다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\sin B = \frac{1}{\sqrt{2}}$, $\sin C = \frac{\sqrt{3}}{2}$, $\overline{AB} = 9\sqrt{2}$ 이고 $\overline{AD} \bot \overline{BC}$ 이다. 이 때, \overline{AC} 의 길이를 구하여라. 1.

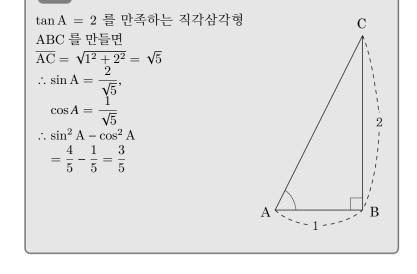
▶ 답: > 정답: 6√3

 $\sin B = \frac{\overline{AD}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{AD}}{9\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$ $\Rightarrow \overline{AD} = 9$ 또한, $\sin C = \frac{\overline{AD}}{\overline{AC}} = \frac{9}{\overline{AC}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$ 따라서 $\overline{AC} = 6\sqrt{3}$ 이다.

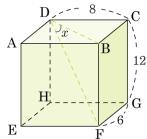
2. $\tan A = 2$ 일 때, $\sin^2 A - \cos^2 A$ 의 값을 구하여라. (단, 0 ° $\leq A \leq 90$ °)

답:

ightharpoonup 정답: $rac{3}{5}$



3. 다음 직사각형에서 \angle FDB 를 x 라고 하면, $\sin x \times \cos x = \frac{b}{a}$ 이다. a+b의 값을 구하시오. (단, a, b는 서로소)



▶ 답: ▷ 정답: 91

 $\overline{\mathrm{DB}} = 10$

 $\overline{BF} = 12$

 $\overline{\mathrm{DF}} = 2\,\sqrt{61}$ 이므로

 $\sin x \times \cos x = \frac{12}{2\sqrt{61}} \times \frac{10}{2\sqrt{61}} = \frac{30}{61}$ 따라서 a+b=91 이다.

- 다음 중 계산이 옳지 <u>않은</u> 것은? **4.**
 - ① $(1 + \sin 90^{\circ})(1 \cos 90^{\circ}) = 2$
 - ② $\sin^2 30^\circ + \cos^2 60^\circ = \frac{1}{2}$

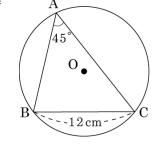
 - $\textcircled{4} \ 2(\sin 30^{\circ} + \cos 60^{\circ}) = \sin 90^{\circ} + \cos 0^{\circ}$ \circ $\sin^2 60^{\circ} + \cos^2 60^{\circ} = \tan^2 45^{\circ}$

- ① (1+1)(1-0) = 2② $\frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{2}$
- ③ 1×1-1×0=1 이므로 $\cos 0$ ° × $\sin 90$ ° – $\tan 45$ ° × $\cos 90$ ° ≠ 0
- $\textcircled{4}\ 2\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\right) = 1 + 1 = 2$

- **5.** 다음 그림에서 $\angle A=45^\circ$, $\overline{BC}=12\,\mathrm{cm}$ 일 때, 외접원 O 의 반지름의 길이는?
 - $\bigcirc 3\sqrt{3}\,\mathrm{cm}$
 - ① $2\sqrt{6}$ cm
- ④ $5\sqrt{3}$ cm
- $34\sqrt{3}$ cm



해설



∠D = ∠A = 45° 이므로 (∵ 5.0ptBC 의 원주각)

$$\sin D = \frac{BC}{BD}, \sin 45^{\circ} = \frac{12}{BD}$$

$$\sin D = \frac{\overline{BC}}{\overline{BD}}, \sin 45^{\circ} = \frac{12}{\overline{BD}}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{12}{\overline{BD}}, \overline{BD} = 12\sqrt{2} \text{ cm}$$

$$\therefore \overline{OB} = 6\sqrt{2}(cm)$$

6. 다음 그림의 그래프와 평행하고 점 (7,5) 를 지나는 직선의 방정식 은?



- $3 y = \sqrt{3}x + 2$
- $4 \ y = \sqrt{3}x 2$ ⑤ y = 3x + 1



(직선의 기울기)= $\frac{\overline{\rm OB}}{\overline{\rm AO}}=\tan 45^\circ=1$ 이고, 점 (7,5) 를 지나므 RO 로 y = (x - 7) + 5, ∴ 직선의 방정식은 y = x - 2 이다.

7.
$$\sin(2x-10^\circ) = \frac{\sqrt{3}}{2}$$
 일 때, x 의 값은? (단, $0^\circ \le x \le 45^\circ$)

① 15° ② 20° ③ 25° ④ 30° ⑤35°

 $\sin(2x - 10^\circ) = \frac{\sqrt{3}}{2}(0^\circ \le x \le 45^\circ) \text{ odd}$

 $\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \circ] 므로 2x - 10^\circ = 60^\circ$ $2x = 70^\circ$ $\therefore x = 35^\circ$

8. B 지점에 떠 있는 기구는 길이가 $80 \mathrm{m}$ 인 줄을 연결하여 C 지점에 묶여있다. 기구에서 지면을 수직으로 내려다 본 지점이 A 일 때, $\angle \mathrm{CBA} = 32^\circ$ 이다. 기구가 지면에서 떨어진 높이 $\overline{\mathrm{AB}}$ 를 버림하여 일의 자리까지 구하여라. (단, $\cos 32^\circ = 0.8480$)

80 m 32° \ C A

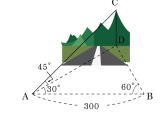
 $\underline{\mathbf{m}}$

▷ 정답: 67 m

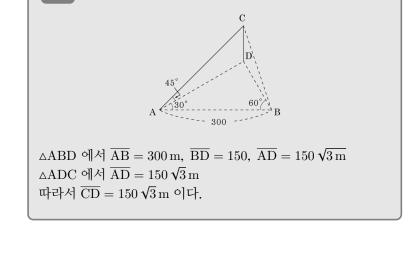
▶ 답:

 $\cos 32^{\circ} = \frac{x}{80} = 80 \times \cos 32^{\circ}$ $\therefore x = 80 \times 0.8480 = 67.840 = 67 \text{ (m)}$

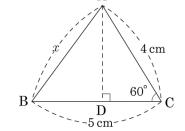
9. 다음 그림에서 $\overline{AB} = 300 \mathrm{m}$ 이고, A 지점에서 산의 꼭대기 C 지점을 쳐다본 각이 45° 일 때, 산의 높이 \overline{CD} 를 구하면?



- ① $150 \sqrt{3} \text{m}$ ④ $300 \sqrt{3} \text{m}$
- ② 150√2m
 ⑤ 300m
- ③ 150m



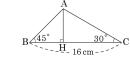
- 10. 다 $\stackrel{o}{\Box}$ $\triangle ABC$ 에서 $\angle C=60^{\circ}$, $\overline{AC}=$ $4 \mathrm{cm}$, $\overline{\mathrm{BC}} = 5 \mathrm{cm}$ 일 때, $\overline{\mathrm{AB}}$ 의 길이 를 구하면?
 - $2\sqrt{21}$ $36\sqrt{3}$ ① $2\sqrt{3}$
 - $4 \ 3\sqrt{7}$ $3 \ 4\sqrt{3}$



 $\angle C = 60^{\circ}$ 이므로 $\overline{AD} = 4 \times \sin 60^{\circ} = 2\sqrt{3}$ $\overline{\text{CD}}=4 imes\cos60^\circ=2$ 이므로 $\overline{\text{BD}}=3$ 따라서 $\triangle \text{ABD}$ 에 피타고라스 정리를 적용하면 x=

 $\sqrt{3^2 + \left(2\sqrt{3}\right)^2} = \sqrt{21}$ 이다.

11. 다음 그림에서 $\angle B=45^\circ$ 이고 $\angle C=30^\circ$ 일 때, \overline{AH} 의 길이를 구하면?



- ① $8(\sqrt{2}-1)$ cm ② $8(\sqrt{3}-1)$ cm ③ $8(2-\sqrt{3})$ cm ④ $8(2-\sqrt{2})$ cm
- \bigcirc 8 $\left(3 \sqrt{3}\right)$ cm

해설

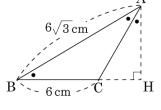
$$\overline{AH} = \frac{16}{\tan (90^{\circ} - 30^{\circ}) + \tan (90^{\circ} - 45^{\circ})}$$

$$= \frac{16}{\tan 60^{\circ} + \tan 45^{\circ}}$$

$$= \frac{16}{\sqrt{3} + 1}$$

$$= 8 (\sqrt{3} - 1) \text{ (cm)}$$

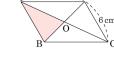
12. 다음 그림과 같은 삼각형의 넓이를 구하여라.



답:▷ 정답: 9√3

 $\angle ABC = 30^{\circ}$ 이므로 $(\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 6\sqrt{3} \times 6 \times \sin 30^{\circ}$ $= \frac{1}{2} \times 6\sqrt{3} \times 6 \times \frac{1}{2}$ $= 9\sqrt{3}$

- 13. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 대각선 \overline{AC} , \overline{BD} 의 교점을 O 라고 하자. $\angle BCD = 60^\circ$, $\overline{AD} = 12 \mathrm{cm}$, $\overline{CD} = 6 \mathrm{cm}$ 일 때, $\triangle ABO$ 의 넓이를 구하면?



 $\bigcirc 9 \, \mathrm{cm}^2$

 $2 10 \,\mathrm{cm}^2$

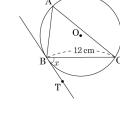
 $3 9\sqrt{2} \,\mathrm{cm}^2$

해설

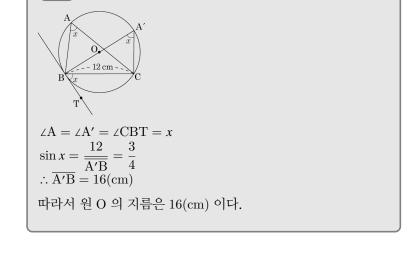
 $9\sqrt{3} \text{ cm}^2$ $5 10\sqrt{3} \text{ cm}^2$

(□ABCD의 넓이) = $12 \times 6 \times \sin 60^{\circ}$ = $12 \times 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2}$ = $36\sqrt{3}$ (cm²) $\therefore \triangle ABO = 36\sqrt{3} \times \frac{1}{4} = 9\sqrt{3}$ (cm²)

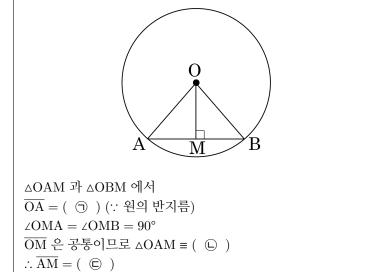
14. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 원 O 에 내접하고 \overrightarrow{BT} 는 원 O 의 접선이다. $\angle CBT = x$ 라 하면 $\sin x = \frac{3}{4}$, $\overrightarrow{BC} = 12 \mathrm{cm}$ 일 때, 원 O 의 지름의 길이는?



① 12cm ② 14cm ③ 16cm ④ 18cm ⑤ 20cm



15. 다음은 원의 중심에서 현에 수선을 그었을 때, 그 현이 이등분됨을 설명한 것이다. () 안에 알맞은 것을 순서대로 나열하면?



OA = (①) (? 현의 현지금)

∠OMA = ∠OMB = 90°

OM 은 공통이므로 ΔOAM ≡ (②)

∴ AM = (②)

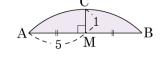
따라서 원의 중심에서 현에 내린 수선은 그 현을 이등분한다.

① ⑦ OB ② ΔOAB © BM ② ⑦ OM ② ΔOBM © BM

∠OMB = 90°, OM 은 공통이므로 △OAM ≡ △OBM ∴ $\overline{AM} = \overline{BM}$

 $\Delta {
m OAM}$ 과 $\Delta {
m OBM}$ 에서 $\overline{
m OA}=\overline{
m OB}$ (∵ 원의 반지름), $\angle {
m OMA}=$

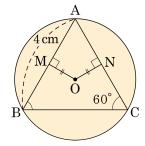
16. 다음 그림에서 원의 반지름의 길이는?



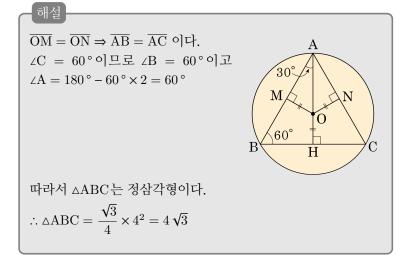
- ① 5 ② $\frac{11}{2}$ ③ 6 ④ 13 ⑤ 7

반지름을 x 라 하면 $\overline{OM} = x - 4$, $x^2 = (x - 1)^2 + 5^2$ \therefore X = 13

17. 다음 그림과 같이 원의 중심 O 와 두 현 AB, AC 사이의 거리가 같고 AB = 4, ∠BCA = 60° 이다. 이 때, △ABC 의 넓이는?



① $4\sqrt{3}$ ② $6\sqrt{2}$ ③ $9\sqrt{3}$ ④ $12\sqrt{2}$ ⑤ $12\sqrt{3}$



18. 다음 그림에서 \overline{PA} , \overline{PB} 는 원 O 의 접선이고 $\overline{OP}=17\mathrm{cm}$, $\overline{OA}=8\mathrm{cm}$ 일 때, $\triangle OPB$ 의 넓이를 구하여라.

POB

 답:
 cm²

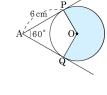
 ▷ 정답:
 60 cm²

 $\overline{PA} = \sqrt{17^2 - 8^2} = 15 \text{(cm)}$

 $\overline{PA} = \overline{PB}$ 이므로 $\triangle OPB = 15 \times 8 \times \frac{1}{2} = 60 \text{ (cm}^2)$

A

19. 다음 그림에서 \overrightarrow{AP} , \overrightarrow{AQ} 는 원 O 의 접선이고, 점 P, Q 는 원 O 의 접점이다. $\overrightarrow{AP}=6cm$, $\angle PAQ=60^\circ$ 일 때, 색칠한 부분의 부채꼴의 넓이를 구하여라.



답:
 > 정답: 8π cm²

 $\underline{\mathrm{cm}^2}$

∠APO = 90°이므로 ∠POO = 260° (60°

해설

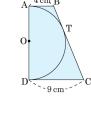
∠POQ = 360° - (60° + 90° + 90°) = 120° 점 A,Ο를 연결하면 특수한 삼각형의 성질에 의하여

 $\overline{PO} = \overline{QO} = \frac{6}{\sqrt{3}} = 2\sqrt{3}$

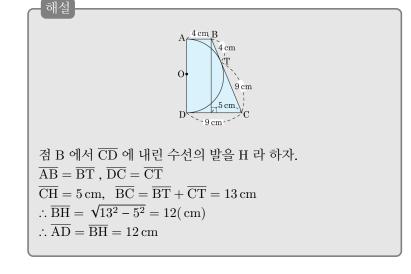
따라서 색칠한 부채꼴의 중심각은 240°이므로

넓이는 $\pi \times (2\sqrt{3})^2 \times \frac{240}{360} = 8\pi \text{(cm}^2\text{)}$

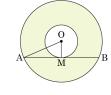
20. 그림에서 \overline{AD} 는 반원의 지름이고, \overline{AB} , \overline{BC} , \overline{CD} 는 반원에 접한다. 이 때, \overline{AD} 의 길이는?



① 11cm ② 12cm ③ 13cm ④ 14cm ⑤ 15cm



21. 다음 그림에서 두 원의 중심이 점 O 로 같고, 색칠한 부분의 넓이가 $48\pi {
m cm}^2$ 일 때, 작은 원에 접하는 $\overline{
m AB}$ 의 길이는?



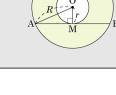
 $18\sqrt{3}$ cm

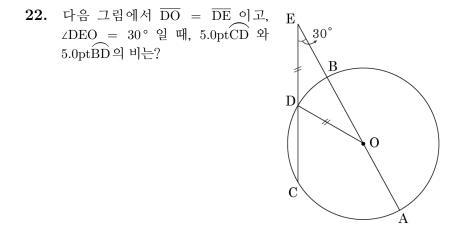
② $4\sqrt{3}$ cm

 $3 8\sqrt{3}\pi cm$

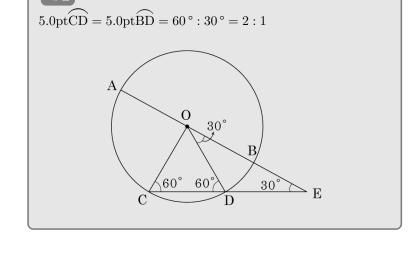
큰 원의 반지름을 R , 작은 원의 반지름을 r 이라 두면, $\mathbf{R}=$

 $\overline{\mathrm{OA}}, \mathrm{r} = \overline{\mathrm{OM}}$ 이다. (색칠한 부분의 넓이) = $\pi \left(R^2 - r^2\right) = 48\pi$ 이므로 $R^2 - r^2 = 48$ $\overline{\text{AM}} = \sqrt{\overline{\text{OA}^2} - \overline{\text{OM}^2}} = \sqrt{R^2 - r^2} = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}$ $\overline{AB} = 2\overline{AM} = 2 \times 4\sqrt{3} = 8\sqrt{3}(cm)$

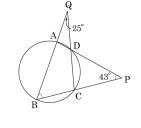




① 3:2 ② 3:4 ③ 2:1 ④ 3:1 ⑤ 4:1



 ${f 23}$. 다음 그림에서 $\angle P=43^\circ,\ \angle Q=25^\circ$ 일 때, $\angle B$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 56°

 $\angle \mathbf{B} = x$ 라고 하면

해설

 $\angle BCD = 180^{\circ} - 25^{\circ} - \angle x = 155^{\circ} - \angle x$ $\angle BAP = 180^{\circ} - 43^{\circ} - \angle x = 137^{\circ} - \angle x$ $\angle BCD + \angle BAP = 155^{\circ} - \angle x + 137^{\circ} - \angle x = 180^{\circ}$ $2\angle x = 112^{\circ}$ $\therefore \angle x = 56^{\circ}$

24. 다음 그림에서 □ABCD 는 원에 내접하고 ∠BPC = 30°, ∠ABC = 70° 일 때, ∠BQA 의 값을 구하면?

① 10° ④ 40°

② 20° ⑤ 50° ③ 30°

30° P A

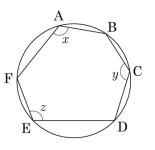
 $\angle {
m ADC} = 110\,^{\circ}\,(\because \angle {
m ABC}$ 의 대각) 이코, $\angle {
m PAQ} = x + 70\,^{\circ}\,$ 이다.

해설

△PAD 에서 한 외각의 크기의 합은 이웃하지 않는 두 내각의 크기의 합과 같으므로 $110^\circ = 30^\circ + x^\circ + 70^\circ$ ∴ $x^\circ = 10^\circ$

 $\therefore x^{*} = 10^{*}$

25. 다음 그림과 같이 육각형 ABCDEF 가 원에 내접할 때, x + y + z 의 값을 구하여라.



▷ 정답: 360 °

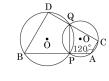
▶ 답:

해섴

점 C 에서 점 F 에 보조선을 그으면

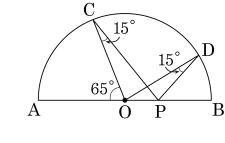
내접사각형 ABCF 에서 x° + \angle BCF = 180°

내접사각형 CDEF 에서 z° + \angle DCF = 180° \angle BCF + \angle DCF = y° 이므로 $\therefore x + y + z = 360^\circ$ **26.** 다음 그림에서 ∠DBP 의 크기를 구하면?



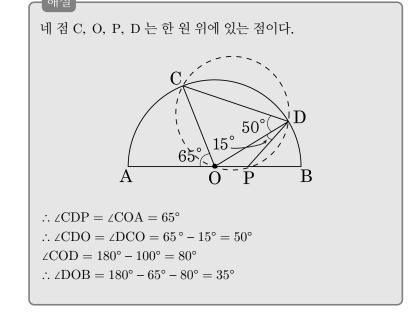
① 80° ② 75° ③ 70° ④ 65° ⑤ 60°

 $\angle PQD = \angle CAP = 120^{\circ}$ $\angle DBP = 180^{\circ} - 120^{\circ} = 60^{\circ}$ **27.** 다음 그림과 같이 \overline{AB} 를 지름으로 하는 원 O 에서 $\angle OCP = \angle ODP = 15^\circ$, $\angle AOC = 65^\circ$ 일 때, $\angle DOB$ 의 크기를 구하여라.

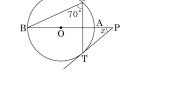


 답:

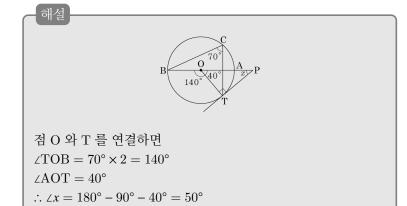
 > 정답:
 35 ___



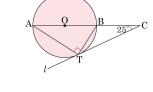
28. 다음과 같이 \overrightarrow{PT} 가 원 O 의 접선이고, $\angle BCT=70^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기로 적절한 것은?



① 20° ② 30° ③ 40° ④ 50° ⑤ 60°

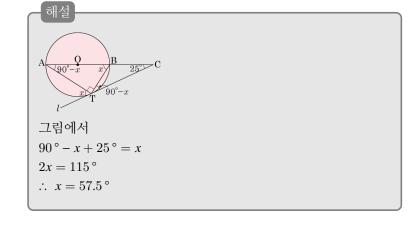


29. 다음 그림에서 원 O 의 지름 AB 의 연장선이 접선 l 과 이루는 각의 크기가 25° 일 때, \angle ABT 의 크기를 구하여라.

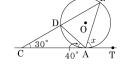


➢ 정답: 57.5 º

▶ 답:



30. 다음 그림에서 직선 AT 가 원 O 의 접선이고, 점 A 가 접점일 때, $\angle BAT$ 의 크기를 구하여라.



 답:

 ▷ 정답:
 70°

_

 $\angle DAC = \angle DBA = 40^{\circ}$

해설

 $\triangle BCA \text{ odd } \angle x = 30^{\circ} + 40^{\circ} = 70^{\circ}$

31. 다음 그림에서 ∠BCA = Т $50\,^{\circ},\ \angle \mathrm{CAP}\ =\ 40\,^{\circ},\ \angle \mathrm{APT'}\ =\ 60\,^{\circ}$ 이고 직선 TT' 이 접선일 때, $\angle x - \angle y$ 의 크기를 구하여라. (단, 단위는 생략)

▷ 정답: 10

▶ 답:

해설 $\angle x = 40^{\circ}$

 $\angle PCA = 60^{\circ}$ □ABCP 는 내접사각형이므로

 $\angle BCP + \angle BAP = 180^{\circ}$ (60° + 50°) + (∠y + 40°) = 180°

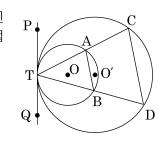
 $\angle y = 30^{\circ}$

 $\therefore \ \angle x - \angle y = 10^{\circ}$

- 32. 다음 그림에서 점 T 는 두 원의 공통인 접점이고, 직선 PQ 는 점 T 를 지나는 접 선이다. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - ① $\angle TAB = \angle ACD$ ② $\angle PTA = \angle BDC$

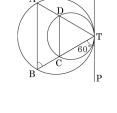
 - $\textcircled{4} \ \overline{AB} /\!/ \, \overline{CD}$
 - ⑤ △ABT∽△CDT

해설



③ ∠DCT = ∠DTQ = ∠BAT 이코 \angle CDT = \angle CTP = \angle ABT 이다.

33. 다음 그림에서 직선 PT 는 두 원에 공통으로 접하는 직선이고 ∠BTP = 60°, □ABCD 는 원에 내접하는 사각형일 때, ∠ABT 의 크기는?



4 60°

⑤ 70°

 $\angle \text{CDT} = 60^{\circ}$

해설

□ABCD 가 원에 내접하므로 $\angle ABT = \angle CDT = 60^{\circ}$

① 30° ② 40° ③ 50°