

1. 5 개의 문자 a , b , c , d , e 를 사용하여 만들어지는 120 개의 문자를 사전식으로 $abcde$ 에서 $edcba$ 까지 나열하였다. 이 때, $bdcea$ 는 몇 번째에 있는지 구하여라.

▶ 답:

번째

▷ 정답: 40 번째

해설

$$a \times \times \times \times : 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$$

$$ba \times \times \times , bc \times \times \times : (3 \times 2 \times 1) \times 2 = 12$$

$$bda \times \times : 2$$

다음에 오는 문자는 $bdcae$, $bdcea$ 이므로 40 번째가 된다.

2. a, b, c, d 의 문자를 사전식으로 배열할 때, $cadb$ 는 몇 번째인가?

① 14 번째 ② 15 번째 ③ 16 번째

④ 17 번째 ⑤ 18 번째

해설

a 또는 b 가 맨 앞에 오면 어떤 다른 문자가 와도 $cadb$ 보다 사전식 배열은 앞선다.

$a\times\times\times$ 인 경우는 $3\times 2\times 1 = 6$ (가지), $b\times\times\times$ 인 경우는 $3\times 2\times 1 = 6$ (가지)

또한, c 가 앞에 오는 경우는 사전식으로 배열하면 $cabd, cadb,$

...

따라서 $cadb$ 는 사전식으로 배열할 때, $6 + 6 + 2 = 14$ (번재)에 온다.

3. 1, 2, 3, 4 의 네 정수를 중복 사용하여 만들 수 있는 다섯 자리의 정수의 개수를 m 개,
3 개의 볼펜을 4 개의 필통에 넣는 방법의 가짓수를 n 개라 할 때, mn 의 값을 4의 거듭제곱의 꼴로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: 4^8

해설

1) (만)(천)(백)(십)(일)의 각각의 자리에 올 수 있는 경우의 수는 1, 2, 3, 4 의 4 가지이므로 서로 다른 4 개에서 중복 사용하여 다섯 개를 뽑아 나열하는 경우의 수는 $4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 = 4^5$
2) 볼펜 1 개가 필통에 들어 갈 경우의 수는 각각 4 개이므로 볼펜 3 개를 넣는 경우의 수는
 $4 \times 4 \times 4 = 4^3$
따라서 $m = 4^5$, $n = 4^3$ 이므로 $mn = 4^8$ 이다.

4. 다음은 예지가

0 1 2 3 4

5장의 카드로 다섯 자리의 수를 만들어서 큰 수부터 나열할 때, 70 번째의 수에 대해 추측하는 말이다. 예지가 하는 말의 빈칸을 모두 채우시오.

예지 : 만의 자리의 숫자가 □인 수 중에 □번째로 작은수 일 거야.

그리고, 그 수는 바로 □□□□□이다.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2,3,20314

해설

만의 자리 숫자가 4일 때 $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (가지)

만의 자리 숫자가 3일 때 $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (가지)

만의 자리 숫자가 2일 때 $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (가지)

70번째 번의 수는 만의 자리 숫자가 2인 수 중에서 3째 번으로 작은 수이다.

5. 영어 단어 *appetite*에 사용된 문자 8 개를 일렬로 나열하는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 5040 가지

해설

총 8 개의 문자 중 *p* 가 2 개, *e* 가 2 개, *t* 가 2 개이므로 구하는

경우의 수는

$$\frac{8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{2 \times 2 \times 2} = 5040 \text{ (가지) 이다.}$$

6. 검은색 깃발 5 개와 흰색 깃발 2 개 노란색 깃발 3 개를 일렬로 세워서 그 색깔의 배열로 신호를 만들 때, 만들 수 있는 신호의 가짓수를 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 2520 가지

해설

$$n! = 1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times (n-1) \times n$$

검은색을 B, 흰색을 W, 노란색을 Y 라 하면

BBBBBWYWYY 를 일렬로 세우는 경우이다.

$$\therefore \frac{10!}{5!2!3!} =$$

$$\frac{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 2 \times 3 \times 2} = 2520 \text{ (가지)}$$

7. 빨강, 파랑, 노랑, 초록색의 네 가지 구슬이 여러 개 있다. 네 종류의 구슬을 각각 적어도 1 개 이상씩 사용하여 구슬 6 개를 일렬로 놓는 방법의 가짓수를 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 1560 가지

해설

$$n! = 1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times (n-1) \times n$$
 이다.

네 종류의 구슬을 각각 적어도 1 개 이상씩 사용해야 하므로 먼저 빨강, 파랑, 노랑, 초록색 4 개의 구슬을 일렬로 늘어놓고, 나머지 2 개의 구슬을 일렬로 놓으면 된다.

(1) 나머지 2 개를 같은 색의 구슬을 놓는 경우

$$\text{전체 } 6 \text{ 개의 구슬 중 } 3 \text{ 개의 구슬이 같은 색이므로 } \frac{6!}{3!} = 120$$

(가지)

이때, 같은 색의 구슬이 빨강, 파랑, 노랑, 초록색일 4 가지 경우가 있으므로

$$120 \times 4 = 480 \text{ (가지)} \text{이다.}$$

(2) 나머지 2 개를 서로 다른 색의 구슬을 놓는 경우

$$\text{전체 } 6 \text{ 개의 구슬 중 } 2 \text{ 개, } 2 \text{ 개가 같은 색이므로 } \frac{6!}{2!2!} = 180$$

(가지)

이때, 나머지 서로 다른 색의 구슬이 (빨, 파), (빨, 노), (빨, 초), (파, 노), (파, 초), (노, 초) 일 6 가지 경우가 있으므로 $180 \times 6 = 1080 \text{ (가지)}$ 이다.

따라서 모든 경우의 수는 $480 + 1080 = 1560 \text{ (가지)}$ 이다.

8. 할아버지와 할머니가 맨 뒷줄에 앉고 나머지 3명의 가족을 앞줄에 일렬로 세우는 방법은 몇 가지인가?

- ① 6 가지 ② 12 가지 ③ 24 가지
④ 48 가지 ⑤ 60 가지

해설

할아버지와 할머니가 뒷줄에 앉는 방법은 2 가지이고, 나머지 3명의 가족이 일렬로 서는 방법은 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지)이다.

따라서 구하는 경우의 수는 $2 \times 6 = 12$ (가지)

9. 다음 경우의 수를 구하여라.

- (1) A, B, C, D의 4명을 일렬로 세울 때, A가 맨 앞에 서게 될 때
- (2) A, B, C, D의 4명을 일렬로 세울 때, A가 맨 뒤에 서게 될 때
- (3) A, B, C, D의 4명을 일렬로 세울 때, A가 맨 앞에 B가 맨 뒤에 서게 될 때

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: (1) 6 가지

▷ 정답: (2) 6 가지

▷ 정답: (3) 2 가지

해설

(1) A를 맨 앞에 고정시키고 나머지 3명을 한 줄로 세우는 경우

이므로 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지)

(2) A를 맨 뒤에 고정시키고 나머지 3명을 한 줄로 세우는 경우

이므로 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지)

(3) A를 맨 앞에, B를 맨 뒤에 고정시키고 나머지 2명을 한 줄로

세우는 경우이므로 $2 \times 1 = 2$ (가지)

10. 다음 경우의 수를 구하여라.

- (1) A, B, C, D 의 4명을 일렬로 세울 때, B를 앞에서 세 번째에 세울 때
- (2) A, B, C, D 의 4명을 일렬로 세울 때, B를 뒤에서 세 번째에 세울 때
- (3) A, B, C, D 의 4명을 일렬로 세울 때, A를 맨 앞에, B를 앞에서 세 번째에 세울 때

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: (1) 6 가지

▷ 정답: (2) 6 가지

▷ 정답: (3) 2 가지

해설

(1) A를 앞에서 세 번째에 고정시키고 나머지 3명을 한 줄로

세우는 경우이므로 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지)

(2) A를 뒤에서 세 번째에 고정시키고 나머지 3명을 한 줄로

세우는 경우이므로 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지)

(3) A를 맨 앞에, B를 앞에서 세 번째에 고정시키고 나머지 2

명을 한 줄로 세우는 경우이므로 $2 \times 1 = 2$ (가지)

11. 다음 경우의 수를 구하여라.

- (1) A, B, C, D의 4명을 일렬로 세울 때, A를 앞에서 두 번째에 세울 때
- (2) A, B, C, D의 4명을 일렬로 세울 때, A를 뒤에서 두 번째에 세울 때
- (3) A, B, C, D의 4명을 일렬로 세울 때, A를 앞에서 두 번째, B를 앞에서 세 번째에 세울 때

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: (1) 6 가지

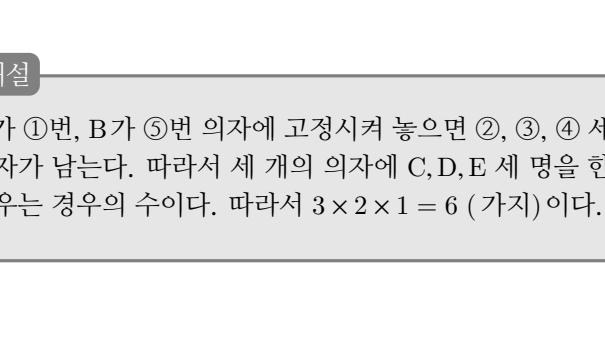
▷ 정답: (2) 6 가지

▷ 정답: (3) 2 가지

해설

- (1) A를 앞에서 두 번째에 고정시키고 나머지 3명을 한 줄로 세우는 경우이므로 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지)
- (2) A를 뒤에서 두 번째에 고정시키고 나머지 3명을 한 줄로 세우는 경우이므로 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지)
- (3) A를 앞에서 두 번째, B를 앞에서 세 번째에 고정시키고 나머지 2명을 한 줄로 세우는 경우이므로 $2 \times 1 = 2$ (가지)

12. A, B, C, D, E 의 학생을 5 개의 의자에 앉히려고 한다. 이때, A 가 ①번, B 가 ⑤번 의자에 앉는 경우의 수를 구하여라.



▶ 답: 가지

▷ 정답: 6 가지

해설

A 가 ①번, B 가 ⑤번 의자에 고정시켜 놓으면 ②, ③, ④ 세 개의 의자가 남는다. 따라서 세 개의 의자에 C,D,E 세 명을 한 줄로 세우는 경우의 수이다. 따라서 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지)이다.

13. 가족 5명이 모두 일렬로 설 때, 아버지가 어머니가 양 끝에 서는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답：가지

▷ 정답： 12 가지

해설

$$\begin{aligned} & (\text{아버지와 어머니 사이에 나머지 } 3\text{명이 일렬로 서는 경우의 수}) \\ & \times (\text{아버지와 어머니가 자리를 바꾸는 경우의 수}) = (3 \times 2 \times 1) \times 2 \\ & = 12 \end{aligned}$$

14. 다음 경우의 수를 구하여라.

- (1) A, B, C, D, E 의 5명을 일렬로 세울 때, A를 맨 앞에 세울 때
- (2) A, B, C, D, E 의 5명을 일렬로 세울 때, A를 맨 뒤에 세울 때
- (3) A, B, C, D, E 의 5명을 일렬로 세울 때, A를 앞에서 두 번째, B를 뒤에서 두 번째에 세울 때

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: (1) 24 가지

▷ 정답: (2) 24 가지

▷ 정답: (3) 6 가지

해설

(1) A를 맨 앞에 고정시키고 나머지 4명을 한 줄로 세우는 경우

$$\text{이므로 } 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24(\text{ 가지})$$

(2) A를 맨 뒤에 고정시키고 나머지 4명을 한 줄로 세우는 경우

$$\text{이므로 } 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24(\text{ 가지})$$

(3) A를 앞에서 두 번째, B를 뒤에서 두 번째에 고정 시키고

$$\text{나머지 3명을 한 줄로 세우는 경우이므로 } 3 \times 2 \times 1 = 6(\text{ 가지})$$

15. 다음 경우의 수를 구하여라.

- (1) A, B, C, D, E의 5명을 일렬로 세울 때, C를 앞에서 세 번째에 세울 때
(2) A, B, C, D, E의 5명을 일렬로 세울 때, C를 맨 뒤에 세울 때
(3) A, B, C, D, E, F의 6명을 일렬로 세울 때, A를 맨 앞에, B를 맨 뒤에 세울 때

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: (1) 24 가지

▷ 정답: (2) 24 가지

▷ 정답: (3) 24 가지

해설

- (1) C를 앞에서 세 번째에 고정시키고 나머지 4명을 한 줄로 세우는 경우이므로 $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (가지)
(2) C를 뒤에서 맨 뒤에 고정시키고 나머지 4명을 한 줄로 세우는 경우이므로 $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (가지)
(3) A를 맨 앞에, B를 맨 뒤에 고정시키고 나머지 4명을 한 줄로 세우는 경우이므로 $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (가지)

16. 남학생 3 명과 여학생 3 명을 일렬로 세울 때, 특정한 남자와 여자 사이에 한 명이 있도록 일렬로 세우는 방법의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 192 가지

해설

특정한 남자와 여자를 각각 A, B 라 하면
(A ○ B) 와 ○ ○ ○ 같이 배열된다.
먼저 A 와 B 사이에 올 수 있는 학생의 수는 4 가지
(A ○ B) 와 ○ ○ ○ 즉, 4 개를 일렬로 세우는 경우의 수는
 $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (가지)
A 와 B 가 자리를 바꾸는 경우의 수는 $2 \times 1 = 2$ (가지)
 $\therefore 4 \times 24 \times 2 = 192$ (가지)

17. 다음 경우의 수를 구하여라.

- (1) A, B, C, D, E의 5명을 일렬로 세울 때, A를 앞에서 두 번째에 세울 때
- (2) A, B, C, D, E의 5명을 일렬로 세울 때, A를 뒤에서 두 번째에 세울 때
- (3) A, B, C, D, E의 5명을 일렬로 세울 때, A를 앞에서 세 번째, B를 맨 뒤에 세울 때

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: (1) 24 가지

▷ 정답: (2) 24 가지

▷ 정답: (3) 6 가지

해설

- (1) A를 앞에서 두 번째에 고정시키고 나머지 4명을 한 줄로 세우는 경우이므로 $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (가지)
- (2) A를 뒤에서 두 번째에 고정시키고 나머지 4명을 한 줄로 세우는 경우이므로 $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (가지)
- (3) A를 앞에서 세 번째, B를 맨 뒤에 고정시키고 나머지 3명을 한 줄로 세우는 경우이므로 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지)

18. A, B, C, D, E 다섯 명이 한 줄로 설 때, C 가 B 바로 앞에 서는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 24 가지

해설

4 명이 한 줄로 서는 경우의 수와 같다.

$$4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24 \text{ (가지)}$$

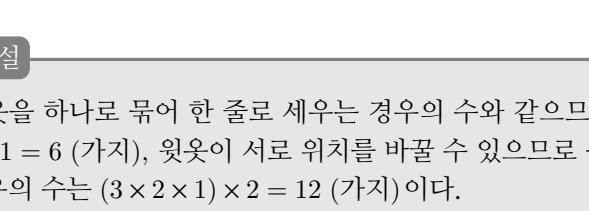
19. 서로 다른 색깔의 지우개가 있다. 흰색 지우개와 분홍 지우개를 이웃하여 놓고, 나머지 3 개의 지우개를 일렬로 놓는 방법은 몇 가지인가?

- ① 12 가지 ② 24 가지 ③ 48 가지
④ 60 가지 ⑤ 72 가지

해설

흰색 지우개와 분홍 지우개를 한 묶음으로 하고 4 개를 일렬로 세우는 경우는 24 가지인데 흰색 지우개와 분홍 지우개가 자리를 바꿀 수 있으므로 총 48 가지이다.

20. 민수는 윗옷 2 벌, 치마 1 벌, 바지가 1 벌 있습니다. 이 옷을 옷장에 정리해서 걸려고 할 때, 윗옷이 이웃하도록 거는 경우의 수를 구하여라.



▶ 답: 가지

▷ 정답: 12 가지

해설

윗옷을 하나로 묶어 한 줄로 세우는 경우의 수와 같으므로 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지), 윗옷이 서로 위치를 바꿀 수 있으므로 구하는 경우의 수는 $(3 \times 2 \times 1) \times 2 = 12$ (가지)이다.

21. 다음 경우의 수를 구하여라.

- (1) A, B, C, D, E의 5명의 학생을 일렬로 세울 때, A, B가 이웃하는 경우
- (2) A, B, C, D의 4명의 학생을 일렬로 세울 때, C, D가 이웃하는 경우
- (3) A, B, C, D의 4명의 학생을 일렬로 세울 때, A, C가 이웃하는 경우

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: (1) 48 가지

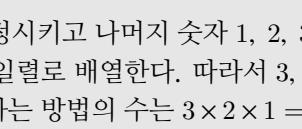
▷ 정답: (2) 12 가지

▷ 정답: (3) 12 가지

해설

- (1) A, B를 하나로 묶어 한 줄로 세운 다음, A, B가 자리를 바꿀 수 있으므로 $(4 \times 3 \times 2 \times 1) \times 2 = 48$ (가지)
- (2) C, D를 하나로 묶어 한 줄로 세운 다음, C, D가 자리를 바꿀 수 있으므로 $(3 \times 2 \times 1) \times 2 = 12$ (가지)
- (3) A, C를 하나로 묶어 한 줄로 세운 다음, A, C가 자리를 바꿀 수 있으므로 $(3 \times 2 \times 1) \times 2 = 12$ (가지)

22. 다음 그림과 같이 1, 2, 3, 4, 5 의 숫자를 사각형에 각각 배열하려고 한다. 5 를 맨 뒤에 놓고, 3, 4 가 이웃하여 만들 수 있는 경우의 수는 모두 몇 가지인지 구하여라.



▶ 답: 가지

▷ 정답: 12 가지

해설

5 를 맨 뒤에 고정시키고 나머지 숫자 1, 2, 3, 4 중에 3, 4 를 하나로 생각한 후 일렬로 배열한다. 따라서 3, 4 를 하나로 생각한 후 일렬로 배열하는 방법의 수는 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지)이다. 3, 4 를 일렬로 배열하는 방법의 수는 $2 \times 1 = 2$ (가지)이므로 구하는 경우의 수는 $6 \times 2 = 12$ (가지)이다.

23. A, B, C, D, 4 명을 한 줄로 세울 때, A 가 B 의 바로 뒤에 서게 되는 경우의 수는?

- ① 2가지 ② 4가지 ③ 6가지
④ 8가지 ⑤ 12가지

해설

A 와 B 를 묶어서 한 명이라고 생각하고 3 명을 한 줄로 세우는 경우의 수를 구한다.

$$3 \times 2 \times 1 = 6 \text{ (가지)}$$

24. 다음 경우의 수를 구하여라.

- (1) A, B, C 의 3 명의 학생을 일렬로 세울 때, A, B 가 이웃하는 경우
- (2) A, B, C, D 의 4 명의 학생을 일렬로 세울 때, A, D 가 이웃하는 경우
- (3) A, B, C, D, E 의 5 명의 학생을 일렬로 세울 때, A, E 가 이웃하는 경우

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: (1) 4 가지

▷ 정답: (2) 12 가지

▷ 정답: (3) 48 가지

해설

- (1) A, B 를 하나로 묶어 한 줄로 세운 다음, A, B 가 자리를 바꿀 수 있으므로 $(2 \times 1) \times 2 = 4$ (가지)
- (2) A, D 를 하나로 묶어 한 줄로 세운 다음, A, D 가 자리를 바꿀 수 있으므로 $(3 \times 2 \times 1) \times 2 = 12$ (가지)
- (3) A, E 를 하나로 묶어 한 줄로 세운 다음, A, E 가 자리를 바꿀 수 있으므로 $(4 \times 3 \times 2 \times 1) \times 2 = 48$ (가지)

25. 중국인 4명과 한국인 5명이 한 줄로 설 때, 한국인은 어느 두 명도 이웃하지 않는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 2880 가지

해설

한국인 5명을 한 줄로 세우고 그 사이에 중국인 4명을 세운다.

$$5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120 \text{ (가지)}, 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24 \text{ (가지)}$$

$$\therefore 120 \times 24 = 2880 \text{ (가지)}$$

26. 한 쌍의 부부와 그 친구 6 명이 일렬로 나란히 서서 사진을 찍는다.
부부는 이웃하여 서게 되는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 10080 가지

해설

부부를 한 묶음으로 보고 7 명이 한 줄로 서는 경우의 수를 구한

후 부부의 위치가 바뀌는 경우를 생각한다.

$$\therefore (7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1) \times 2 = 10080 \text{ 가지}$$

27. 남학생 2 명, 여학생 3 명을 일렬로 세울 때, 남학생은 남학생끼리, 여학생은 여학생끼리 서로 이웃하게 세우는 경우의 수는?

- ① 12 가지 ② 18 가지 ③ 24 가지
④ 36 가지 ⑤ 48 가지

해설

남학생들을 묶어서 A, 여학생들을 묶어 B 라고 하면 A, B 를 일렬로 세우는 경우는 2 가지이다. 이 때, 남학생들끼리 서로 자리를 바꾸는 방법은 $2 \times 1 = 2$ (가지)이고, 여학생들끼리 서로 자리를 바꾸는 방법은 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지)이다.

그러므로 구하는 경우의 수는 $2 \times 2 \times 6 = 24$ (가지)이다.

28. 주머니 안에 빨강, 주황, 노랑, 초록, 파랑, 남색, 보라색의 구슬이 각각 한 개씩 있다. 이 중 빨강과 노랑이 이웃하고, 초록과 보라가 이웃하도록 세우는 경우의 수는?

- ① 96 가지 ② 120 가지 ③ 240 가지
④ 480 가지 ⑤ 720 가지

해설

빨강과 노랑을 한 묶음으로, 초록과 보라를 한 묶음으로 하고 구슬을 일렬로 세우는 방법은 $5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$ (가지)이고, (빨강, 노랑), (초록, 보라)가 서로 자리를 바꿀 수 있으므로 일렬로 세우는 방법은 $120 \times 2 \times 2 = 480$ (가지)이다. 그러므로 구하는 경우의 수는 480 (가지)이다.

29. 남학생 4 명과 여학생 2 명이 한 줄로 설 때 여학생이 이웃하지 않은 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 480 가지

해설

남학생 4 명을 한 줄로 세우고 그 사이에 여학생을 세운다.

$$(4 \times 3 \times 2 \times 1) \times (5 \times 4) = 24 \times 20 = 480(\text{가지})$$

30. 6명의 가족이 일렬로 서서 사진을 찍으려고 한다. 부모님 두 분이 서로 이웃하여 사진을 찍는 경우의 수로 알맞은 것은?

- ① 120가지 ② 240가지 ③ 360가지
④ 480가지 ⑤ 600가지

해설

$$(5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1) \times 2 = 240 \text{ (가지)}$$

31. 유진, 승호, 문서, 정택, 해철 5명이 일렬로 설 때, 유진이와 해철이가 이웃하고 해철이가 유진이의 뒤에 서는 경우의 수를 구하여라.

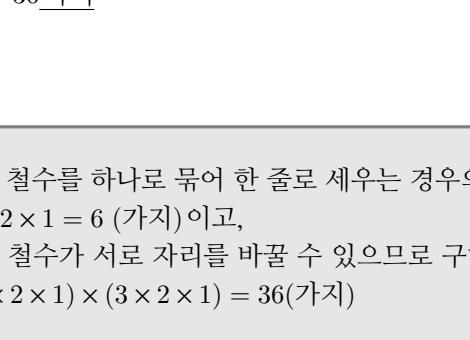
▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 24가지

해설

유진이와 해철이를 1명으로 생각하여 4명을 일렬로 세우는 경우의 수를 구하면
 $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (가지)
이 때, (유진, 해철)의 자리는 정해져 있으므로
구하는 경우의 수는 24 가지이다.

32. 부모님, 누나, 형, 철수 5명의 가족이 나란히 앉아서 가족사진을 찍으려고 한다. 누나, 형, 철수가 이웃하여 가족사진을 찍게 되는 경우의 수를 구하여라.



▶ 답: 가지

▷ 정답: 36 가지

해설

누나, 형, 철수를 하나로 묶어 한 줄로 세우는 경우의 수와 같으므로 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지)이고,

누나, 형, 철수가 서로 자리를 바꿀 수 있으므로 구하는 경우의 수는 $(3 \times 2 \times 1) \times (3 \times 2 \times 1) = 36$ (가지)

33. 여섯 명이 각각 자신의 의자를 1 개씩 가지고 있다. 이 여섯 개의 의자에 여섯 명이 앉을 때, 세 사람만이 자신의 의자에 앉는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 40가지

해설

사람 A, B, C, D, E, F 의 의자를 각각 a, b, c, d, e, f 라 할 때
A, B, C 만 자신의 의자에 앉고 나머지는 다른 의자에 앉는
경우의 수를 구하면 2 가지이다.

A	B	C	D	E	F
a	b	c	e	f	d
a	b	c	f	d	e

따라서 자신의 의자에 앉는 세 사람을 선택하는 경우의 수는
 $\frac{6 \times 5 \times 4}{3 \times 2 \times 1} = 20$ (가지)이고

각각의 경우에 따라 나머지가 다른 의자에 선택하는 경우는 2
가지의 경우가 있으므로
구하는 경우의 수는 $20 \times 2 = 40$ (가지)이다.

34. 여섯 개의 숫자 1, 1, 2, 2, 3, 4를 일렬로 나열할 때, 같은 문자끼리는 나란히 있지 않도록 나열하는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 88 가지

해설

먼저 1, 2를 일렬로 나열하는 방법은 다음과 같다.

(i) 1 1 2 2, 2 2 1 1

(ii) 1 2 2 1, 2 1 1 2

(iii) 1 2 1 2, 2 1 2 1

이때,

(i)의 경우는 3과 4를 1과 2 사이에 하나씩 놓으면 조건을 만족하므로 4 가지

(ii)의 경우는 한가운데인 22와 11 사이에 3을 놓을 경우 4는 6 군데 놓을 수 있고 4를 넣을 경우에 마찬가지로 3은 6 군데에 놓을 수 있으므로 $12 \times 2 = 24$ (가지)

(iii)의 경우 먼저 3은 5 군데에 놓을 수 있고 각각의 경우에 4는 6 군데 놓을 수 있으므로 $5 \times 6 \times 2 = 60$ (가지)

따라서 모든 경우의 수는 $4 + 24 + 60 = 88$ (가지)이다.

35. 5명의 가족이 일렬로 서서 사진을 찍으려고 한다. 부모님 두 분이 서로 이웃하여 사진을 찍는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답：가지

▷ 정답： 48가지

해설

$$(4 \times 3 \times 2 \times 1) \times 2 = 48 \text{ (가지)}$$

36. 남학생 4명과 여학생 3명을 한 줄로 세우려고 한다. 이 때, 어떤 두 여학생도 이웃하지 않게 줄을 세우는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답：가지

▷ 정답： 1440 가지

해설

먼저 남학생을 일렬로 세운 후에 남학생 사이에 여학생을 세우면 되므로 남학생을 일렬로 세우는 경우의 수는

$$4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24(\text{가지})$$

이 때, 여학생은

○남 ○남 ○남 ○남 ○의 5자리 중 3곳을 선택하여 한명씩 세우면 되므로 그 경우의 수는

$$5 \times 4 \times 3 = 60(\text{가지})$$

따라서 구하는 경우의 수는 $24 \times 60 = 1440$ (가지)이다.