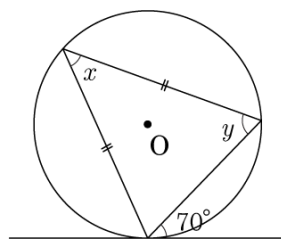


1. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y$ 의 크기는?

- ① 100° ② 110° ③ 120°
④ 125° ⑤ 135°



해설

$\angle x = 70^\circ$ 이고 이등변삼각형의 세 내각의 합

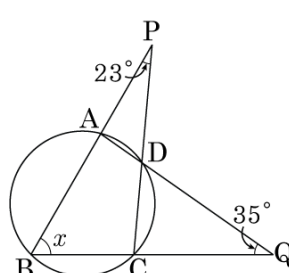
$$\angle x + 2\angle y = 180^\circ$$

$$70^\circ + 2\angle y = 180^\circ$$

$$\therefore \angle y = 55^\circ$$

따라서, $\angle x + \angle y = 125^\circ$ 이다.

2. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 원에 내접하고 $\angle BPC = 23^\circ$, $\angle BQA = 35^\circ$, $\angle ABC = x^\circ$ 일 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답: —

▶ 정답 : 61°

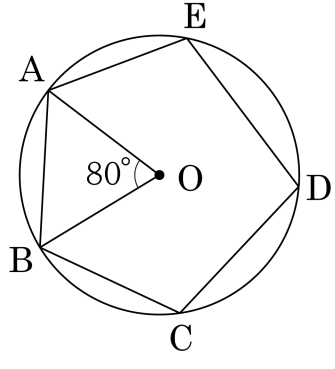
해설

$\angle ABC = x$ 라 하면

 $\angle PCQ = x^\circ + 23^\circ, \angle PBC = \angle CDQ = x^\circ$ 이고,

$\angle PCQ = x^\circ$, $\angle PBC = \angle CDQ = x^\circ$ 이고,
 $\triangle DCQ$ 의 세 내각의 크기의 합은 $x^\circ + (x^\circ + 23^\circ) + 35^\circ = 180^\circ$
 따라서 $x^\circ = 61^\circ$ 이다.

3. 다음 그림과 같이 원 O 에 내접하는 오각형 ABCDE 에서 $\angle AOB = 80^\circ$ 일 때, $\angle C + \angle E$ 의 크기를 구하여라.



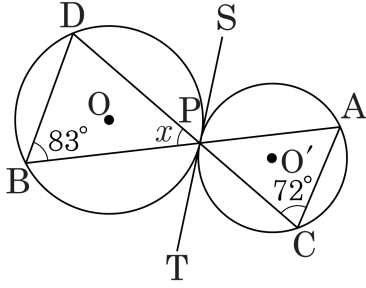
▶ 답 : °

▷ 정답 : 220°

해설

점 A 와 점 C 를 연결하면 $\angle ACB = \frac{1}{2} \times 80^\circ = 40^\circ$
또 □ACDE 는 원에 내접하므로
 $\angle E + \angle ACD = 180^\circ$
 $\therefore \angle C + \angle E = 40^\circ + 180^\circ = 220^\circ$

4. 직선 ST가 두 원 O와 O'의 접선이고 접점 P를 지나는 두 직선이 원과 점 A, B, C, D에서 만날 때, $\angle x$ 의 크기로 옳은 것은?

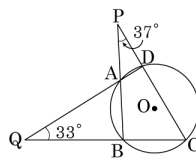


- ① 25° ② 26° ③ 27° ④ 28° ⑤ 29°

해설

$$\begin{aligned} \angle APS &= \angle ACP = 72^\circ \\ \angle SPD &= \angle DBP = 83^\circ \\ \therefore \angle x &= 180^\circ - (72^\circ + 83^\circ) = 25^\circ \end{aligned}$$

5. 다음 그림과 같이 원 O 에 내접하는 $\square ABCD$ 에서 $\overline{DA}$ 와 $\overline{CB}$ 의 연장선의 교점을 Q , $\overline{BA}$ 와 $\overline{CD}$ 의 연장선의 교점을 P 라 하자. $\angle P = 37^\circ$, $\angle Q = 33^\circ$ 일 때, $\angle BCD$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 1

▶ 정답 : 55 °

해설

$\angle BCD = x$ 라고 하면

$$\angle CBP = 180^\circ - 37^\circ - x = 143^\circ - x$$

$$\angle QDC = 180^\circ - 33^\circ - x = 147^\circ - x$$

□ABCD 가 원에 내접하므로

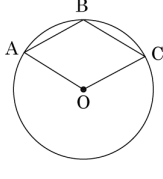
$$143^\circ - x + 147^\circ - x = 180^\circ$$

$$290^\circ - 2x = 180^\circ$$

$$-2x = -110^\circ$$

$$\therefore \angle x = 55^\circ$$

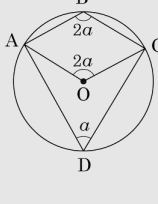
6. 다음 그림과 같은 원 O에서 사각형 OABC가 평행사변형이 될 때, $\angle OAB$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

▶ 정답 : 60°

해설



$\angle AOC = 2a$ 라 두면 사각형 $ABCO$ 가 평행사변형이므로

$$\angle ABC = 2a$$

다음 그림과 같이 원 위의 한 점 D 를 잡으면

$$\angle ADC = a$$

사각형 ABCD 는 위에 내접하므로

사각형 ABCD 는 원에 내접하므

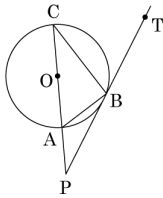
$$2a + a = 180^\circ \quad \therefore \angle a = 60^\circ$$

사각형 ABCD 가 평행사

$\angle CAB + \angle AOC = 180^\circ$

$$\angle OAB + \angle AOC = 180^\circ$$

7. 다음 그림에서 직선 PT는 원 O의 접선이고 $\overline{AC}$ 는 원 O의 지름이다. $\overline{BP} = \overline{BC}$ 일 때, $\angle CBT$ 의 크기를 구하여라. (단, 점 B는 접점이다.)



▶ 답 : °

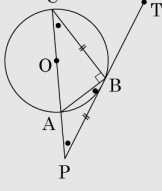
▷ 정답 : 60 °

해설

보조선 AB를 그으면 $\angle CBA = 90^\circ$

$\angle BPC = x$ 라 하면

$\overline{BP} = \overline{BC}$ 이므로 $\angle BCA = \angle BPC = x$



$\overline{PB}$ 가 접선이므로 접선과 현이 이루는 각의 성질에 의하여

$\angle ABP = \angle BCA = x$

삼각형 ABP의 외각의 성질에 의하여

$\angle CAB = 2x$

$\overline{PB}$ 가 접선이므로 접선과 현이 이루는 각의 성질에 의하여

$\angle CBT = \angle CAB = 2x$

$90^\circ + x + 2x = 180^\circ \quad \therefore x = 30^\circ$

따라서 $\angle CBT = 2x = 2 \times 30^\circ = 60^\circ$ 이다.