부분의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 8 \times 4 = 16$ 이다.

7. 기울기가 3이고 y 절편이 -1인 그래프가 점 $(a, 8)$ 을 지날 때, a 의 값은?

- ① -2
- ② -1
- ③ 1
- ④ 2
- ⑤ 3

해설

$y = 3x - 1$ 의 그래프가 $(a, 8)$ 을 지나므로 $3a - 1 = 8$

$$\therefore a = 3$$

8. 두 점 $(1, 4)$, $(-1, -2)$ 를 지나는 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식을 y 축 방향으로 1만큼 평행이동한 일차함수의 식은?

- ① $y = 2x + 3$ ② $y = -2x + 1$ ③ $y = 3x + 2$
④ $y = -3x + 7$ ⑤ $y = 3x + 1$

해설

i) $(1, 4)$, $(-1, -2)$ 를 지나는 직선의 일차함수 식은

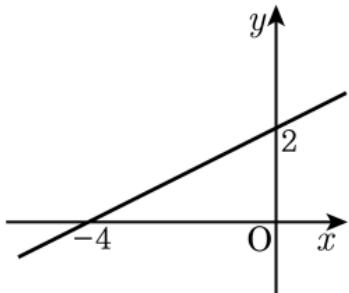
$$\text{기울기} = \frac{4 + 2}{1 + 1} = 3 \quad \therefore y = 3x + n$$

$$(1, 4) \text{ 대입 하면 } 4 = 3 + n \quad \therefore n = 1$$

따라서 $y = 3x + 1$ 이다.

ii) y 축 방향으로 1만큼 평행이동하면, $y = 3x + 2$ 이다.

9. 다음 그림은 일차함수 $y = ax - 2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 b 만큼 평행이동한 것이다. 이 때, 상수 a , b 의 곱 ab 의 값은?



- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

i) $y = ax - 2 + b$ 의 y 절편이 2이므로

$$-2 + b = 2 \therefore b = 4$$

ii) $y = ax + 2$ 의 x 절편이 -4이므로

$$0 = -4a + 2 \therefore a = \frac{1}{2}$$

따라서 $ab = 2$ 이다.

10. 일차함수 $y = -\frac{1}{2}x + 3$ 의 그래프에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① x 절편이 6이고 y 절편은 3이다.
- ② $2y = x + 6$ 과 평행하다.
- ③ x 가 2 증가하면, y 는 1 증가한다.
- ④ 점 $(4, 5)$ 를 지나는 직선이다.
- ⑤ 오른쪽 위로 향하는 그래프이다.

해설

- ② $2y = x + 6$ 과 한점에서 만난다.
- ③ x 가 2증가하면, y 는 -1 증가한다.
- ④ 점 $(4, 1)$ 을 지나는 직선이다.
- ⑤ 오른쪽 아래로 향하는 그래프이다.