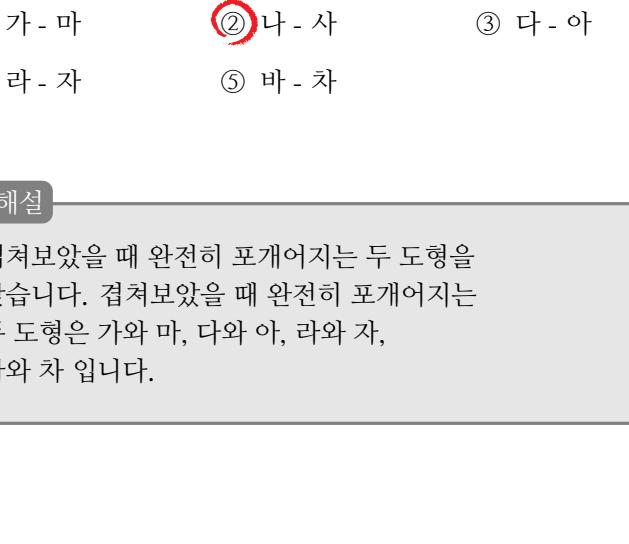


1. 서로 합동인 도형을 짹지은 것입니다. 다음 중 잘못 짹지어진 것은 어느 것입니까?

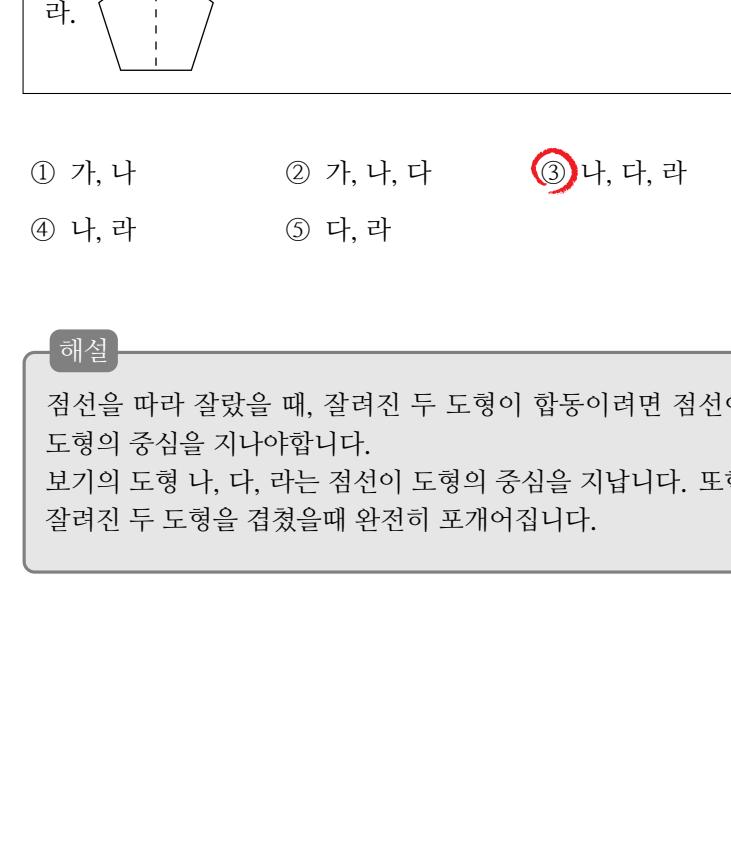


- ① 가 - 마 ② 나 - 사 ③ 다 - 아
④ 라 - 자 ⑤ 바 - 차

해설

겹쳐보았을 때 완전히 포개어지는 두 도형을 찾습니다. 겹쳐보았을 때 완전히 포개어지는 두 도형은 가와 마, 다와 아, 라와 자, 바와 차입니다.

2. 점선을 따라 잘랐을 때, 잘려진 두 도형이 합동인 것을 모두 찾은 것은 어느 것입니까?



- ① 가, 나 ② 가, 나, 다 ③ 나, 다, 라
④ 나, 라 ⑤ 다, 라

해설

점선을 따라 잘랐을 때, 잘려진 두 도형이 합동이려면 점선이 도형의 중심을 지나야합니다.
보기의 도형 나, 다, 라는 점선이 도형의 중심을 지납니다. 또한 잘려진 두 도형을 겹쳤을때 완전히 포개어집니다.

3. 다음 중 두 도형이 합동이 되지 않는 것은 어느 것입니까?

- ① 넓이가 같은 원
- ② 한 변의 길이가 같은 정사각형
- ③ 세 변의 길이가 각각 같은 삼각형
- ④ 넓이가 같은 직사각형
- ⑤ 둘레의 길이가 같은 정육각형

해설

① 원의 넓이 = 반지름 반지름 $3.14 \times$ 원의 넓이가 같으면 반지름의 길이가 같습니다.
반지름의 길이가 같으면 두 원이 합동입니다.

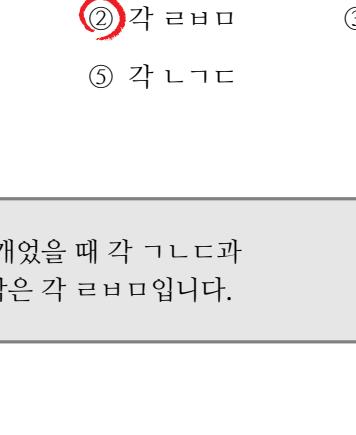
② 정사각형은 네변의 길이가 모두 같습니다.
따라서 한 변의 길이가 같으면 네변의 길이가 같고 두 도형은 합동이 됩니다.

③ 세변의 길이가 같은 삼각형은 서로 합동입니다.

④ 가로의 길이가 4, 세로의 길이가 3인 직사각형과 가로의 길이가 2, 세로의 길이가 6인 직사각형은 넓이가 같지만 합동이 아닙니다.

⑤ 정육각형의 둘레의 길이는 한변의 길이의 6배입니다. 따라서 정육각형의 둘레의 길이가 같으면 여섯 변의 길이가 모두 같으므로 두 도형은 서로 합동입니다.

4. 두 삼각형은 합동입니다. 각 $\angle C$ 의 대응각은 어느 것입니까?

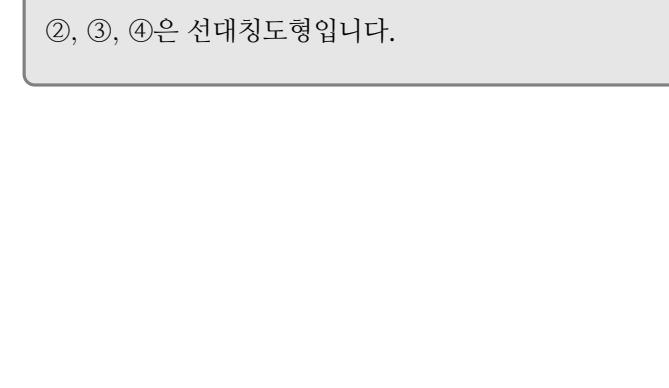


- ① 각 $\angle A$ ② 각 $\angle B$ ③ 각 $\angle C$
④ 각 $\angle C'$ ⑤ 각 $\angle B'$

해설

두 도형을 포개었을 때 각 $\angle C$ 과
포개어지는 각은 각 $\angle B'$ 입니다.

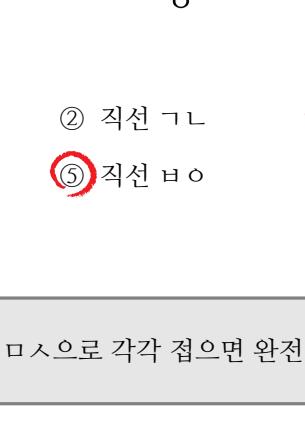
5. 다음 중 선대칭도형을 모두 고르시오.



해설

②, ③, ④은 선대칭도형입니다.

6. 다음 직사각형을 보고, 대칭축을 모두 고르시오.



- ① 직선 ㄱㄹ
② 직선 ㄱㄴ
③ 직선 ㅁㅅ
④ 직선 ㄱㄷ
⑤ 직선 ㅂㅇ

해설

직선 ㅂㅇ, 직선 ㅁㅅ으로 각각 접으면 완전히 포개어집니다.

7. 다음 중 점대칭도형이 아닌 것을 모두 고르시오.

- ① 정사각형 ② 사다리꼴 ③ 원
④ 정육각형 ⑤ 정오각형

해설

사다리꼴은 모양에 따라 선대칭도형이 되기도 하고 안되기도 하며, 정오각형은 대칭축이 5개인 선대칭도형입니다.

8. 다음 중 점대칭도형에 대한 설명으로 옳지 않은 것은 어느 것입니까?

- ① 대칭의 중심은 한 개 뿐입니다.
- ② 대응각의 크기와 대응변의 길이는 각각 같습니다.
- ③ 대칭의 중심에서 대응점까지의 거리는 같습니다.
- ④ 대칭의 중심은 대응점끼리 연결한 선분을 똑같이 둘로 나눕니다.
- ⑤ 대칭의 중심은 도형의 외부에 있습니다.

해설

⑤ 점대칭도형에서 대칭의 중심은 도형의 내부에 있습니다.

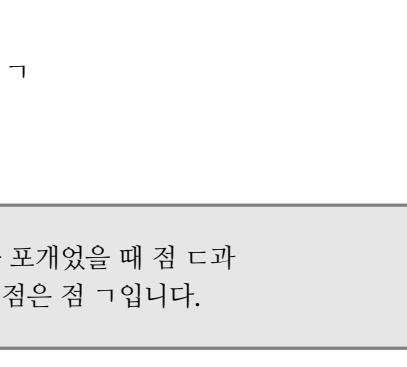
9. 다음 중 합동인 도형 2 개가 되도록 자르는 선이 3 가지 있는 도형은 어느 것입니까?

- ① 정삼각형 ② 정사각형 ③ 마름모
④ 원 ⑤ 정육각형

해설

정다각형의 대칭축은 선분의 개수와 같습니다.
따라서 정삼각형의 대칭축은 3 개입니다.

10. 평행사변형 $\square ABCD$ 을 삼각형 $\triangle ABC$ 과 삼각형 $\triangle ACD$ 로 나눈 것입니다. 점 C 의 대응점은 어느 점입니까?



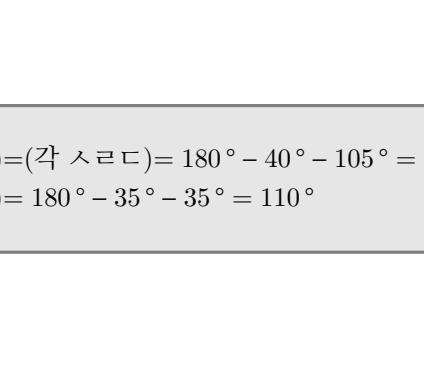
▶ 답:

▷ 정답: 점 B

해설

두 삼각형을 포개었을 때 점 D 과 포개어지는 점은 점 B 입니다.

11. 다음 두 삼각형은 서로 합동입니다. 각 \triangle 의 크기는 얼마입니까?



▶ 답:

$^{\circ}$

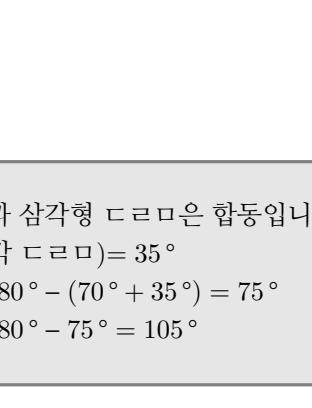
▷ 정답: 110°

해설

$$(\text{각 } \angle A) = (\text{각 } \angle C) = 180^{\circ} - 40^{\circ} - 105^{\circ} = 35^{\circ}$$

$$(\text{각 } \angle B) = 180^{\circ} - 35^{\circ} - 35^{\circ} = 110^{\circ}$$

12. 다음 도형은 평행사변형입니다. 각 $\angle M$ 의 크기를 구하시오.



▶ 답:

$^{\circ}$

▷ 정답: 105°

해설

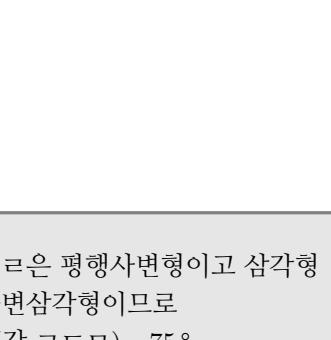
삼각형 $\triangle LMN$ 과 삼각형 $\triangle MPN$ 은 합동입니다.

$$(\text{각 } \angle L)=(\text{각 } \angle M)=35^{\circ}$$

$$(\text{각 } \angle M)=180^{\circ} - (70^{\circ} + 35^{\circ}) = 75^{\circ}$$

$$(\text{각 } \angle N)=180^{\circ} - 75^{\circ} = 105^{\circ}$$

13. 삼각형 $\triangle ABC$ 과 삼각형 $\triangle ACD$ 은 합동이고, 변 AC 과 변 AD 의 길이는 같습니다. 각 $\angle ACD$ 과 각 $\angle CAD$ 은 각각 몇 도인지 순서대로 쓰시오.



▶ 답: $\angle ACD = \underline{\hspace{1cm}}$

▶ 답: $\angle CAD = \underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답: $\angle ACD = 75^\circ$

▷ 정답: $\angle CAD = 35^\circ$

해설

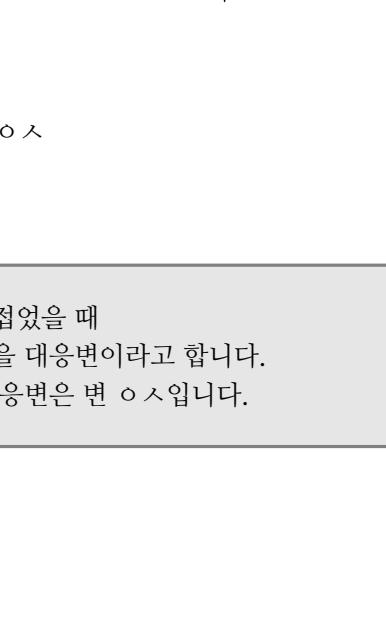
사각형 $ABCD$ 은 평행사변형이고 삼각형

ACD 은 이등변삼각형이므로

(각 $\angle ACD$)=(각 $\angle CAD$)= 75° ,

(각 $\angle DCA$)=(각 $\angle CAB$)= 35°

14. 다음은 선대칭도형입니다. 변 ㄴㄷ 의 대응변을 쓰시오.



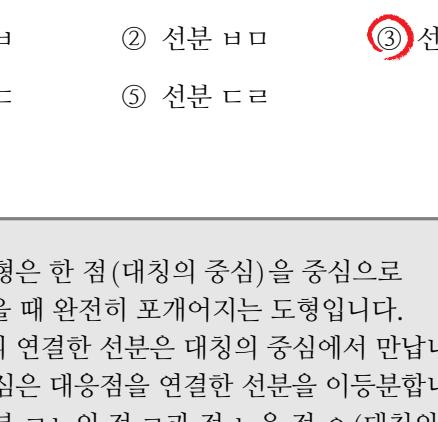
▶ 답:

▷ 정답: 변 ㅇㅅ

해설

대칭축으로 접었을 때
겹쳐지는 변을 대응변이라고 합니다.
변 ㄴㄷ 의 대응변은 변 ㅇㅅ 입니다.

15. 점 \circ 을 대칭의 중심으로 하는 점대칭도형입니다. 선분 $ㄱㄴ$ 과 길이가 같은 선분은 어느 것입니까?



- ① 선분 $ㄱㅂ$ ② 선분 $ㅂㅁ$ ③ 선분 $ㄹㅁ$
④ 선분 $ㄴㄷ$ ⑤ 선분 $ㄷㄹ$

해설

점대칭 도형은 한 점(대칭의 중심)을 중심으로 180° 돌렸을 때 완전히 포개어지는 도형입니다.

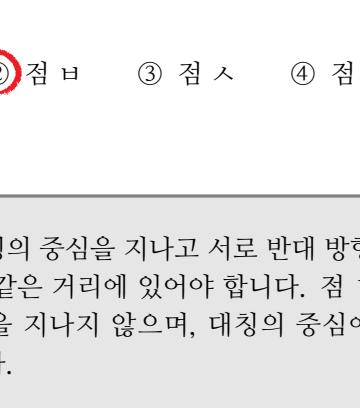
대응점끼리 연결한 선분은 대칭의 중심에서 만납니다.

대칭의 중심은 대응점을 연결한 선분을 이등분합니다.

따라서 선분 $ㄱㄴ$ 의 점 $ㄱ$ 과 점 $ㄴ$ 을 점 \circ (대칭의 중심)과 연결하여 같은 거리에 있는 점을 찾습니다.

점 $ㄱ$ 은 점 $ㄹ$ 과 점 $ㄴ$ 은 점 $ㅁ$ 과 만나므로 선분 $ㄹㅁ$ 이 됩니다.

16. 다음은 점 \times 을 대칭의 중심으로 하는 점대칭도형을 그리려고 대응점을 찾은 것입니다. 대응점을 잘못 찾은 것은 어느 것입니까?



- ① 점 \square ② 점 \bowtie ③ 점 \wedge ④ 점 \circ ⑤ 점 \sqcap

해설

대응점은 대칭의 중심을 지나고 서로 반대 방향에 있으며, 대칭의 중심에서 같은 거리에 있어야 합니다. 점 \sqcap 과 \bowtie 을 이으면 대칭의 중심을 지나지 않으며, 대칭의 중심에서 같은 거리에 있지 않습니다.

17. 선대칭도형이지만 점대칭도형이 아닌 것을 모두 찾아 기호를 쓰시오.

Ⓐ 직사각형

㉡ 정삼각형

㉢ 평행사변형

㉣ 정오각형

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : ㉢

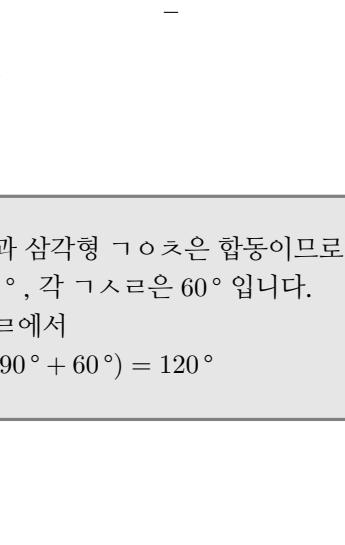
해설

선대칭도형 : Ⓐ, ㉡, ㉢

점대칭도형 : Ⓑ, Ⓒ

→ ㉡, ㉢

18. 다음 그림과 같이 한 변이 10cm인 정사각형 $□ABCD$ 을 선분 DB 을 따라 반으로 접었습니다. 그리고 선분 AC 을 따라 접어 점 O 에 오게 했습니다. 각 $\angle AOB$ 의 크기를 구하시오.



▶ 답:

$^{\circ}$

▷ 정답: 120°

해설

삼각형 BOC 과 삼각형 AOB 은 합동이므로
각 $\angle BOC$ 은 30° , 각 $\angle AOB$ 은 60° 입니다.

사각형 $ABCD$ 에서

$$360^{\circ} - (90^{\circ} + 90^{\circ} + 60^{\circ}) = 120^{\circ}$$

19. 정십이각형은 선대칭도형입니다. 대칭축은 모두 몇 개 입니까?

▶ 답: 개

▷ 정답: 12개

해설

정삼각형은 3개, 정사각형은 4개,
정오각형은 5개이므로
정십이각형의 대칭축은 12개가 됩니다.

20. 다음 이등변삼각형 $\triangle ABC$ 은 선분 BC 을 대칭축으로 하는 선대칭도형입니다. 안에 알맞은 수나 각도를 차례대로 써넣으시오.



▶ 답:

▶ 답:

°

▷ 정답: 12

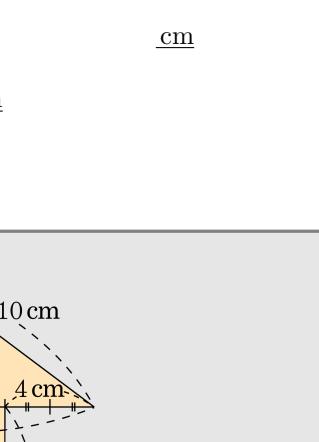
▷ 정답: 40°

해설



(선분 AC) = (선분 BC)이므로
선분 AC 의 길이는 $24 \div 2 = 12(\text{cm})$
각 $\angle C$ 의 대응각은 각 $\angle A$ 이고
대응각의 크기는 같으므로 $180^{\circ} - (90^{\circ} + 50^{\circ}) = 40^{\circ}$ 입니다.

21. 다음과 같은 삼각형을 점 O를 대칭의 중심으로 하여 180° 돌려
점대칭도형을 만들었을 때, 생기는 도형의 전체의 둘레를 구하시오.



▶ 답: cm

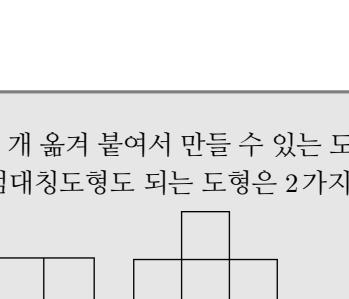
▷ 정답: 40cm

해설



$$\text{도형의 둘레} = (6 + 4 + 10) \times 2 = 40 \text{ cm}$$

22. 다음은 정사각형 5개를 변끼리 맞닿게 붙여서 만든 것입니다. 정사각형 한 개를 옮겨 붙여서 다른 모양을 만들었을 때 선대칭도형도 되고 점대칭도형도 되는 도형은 몇 개입니까?

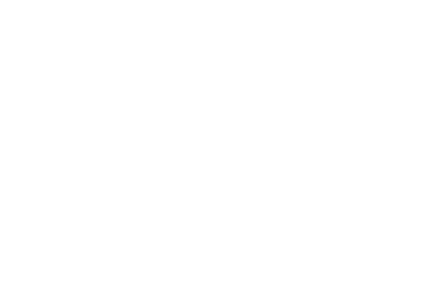


▶ 답: 개

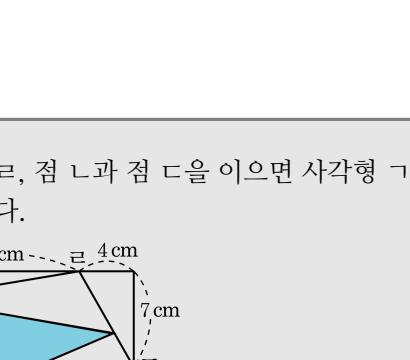
▷ 정답: 2개

해설

정사각형을 한 개 옮겨 붙여서 만들 수 있는 도형 중에서 선대칭도형도 되고 점대칭도형도 되는 도형은 2 가지입니다.



23. 다음 도형은 가로의 길이가 16 cm, 세로의 길이가 9 cm인 직사각형입니다. 색칠한 부분의 넓이는 몇 cm^2 입니까?



▶ 답: $\underline{\hspace{2cm}}$

▷ 정답: 46 cm^2

해설

점 ㄱ과 점 ㄹ, 점 ㄴ과 점 ㄷ을 이으면 사각형 ㄱㄴㄷㄹ은 평행사변형입니다.



(사각형 ㄱㄴㄷㄹ의 넓이)

$$= 16 \times 9 - (12 \times 2 + 7 \times 4) = 92(\text{cm}^2)$$

색칠한 넓이 = $92 \div 2 = 46(\text{cm}^2)$ 입니다.

24. 다음 그림에서 삼각형 $\triangle ABC$ 과 삼각형 $\triangle ACD$ 은 합동인 이등변삼각형입니다. 각 ⑦의 크기를 구하시오.



▶ 답 :

°

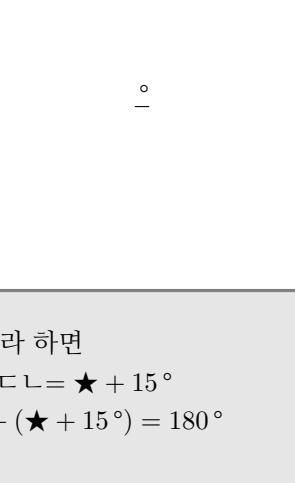
▷ 정답 : 35°

해설



삼각형 $\triangle ABC$ 은 이등변삼각형이므로 밑각의 크기는 같습니다.
한 밑각의 크기는 $(180^\circ - 30^\circ) \div 2 = 75^\circ$
 $75^\circ - 40^\circ = 35^\circ$ 입니다.

25. 삼각형 $\triangle ABC$ 은 변 AB 과 변 AC 의 길이가 같은 이등변삼각형입니다. 점 C 이 점 B 에 오도록 접으면 각 $\angle ACD$ 이 15° 입니다. 각 $\angle BCD$ 의 크기를 구하시오.



▶ 답:

$^\circ$

▷ 정답: 65°

해설

각 $\angle BCD$ 을 \star 이라 하면
각 $\angle BCD = \text{각 } \angle BDC = \star + 15^\circ$
 $\star + (\star + 15^\circ) + (\star + 15^\circ) = 180^\circ$
 $\star = 50^\circ$
각 $\angle BDC = 50^\circ + 15^\circ = 65^\circ$