

1. $-2x^4y^3 \div x^2y \times (-2xy)^2 = Ax^By^C$ 일 때 $A + B + C$ 의 값을 구하면?

- ① 0 ② 2 ③ 4 ④ 8 ⑤ 16

해설

$$\begin{aligned}-2x^4y^3 &\div x^2y \times (-2xy)^2 \\&= -2x^4y^3 \times \frac{1}{x^2y} \times 4x^2y^2 \\&= -8x^4y^4 = Ax^By^C \\A = -8, B = 4, C = 4 &\text{이므로 } A + B + C = 0\end{aligned}$$

2. $3^2 = a$ 일 때, 3^{12} 을 a 에 관한 식으로 나타낸 것은?

- ① a^6 ② $2a^6$ ③ a^8 ④ $2a^8$ ⑤ $3a^8$

해설

$3^{12} = (3^2)^6$ 이므로 a^6 이다.

3. $\left(\frac{2}{3}a^xb^2\right)^3 \div \frac{4}{81}ab^2 = 6a^8b^y$ 일 때, 상수 x, y 에 대하여 $x + y$ 의 값은?

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

해설

$$\begin{aligned}\left(\frac{2}{3}a^xb^2\right)^3 \div \frac{4}{81}ab^2 &= \left(\frac{2^3}{3^3}a^{3x}b^6\right) \times \frac{3^4}{2^2ab^2} \\ &= 6a^8b^y\end{aligned}$$

∴ $x = 3, y = 4$ ∴ $x + y = 7$

4. 어떤 식에 $2x^2 - x + 1$ 을 더하여야 할 것을 잘못하여 빼었더니 $-x^2 + 2x$ 가 되었다. 옳게 계산한 결과는?

① $x^2 + x + 1$ ② $x^2 - 2x$ ③ $3x^2 - 2x + 1$
④ $3x^2 + 2$ ⑤ $-3x^2 - 3x + 1$

해설

어떤식을 A라하면

$$\begin{aligned}A - (2x^2 - x + 1) &= -x^2 + 2x \\A = (-x^2 + 2x) + (2x^2 - x + 1) &= x^2 + x + 1 \\\therefore (x^2 + x + 1) + (2x^2 - x + 1) &= 3x^2 + 2\end{aligned}$$

5. 다음 식 $\frac{2a^2b + 3ab^2}{ab} - \frac{4ab - 5b^2}{b}$ 을 간단히 하면?

- ① $-2a + 8b$ ② $-2a - 8b$ ③ $6a - 8b$
④ $6a - 2b$ ⑤ $2a + 8b$

해설

$$\begin{aligned}\frac{2a^2b + 3ab^2}{ab} - \frac{4ab - 5b^2}{b} &= 2a + 3b - 4a + 5b \\ &= -2a + 8b\end{aligned}$$

6. $\frac{x}{y} = \frac{2}{3}$ 일 때, $\frac{-2x+3y}{3x-y}$ 의 값은?
- ① $-\frac{5}{3}$ ② $\frac{5}{3}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ 0 ⑤ $-\frac{1}{2}$

해설

$$\frac{x}{y} = \frac{2}{3}, \quad x = \frac{2}{3}y$$
$$\therefore \frac{-2x+3y}{3x-y} = \frac{-2 \times \frac{2}{3}y + 3y}{2y - y} = \frac{\frac{5}{3}y}{y} = \frac{5}{3}$$

7. $\frac{(x^2y)^3}{(xy^2)^m} = \frac{x^n}{y^5}$ 일 때, $m - n$ 의 값은?

- ① -2 ② 2 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$\frac{(x^2y)^3}{(xy^2)^m} = \frac{x^6y^3}{x^my^{2m}} = \frac{x^{6-m}}{y^{2m-3}} = \frac{x^n}{y^5}$$

$$6 - m = n, 2m - 3 = 5$$

$$\therefore m = 4, n = 2$$

$$\therefore m - n = 2$$

8. $3^{2x+4} \times 9^{3-x} \times 4^x = 81 \times 6^{2x}$ 일 때, x 의 값은?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}3^{2x+4} \times 9^{3-x} \times 4^x &= 3^{2x+4} \times (3^2)^{3-x} \times (2^2)^x \\&= 3^{2x+4} \times 3^{6-2x} \times 2^{2x} \\&= 3^{10} \times 2^{2x}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}81 \times 6^{2x} &= 3^4 \times 2^{2x} \times 3^{2x} \\&= 3^{4+2x} \times 2^{2x}\end{aligned}$$

$$4 + 2x = 10 \quad \text{므로 } x = 3 \text{ 이다.}$$

9. $(-6x^2y + 12xy - 18y^2) \div \frac{3}{4}y$ 을 간단히 하면?

- ① $-9x^2y^2 + 9xy^2 - \frac{27}{2}y^3$
② $-8x^2y^2 + 16xy^2 - 24y^3$
③ $-\frac{3}{2}x^2 + 9x - \frac{27}{2}y$
④ $-8x^2 + 16x - 24y$
⑤ $-\frac{3}{2}x^2y^2 + 9xy - \frac{27}{2}y^2$

해설

$$\begin{aligned} & (-6x^2y + 12xy - 18y^2) \div \frac{3}{4}y \\ &= (-6x^2y + 12xy - 18y^2) \times \frac{4}{3y} \\ &= (-6x^2y) \times \frac{4}{3y} + 12xy \times \frac{4}{3y} - 18y^2 \times \frac{4}{3y} \\ &= -8x^2 + 16x - 24y \end{aligned}$$

10. $x = 4, y = -2$ 일 때, $\left(\frac{4}{xy^3}\right)^2 \times \left(-\frac{y^2}{2x}\right)^3 \times (3xy)^3$ 의 값은?

- ① 3 ② 8 ③ 21 ④ 27 ⑤ 35

해설

$$(\text{준식}) = \frac{16}{x^2 y^6} \times \left(-\frac{y^6}{8x^3}\right) \times 27x^3 y^3 = -\frac{54y^3}{x^2},$$

$$x = 4, y = -2 \text{ 대입: } -\frac{54 \times (-2)^3}{4^2} = 27$$