- 1. 토마토 15개, 키위 21개를 최대한 많은 학생들에게 똑같이 나누어 주려고 했더니 모두 3개씩 남았다. 학생은 최대 몇 명인가?
 - ① 4명 ②6명 ③ 8명 ④ 10명 ⑤ 12명

15개, 21개를 똑같이 나누면 3개씩 남는다면, (15-3)개, (21-3)

해설

개를 똑같이 나누면 나누어 떨어진다. 이러한 수 중 가장 큰 수는 12와 18의 최대공약수 6이다.

- 2. 사생대회 상품으로 학용품을 준비했다. 공책 45 권, 샤프 38 개, 지우개 32 개를 될 수 있는 대로 많은 학생들에게 똑같이 나누어 주었더니 공책 3 권, 샤프 2 개, 지우개 2 개가 남았다. 몇 명의 학생에게 나누어 주었는가?
 - ① 4명 ② 6명 ③ 8명 ④ 10명 ⑤ 11명

학생 수는 45 - 3, 38 - 2, 32 - 2,

즉 42, 36, 30 의 최대공약수이므로 6 명

- 3. 사과 26 개와 귤 31 개를 될 수 있는 대로 많은 어린이들에게 똑같이 나누어 주려고 했더니 사과는 2 개가 부족하고, 귤은 5 개가 부족했다. 어린이는 모두 몇 명인가?
 - ① 3 명 ② 4 명 ③ 6 명 ④ 8 명 ⑤ 12 명

해설 어린이 수는 26 + 2 = 28, 31 + 5 = 36 의 최대공약수 4 (명)

- 4. 어떤 자연수로 24 를 나누면 나누어 떨어지고, 61 을 나누면 1 이 남는다고 한다. 이러한 자연수 중에서 가장 큰 자연수를 구하면?
 - ① 6 ② 12 ③ 18 ④ 24 ⑤ 32

어떤 수는 24, 61 – 1 = 60 의 공약수이다. 이 중 가장 큰 수는 두 수의 최대공약수이므로 12 이다.

9 6 7 7 6 C 7 C T 7 H H H 6 H 7 9 E 12 9 H .

한다. 이러한 자연수 중에서 가장 큰 자연수를 구하면?
① 16 ② 18 ③ 24 ④ 32 ⑤ 48

해설
96 과 64 의 최대공약수이므로 32

5. 어떤 자연수로 100 을 나누면 4 가 남고, 70 을 나누면 6 이 남는다고

6. 어떤 수로 35 를 나누면 3 이 남고 118 을 나누면 2 가 모자란다고 한다. 이러한 수 중 가장 큰 수는?

②8 3 6 4 4 5 2 ① 16

어떤 자연수를 *x* 라고 할 때, $35 = x \times \triangle + 3, \ 118 = x \times \square - 2$ $32 = x \times \Delta, \ 120 = x \times \Box$ 가장 큰 수 x 는 32 와 120 의 최대공약수 $32 = 2^5, \ 120 = 2^3 \times 3 \times 5$

 $\therefore x = 2^3 = 8$

7. 어떤 자연수로 65 를 나누면 7 이 부족하고 140 을 나누면 4 가 부족하고, 210 을 나누면 6 이 부족하다고 한다. 이러한 자연수 중에서 가장 큰 것은?

① 6 ② 12 ③ 36 ④ 42 ⑤ 72

해설

65+7=72, 140+4=144, 210+6=216 의 최대공약수는 72 이다.

- 8. 사과 54 개와 귤 19 개를 될 수 있는 대로 많은 어린이들에게 똑같이 나누어 주려고 했더니 사과는 2 개가 남고, 귤은 3 개가 부족했다. 어린이는 모두 몇 명인가?
 - ① 2 명 ② 4 명 ③ 6 명 ④ 8 명 ⑤ 12 명

해설 어린이 수는 54 - 2 = 52, 19 + 3 = 22 의 최대공약수 2 (명) 9. 어떤 자연수로 63 을 나누면 3 이 남고 41 을 나누면 5 가 남는다고 한다. 이런 자연수 중 가장 큰 수는?

① 6 ② 8 ③ 12 ④ 15 ⑤ 30

63 - 3 = 60 , 41 - 5 = 36 이므로 구하는 가장 큰 수는 60 과 36 의 최대공약수 12 이다.

| 이는 가장 는 무슨 00 되 30 리 되네 8 급부 12 이다.

10. 61 을 나누면 5 가 남고 165 를 나누면 3 이 부족한 수가 <u>아닌</u> 것은?

① 4 ② 7 ③ 14 ④ 28 ⑤ 56

F.C. -

56 과 168 의 최대공약수는 56 56 약수 중 나머지 5 보다 큰 수들은 7, 8, 14, 28, 56 이다.

- 11. 어떤 수로 33 을 나누면 나누어 떨어지고, 25 를 나누면 3이 남고, 51을 나누면 4 가 모자란다고 한다. 이러한 수 중 가장 큰 수는?
 - ③ 11 ④ 13 ⑤ 15 ① 3 ② 7

어떤 수는 33, 25 - 3 = 22, 51 + 4 = 55 의 공약수이다.

이 중 가장 큰 수는 세 수의 최대공약수이므로 11 이다.

- 12. 사과 62 개와 귤 116 개를 될 수 있는 대로 많은 학생에게 똑같이 나누어 주면, 사과는 2 개가 남고, 귤은 6 개가 남는다고 한다. 이때, 학생 수를 구하면?
 - ① 10 명 ② 12 명 ③ 3 명 ④ 5 명 ⑤ 15 명

해설

학생 수는 62 - 2 = 60, 116 - 6 = 110 의 최대공약수이므로 10 (명) 13. 어떤 수로 35 를 나누면 3 이 남고 118 을 나누면 2 가 모자란다고 한다. 이러한 수 중 가장 큰 수는?

① 16 ② 8 ③ 6 ④ 4 ⑤ 2

32 와 120 의 최대공약수이므로 8 이다.

- 14. 어떤 자연수로 25를 나누어, 37을 나누어, 61을 나누어 항상 1 이 남는다고 한다. 이러한 수로 옳지 않은 것은?
 - **4**5 **5**6 ① 2 ② 3 ③ 4

해설 구하는 수는 25-1 = 24, 37-1 = 36, 61-1 = 60 의 공약수이다.

따라서 구하고자 하는 수는 24,36,60 의 최대공약수의 약수와 같다. 2) 24 36 60

- 2) 12 18 30
- 3) 6 9 15
- 최대공약수가 12 이므로, 어떤 자연수는 1,2,3,4,6,12 가 될 수

있다.

- **15.** 검은 펜 70 개, 빨간 펜 100 개, 파란 펜 130 개를 지영이네 반 학생들에 게 똑같이 나누어주었더니 검은 펜이 6 개, 빨간 펜이 4 개, 파란 펜이 2 개 남았다. 지영이네 반 학생은 30 명 이상이라고 할 때, 지영이네 반 학생 수를 구하여라.
 - ② 32 명 ① 30명 ③ 34명 ④ 36명 ⑤ 38명

해설

70 보다 6 작은 수, 100 보다 4 작은 수, 130 보다 2 작은 수는 어떤 수로 나누어 떨어진다. 그러므로 64, 96, 128 의 공약수 중, 30 이상인 수를 구한다. 2) 64 96 128

- 2) 32 48 64
- 2) 16 24 32
- 2) 8 12 16 2) 4 6 8
- 3 4 최대공약수 : $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32$
- 최대공약수인 32 의 약수 중 30 보다 큰 수는 32 이다. 따라서 지영이네 반 학생 수는 32 명이다.

16. 어떤 수 a로 214, 916, 151, 448을 나누었더니 그 나머지가 b로 같을 때, a, b의 값으로 알맞은 짝은 몇 개인가?

②2개 33개 44개 55개 ① 1개

해설

214,916,151,448을 a로 나눈 몫을 Q_1, Q_2, Q_3, Q_4 라 할 때

 $214 = aQ_1 - b,$

 $916 = aQ_2 - b,$

 $151 = aQ_3 - b,$

 $448 = aQ_4 - b$ 이다. $214 - 151 = 63 = a(Q_1 - Q_3)$ 이므로

63 e a로 나누어 떨어진다. 마찬가지의 방법으로 두 수의 차

916 - 214, 448 - 214, · · · 는 a로 나누어 떨어진다.

63, 234, 297, 468, 702, 765 의 최대공약수는 9 이므로

가능한 a는 3,9이다. a=3일 때, b=1a=9일 때, b=7

(a,b)의 순서쌍은 (3,1),(9,7)로 2개이다.

- **17.** 세 수 124, 156, 204를 어떤 수로 나누었더니 그 나머지가 모두 같았다. 어떤 수 중에서 가장 큰 수와 그 때의 나머지를 구하여라.
 - ① 어떤 수: 7, 나머지: 2 ② 어떤 수: 9, 나머지: 5 ③ 어떤 수: 12, 나머지: 6 ④ 어떤 수: 16, 나머지: 2
 - ⑤ 어떤 수: 16, 나머지: 12

어떤 수를 x, 나머지를 r이라 하고 세 수 124,156,204의 몫을

각각 Q_1 , Q_2 , Q_3 라 하면 $124=xQ_1+r$, $156=xQ_2+r$, $204=xQ_3+r$ 이므로 각각의 수의 차는 x로 나누어 떨어진다.

204 - 124 = 80, 204 - 156 = 48, 156 - 124 = 32 32, 48, 80의 최대공약수는 16이므로 어떤 수는 16이고 그 때의

나머지는 12이다.

18. 두 자연수 27,39를 각각 어떤 자연수로 나누면 나머지가 모두 3이 된다. 이러한 자연수 중 가장 큰 수는?

③12 ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 6

해설

27,39,51을 각각 어떤 자연수로 나누면 나머지가 3이 된다면, (27 - 3),(39 - 3)을 어떤 수로 나누면 나누어 떨어진다. 이러한 수 중 가장 큰 수는 24와 36의 최대공약수인 12이다.

- 19. 사과 26 개와 귤 31 개를 될 수 있는 대로 많은 어린이들에게 똑같이 나누어 주려고 했더니 사과는 2 개가 남고, 귤은 5 개가 부족했다. 어린이는 모두 몇 명인가?
 - ① 3 명 ② 4 명 ③ 6 명 ④ 8 명 ⑤ 12 명

해설 어린이 수는 26 - 2 = 24, 31 + 5 = 36 의 최대공약수 12 (명) **20.** 어떤 자연수로 74 를 나누면 2 가 남고, 131 을 나누면 5 가 남고, 94 를 나누면 4 가 남는다고 한다. 이러한 자연수 중에서 가장 큰 수는?

① 4 ② 6 ③ 8 ④ 18 ⑤ 24

 $72 = 2^3 \times 3^2$, $126 = 2 \times 3^2 \times 7$, $90 = 2 \times 3^2 \times 5$ $\therefore 2 \times 3^2 = 18$

구하는 가장 큰 자연수는 72, 126, 90 의 최대공약수,

해설

21. 38 을 나누면 2 가 남고 45 를 나누면 3 이 부족한 수의 합을 구하면?

① 9 ② 12 ③ 16 ④ 18 ⑤ 22

36 과 48 의 최대공약수는 12

12 의 약수 중 나머지 3 보다 큰 수들의 합을 구하면 4+6+12=22이다.

22. 어떤 자연수로 45를 나누면 3이 남고, 60을 나누면 4가 남고, 85를 나누면 1이 남는다고 한다. 이를 만족하는 자연수 중 가장 큰 수는?

① 8 ② 10 ③ 12 ④ 14 ⑤ 16

45를 나누면 3이 남고, 60을 나누면 4가 남고, 85를 나누면 1이 남으므로 어떤 자연수는 42, 56, 84 의 공약수이다. 따라서 이

중 가장 큰 자연수는 42, 56, 84의 최대공약수인 14이다.

23. 다음 두 수의 최소공배수를 소인수의 곱으로 나타낸 것은?

① 2×3 ② 2×3^2 ③ $2^2 \times 3^2$ ④ $2^4 \times 3$

3 2 36 2 348 2 3 18 2 3 24 3 9 2 12 3 2 6 3 2 6 3 3 ∴ 36=2² × 3² ∴ 48=2⁴ × 3 따라서 최소공배수는 2⁴ × 3² 이다. 24. 다음 두 수의 최대 공약수와 최소공배수를 각각 구하여라.

 $2 \times 3 \times 3 \times 5$ $2 \times 5 \times 5 \times 7$

② 최대공약수: 3, 최소공배수: 1050
 ③ 최대공약수: 5, 최소공배수: 350
 ④ 최대공약수: 6, 최소공배수: 90

① 최대공약수 : 2, 최소공배수 : 90

 ③
 최대공약수: 10, 최소공배수: 3150

최대공약수: 2×5 = 10

해설

최소공배수 : $2 \times 3 \times 3 \times 5 \times 5 \times 7 = 3150$

25. 소인수분해를 이용하여 15 와 21 의 최소공배수를 구하면?

4) 1055) 120

 $15 = 3 \times 5, \ 21 = 3 \times 7$

최소공배수 : $3 \times 5 \times 7 = 105$

① 80 ② 82 ③ 95

26. 세 자연수 8, 12, 16 의 최소공배수는?

① 24 ② 32 ③ 36 ④ 40 ⑤ 48

반드시 소수로만 나누는 것이 아니라 공통으로 나누어지는 수 중에서 가능한 한 큰 수로 나누어도 된다. 2) 8 12 16

2) 4 6 8

해설

 $2 \stackrel{\smile}{)} 2 3 4$

1 3 2 (최소공배수) : $2 \times 2 \times 2 \times 1 \times 3 \times 2 = 48$

27. 다음 중 두 수 12 와 18 의 최소공배수로 옳은 것은?

① 12 ② 18 ③ 36 ④ 42 ⑤ 54

해설 12 = 2² × 3 , 18 = 2 × 3² 이므로, 최소공배수는 2² × 3² , 즉 36

이다.

- **28.** 세 수 2×7^2 , $2^2 \times 7 \times 11$, 5×11^2 의 최소공배수는?

① $2 \times 5 \times 7 \times 11$

- $2^2 \times 3 \times 7 \times 11^2$
- ⑤ $2^2 \times 5^2 \times 7^3 \times 11^2$
- $3 2^3 \times 5 \times 7^2 \times 11 \times 13$ $4 2^2 \times 5 \times 7^2 \times 11^2$

세 수의 최소공배수는 $2^2 \times 5 \times 7^2 \times 11^2$ 이다.

29. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 12,10,4 의 최소공배수는 60 이다. ② 4,5,10 의 최소공배수는 20 이다.
- ③ 2,3,6 의 최소공배수는 6 이다.
- ④ 12,24,6 의 최소공배수는 24 이다.
- ⑤ 14, 6, 8 의 최소공배수는 100 이다.

2<u>) 14 6 8</u> 7 3 4 \therefore 최소공배수는 $2 \times 7 \times 3 \times 4 = 168$ 이다.

해설

30. 다음 보기의 수들의 최소공배수를 차례대로 고른 것은?

보기 - \bigcirc 16, 10, 12 \bigcirc 8, 6, 12 © 4, 16, 32

- ① 40, 18, 16 ② 240, 48, 56 ③ 4, 52, 12 ④ 240, 24, 32 ⑤ 120, 34, 16

2) 16 10 12

해설

- 최소공배수는 $2 \times 2 \times 4 \times 5 \times 3 = 240$ 이다. 2) 8 6 12

최소공배수는 $2 \times 2 \times 3 \times 2 = 24$ 이다.

4) 4 16 32

© 4) 1 4 8 1 1 2

최소공배수는 $4 \times 4 \times 2 = 32$ 이다.

31. 소인수분해를 이용하여 세 수 24,32,36 의 최소공배수를 구하면?

① 4 ② 48 ③ 96

4 288 **5** 360

2) 24 2) 32 2) 36 2) 12 2) 16 2) 18 2) 6 3) 9 3 2) 4 3 2 ∴ 24=2³×3 ∴ 32=2⁵ ∴ 36=2²×3² 따라서 최소공배수는 2⁵×3² = 288이다.

32.	3 ×	, 7×], 4 ×] 의 세 자연수	의 최소공배수가
	1092 일 때, 안에 알맞은 수는?				
	① 2	② 5	③ 11	4 13	⑤ 15
	해설				

33. 두 수 $2^2 \times 3$, $2^3 \times 7$ 의 최소공배수는?

- ① $2^2 \times 7$ ② $2^3 \times 3$ ③ $2 \times 3 \times 7$

해설

 $2^2 \times 3$, $2^3 \times 7$ 최소공배수는 $2^3 \times 3 \times 7$ 이다.

34. 두 수 2×3^2 , 3×5^2 의 최소공배수는?

① $2^2 \times 5$ ② $2^3 \times 3$ ③ $2 \times 3 \times 5$ ② $2^2 \times 3^2 \times 7^2$

해설 2×3^2 , 3×5^2

최소공배수는 $2 \times 3^2 \times 5^2$ 이다.

35. 두 자연수 48, 56 의 최소공배수는?

- ① $2^2 \times 6 \times 7$ ② $2^4 \times 6 \times 7$ ③ $2^3 \times 5 \times 7$

해설

 $\textcircled{4} 2^4 \times 3 \times 7 \qquad \qquad \textcircled{5} \ \ 2 \times 6 \times 7$

 $48 = 2^4 \times 3, 56 = 2^3 \times 7$ 이므로

최소공배수는 $2^4 \times 3 \times 7$ 이다.

36. 12,42,54 의 최소공배수는?

해설

- ① 2×3 ② $2^3 \times 3$ ③ $2 \times 3 \times 7$

12 = 2² × 3 , 42 = 2 × 3 × 7 , 54 = 2 × 3³ 이므로 최소공배수는 2² × 3³ × 7 이다.

37. 16, 42, 54 의 최소공배수는?

해설

- ① 2×3 ② $2^3 \times 3$ ③ $2 \times 3 \times 7$
- $(4) 2^3 \times 3^3$ $(5) 2^4 \times 3^3 \times 7$

16 = 2⁴ , 42 = 2 × 3 × 7 , 54 = 2 × 3³ 이므로 최소공배수는 2⁴ × 3³ × 7 이다.

38. 두 수 $2^2 \times 3 \times 7$, $2^3 \times 3^2 \times 5$ 의 최소공배수는?

- ① $2^2 \times 3^2 \times 5 \times 7$ ② $2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7$ ③ $2^3 \times 3 \times 5 \times 7$ ④ $2^3 \times 3^2$ ⑤ $2^2 \times 3 \times 7$

 $2^2 \times 3 \times 7, \ 2^3 \times 3^2 \times 5$

최소공배수: 2³ × 3² × 5 × 7 이다.

39. 세 $\div 2 \times 3^2 \times 5$, $2^2 \times 3 \times 7$, $2^3 \times 5 \times 7$ 의 최소공배수는?

- ① $2^3 \times 5^2 \times 7$ ② $2 \times 3 \times 5^2$ ③ $2^3 \times 3^2 \times 5$

해설

 $2 \times 3^2 \times 5, \ 2^2 \times 3 \times 7, \ 2^3 \times 5 \times 7$ 최소공배수: $2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7$

- **40.** 세 수 140, 28, 100 의 최소공배수는?

- $(4) 2^3 \times 5^2$ $(5) 2^2 \times 5^2 \times 7$

 $140=2^2\times 5\times 7$, $28=2^2\times 7$, $100=2^2\times 5^2$ 이므로, 최소공 배수는 $2^2\times 5^2\times 7$ 이다.

- **41.** 세 수 42 , 24 , 63 의 최소공배수는?
- - ① $2^2 \times 3^2 \times 5$ ② $2^2 \times 3^2 \times 7$ ③ $2^2 \times 3^2 \times 5 \times 7$

 - $(4) 2^3 \times 3^2 \times 5^2$ $(5) 2^3 \times 3^2 \times 7$

 $42=2\times3\times7$, $24=2^3\times3$, $63=3^2\times7$ 이므로 최소공배수는

 $2^3 \times 3^2 \times 7$ 이다.

42. 두 수 $2^2 \times 3 \times 5$ 와 $2^a \times 3^b \times c$ 의 최소공배수가 $2^3 \times 3^3 \times 5 \times 7$ 일 때, a+b+c 의 값을 구하면?

① 13 ② 12 ③ 10 ④ 8 ⑤ 7

최소공배수가 $2^3 \times 3^3 \times 5 \times 7$ 이므로

 $2^a = 2^3$, $3^b = 3^3$, c = 7이다. $\therefore a=3$, b=3 , c=7에서 a+b+c=13

- **43.** 두 수 $2^a \times 7^b \times 13$, $2^2 \times 13^c$ 의 최소공배수가 $2^4 \times 7^3 \times 13^2$ 일 때, a+b-c 의 값은?
 - ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

 $2^a = 2^4$ 이므로 a = 4,

해설

 $7^b = 7^3$ 이므로 b = 3, $13^c = 13^2$ 이므로 c = 2 이다.

따라서 a+b-c=5 이다.

44. 두 자연수 $2^a \times 3 \times 5$ 와 $2^2 \times 3^b \times c$ 의 최소공배수가 $2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7$ 일 때, a+b+c 의 값은?

① 9 ② 10 ③ 11 ④ 12 ⑤ 13

최소공배수가 $2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7$ 이므로 $a=3,\ b=2,\ c=7$ 이다. ∴ a+b+c=12

45. 세 자연수 A, $2^3 \times 7$, $5^2 \times 7^2$ 의 최소공배수가 $2^3 \times 5^2 \times 7^2$ 일 때, A 값이 될 수 있는 한 자리의 자연수를 모두 더하면?

① 23 ② 25 ③ 27 ④ 29 ⑤ 31

세 자연수 $A,~2^3 \times 7,~5^2 \times 7^2$ 의 최소공배수가 $2^3 \times 5^2 \times 7^2$ 이므로

해설

 $A ext{는 } 2$, 5, 7을 소인수로 가질 수 있으며 각 소인수의 지수는 $2^3 \times 7$, $5^2 \times 7^2$ 의 소인수의 지수보다 작거나 같으면 된다. 따라서, A의 값이 될 수 있는 한 자리의 수는 1, 2, $2^2 (=4)$, 5, 7, $2^3 (=8)$ 이므로 이를 모두 더하면 1+2+4+5+7+8=27이다.

46. 두 자연수 $2^a \times 3$ 과 $2^3 \times 3^b \times 5$ 의 최소공배수가 $2^4 \times 3^2 \times 5$ 일 때, a+b 의 값은?

① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

최소공배수가 $2^4 \times 3^2 \times 5$ 이므로, $a=4,\ b=2$ 이다. $\therefore a+b=4+2=6$

해설

- **47.** 두 수 $3^a \times 5 \times 11^2$, $3^2 \times 7^b \times 11^c$ 의 최소공배수를 구하면 $3^4 \times 5 \times 7^3 \times 11^3$ 이다. a+b-c 의 값으로 옳은 것은?
 - ① 1 ② 2 ③ 3 3 ④ 4 ⑤ 5

 $3^a=3^4$ 이므로 a=4 ,

해설

 $7^b = 7^3$ 이므로 b = 3, $11^c = 11^3$ 이므로 c = 3 이다.

따라서 a+b-c=4이다.

48. 두 자연수 A 와 $2^3 \times 3^2 \times 5$ 의 최소공배수가 $2^5 \times 3^2 \times 5 \times 7$ 일 때, 가능한 A 의 개수는?

① 2 개 ② 3 개 ③ 4 개 ④ 5 개 **⑤** 6 개

 $A = a \times b \times c \times d$ 라 하면

해설

 $\frac{2^{3} \times 3^{2} \times 5}{a \times b \times c \times d}$ $\frac{2^{5} \times 3^{2} \times 5 \times 7}{2^{5} \times 3^{2} \times 5 \times 7}$

 $\therefore a = 2^5, b = 1, 3, 3^2, c = 1, 5, d = 7$ 따라서, $A = 2^5 \times 7, 2^5 \times 5 \times 7, 2^5 \times 3 \times 7,$ $2^5 \times 3 \times 5 \times 7$, $2^5 \times 3^2 \times 7$, $2^5 \times 3^2 \times 5 \times 7$ 의 6 개이다.

49. 두 자연수 $6 \times x$, $8 \times x$ 의 최소공배수가 216 일 때, 자연수 x 의 값은?

② 9 ③ 11 ④ 13 ⑤ 15 ① 7

 $\frac{6 \times x = 2 \times 3 \times x}{6 \times x = 2^{3} \times 3 \times x}$ 최소공배수 : $2^{3} \times 3 \times x = 216 \cdots 1$ $24 \times x = 216$

 $x = 216 \div 24 = 9$

- **50.** 다음 두 수 $2^a \times 3^3 \times 5^2$, $2^5 \times 3^2 \times 5^{a+1}$ 의 최소공배수가 $2^5 \times 3^3 \times 5^{a+1}$ 일 때, 다음 중 자연수 a 가 될 수 <u>없는</u> 것은?
 - ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

 2^a 와 2^5 의 최소공배수가 2^5 이므로 a 는 5 이하의 수가 되어야 한다. 또한 5^2 과 5^{a+1} 의 최소공배수가 5^{a+1} 이므로 a+1 은 2 이상의 수가 되어, a 는 1 이상의 수가 된다. 따라서 두 조건을 모두 만족시키는 자연수는 1, 2, 3, 4, 5 이다.

51. 다음 중 12 의 배수이면서 동시에 15 의 배수가 되는 수는?

① 20 ② 30 ③ 40 ④ 60 ⑤ 100

해설

12 와 15 의 최소공배수인 60 의 배수를 찾으면 된다.

52. 4 의 배수이면서 동시에 6 의 배수인 수가 <u>아닌</u> 것은?

① 12 ② 24 ③ 40 ④ 108 ⑤ 120

에실 4 와 6 의 최소공배수인 12 의 배수가 아닌 수를 찾으면 된다.

- **53.** 다음 중 6 의 배수이면서 동시에 8 의 배수가 되는 수는?
 - ① 2의 배수
 ② 4의 배수
 ③ 12의 배수

 ④ 24의 배수
 ⑤ 48의 배수

해설

6 의 배수이면서 동시에 8 의 배수가 되는 수는 6 와 8 의 공배수 이고 6 와 8 의 최소공배수는 24이다.

54. 5와 6의 최소공배수가 30이다. 5와 6의 공배수가 <u>아닌</u> 것은?

해설

① 10 ② 30 ③ 60 ④ 90 ⑤ 120

두 수의 공배수중 가장 작은 수는 최소공배수이다. 최소공배수가 30 일 때, 공배수는 최소공배수의 배수이므로 30,60,90,··· 이다.

30 일 때, 공배수는 최소공배수의 배수이므로 30, 60, 90, · · · 이다

55. 12의 배수도 되고 20의 배수도 되는 수는?

 ① 4의 배수
 ② 24의 배수
 ③ 36의 배수

 ④ 60의 배수
 ⑤ 120의 배수

해설

12와 20의 공배수는 두 수의 최소공배수인 60 의 배수이다.

56. 다음 각 수를 나열한 것을 보고 공통인 수를 찾으면?

 $16, 32, 48, 64, \cdots$ 6, 12, 18, 24, ...

① 6의 배수 ② 16의 배수

③48의 배수

해설

④ 96의 배수 ⑤ 112의 배수

첫째 줄의 수는 16의 배수이고, 둘째 줄의 수는 6의 배수이므로

16 과 6 의 최소공배수인 48 의 배수가 된다.

- **57.** a 와 15 의 공배수가 15 의 배수와 같을 때, 다음 중 a의 값으로 적당한 것은?
 - ① 2 ② 3 ③ 6 ④ 10 ⑤ 20

a 와 15 의 공배수가 15 의 배수와 같다는 것은 a 와 15 의 최소

공배수가 15 라는 뜻이다. 따라서 a 와 15 의 최소공배수가 15 가 나오기 위해서는 a 가 15 의 약수가 되어야 한다.

의 탁구가 되어야 한다.

58. 어떤 두 자연수의 최소공배수가 18 일 때, 100 이하의 두 자연수의 공배수 중 가장 큰 것은?

① 18 ② 36 ③ 54 ④ 72 ⑤ 90

두 자연수의 공배수는 최소공배수의 배수를 구하면 된다. 어떤 두 자연수의 최소공배수가 18 이므로 *A*, *B* 의 공배수는 18, 36, 54, 72, 90··· 이다. 100 이하의 자연수 중 가장 큰 수는 90 이다.

해설

- **59.** 두 자연수 A , B 의 최소공배수가 17 일 때, 다음 중 A , B 의 공배수가 <u>아닌</u> 것은?
 - ① 17 ② 34 ③ 51 ④ 62 ⑤ 85

해설

두 수의 최소공배수의 배수들이 두 수의 공배수이므로, 17 의 배수 17,34,51,68,85,…가 아닌 것은 62 이다.

- **60.** 두 자연수의 최소공배수가 72 일 때, 두 수의 공배수 중 200 보다 작은 수를 모두 고르면?(정답 2개)
 - ① 36 ② 72 ③ 104 ④ 144 ⑤ 180

해설 -

공배수는 최소공배수의 배수이므로 최소공배수인 72 의 배수 72 , 144 , 216 , 288 , 360 , … 중 200 보다 작은 수는 72 , 144 이다.

- **61.** 다음 중 두 자연수 $2^2 \times 3 \times 5$, $2 \times 3^3 \times 5$ 의 공배수가 될 수 <u>없는</u> 것은?
- ① $2 \times 3 \times 5$ ② $2^2 \times 3^3 \times 5$ ③ $2^2 \times 3^3 \times 5^2$
- $\textcircled{4} \ \ 2^3 \times 3^3 \times 5$ $\textcircled{5} \ \ 2^3 \times 3^3 \times 5^3$

해설

최소공배수: $2^2 \times 3^3 \times 5$ 공배수는 최소공배수의 배수이므로 $2^2 \times 3^3 \times 5$ 의 배수가 된다.

62. 세 수 16, 6, 2×3^2 의 공배수 중 300 에 가장 가까운 수는?

① 308 ② 302 ③ 295 ④ 291 ⑤ 28

해설

세 수의 최소공배수는 $2^4 \times 3^2 = 144$ 이므로 세 수의 공배수는 144 의 배수가 된다. 따라서 144, 288, 432, \cdots 중 300 에 가장 가까운 수를 찾는다.

- **63.** 300 이하의 자연수 중에서 2^3 , 2×3^2 , 24 의 공배수가 <u>아닌</u> 것은?
 - ③ 180 ④ 216 ⑤ 288 ① 72 ② 144

 2^3 , 2×3^2 , 24 의 최소공배수는 72 이므로 보기 중에서 300이하의 72 의 배수가 아닌 것은 180 이다.

- **64.** 다음 중 $2^2 \times 5$, 3×5 , 42 의 공배수인 것은?
 - **(5)** 420 ① 30 ② 100 ③ 150 ④ 210

 $2^2 \times 5$, 3×5 , 42 의 최소공배수는 $2^2 \times 3 \times 5 \times 7 = 420$ 이므로 420 의 배수를 찾는다.

- **65.** 세 자연수 a , b , c 의 최소공배수가 120 일 때, a , b , c 의 공배수 중 500 에 가장 가까운 수는?
 - **2** 480 ① 360 ③ 120 ④ 500 ⑤ 600

공배수는 최소공배수의 배수이므로, 최소공배수인 120 의 배수 120 , 240 , 360 , 480 , 600 , \cdots 중에서 500 에 가장 가까운 수는 480 이다.

- **66.** 두 자연수 a, b 의 최소공배수가 64 일 때, a 와 b 의 공배수 중 300 에 가장 가까운 수는?
 - ① 192 ② 256 ③ 294 ④ 305 ⑤ 320

최소공배수의 배수인 64, 128, 192, 256, 320, ... 중 300 에 가장

가까운 수는 320 이다.

67. 다음 각 수를 나열한 것을 보고 공통인 수를 찾으면?

 $7, 14, 21, 28, \cdots$ $21, 42, 63, 84, \cdots$

3 21, 42, 63, 84

(2) 7, 14, 21, 28, ...

⑤ 147, 294, 441, 588,···

4 21, 42, 63, 84, · · ·

① 7,14,21,28

첫 번째 줄의 수는 7 의 배수이고 두 번째 줄의 수는 21의 배수

해설

이다. 따라서 공통인 수를 찾으면 7과 21의 공배수, 즉 21의 배수를 찾으면 된다.

· ㅈㅡ 현 현역.

- **68.** 두 자연수의 최소공배수가 16 일 때, 두 자연수의 공배수를 바르게 나열한 것은?
 - ③ 16, 32, 48
 - ① 1, 2, 4, 8, 16 ② $4, 16, 64, \cdots$
- $4, 8, 16, 32, \cdots$
- \bigcirc 16, 32, 48, 64, · · ·

공배수는 최소공배수의 배수이므로, 두 자연수의 공배수는 16

의 배수이다.

- **69.** a 와 12 의 공배수가 12 의 배수와 같을 때, 다음 중 a 의 값이 될 수 없는 것은?
 - ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 12 ⑤ 24

해설

a 와 12 의 공배수가 12 의 배수와 같다는 것은 a 와 12 의 최소 공배수가 12 이라는 뜻이므로

a 와 12 의 최소공배수가 12 가 나오기 위해서는 a 가 12 의 약수가 되어야 한다.
24 는 12 의 약수가 아니고 a 가 24 가 될 경우 24 와 12 의 최소

공배수는 24 이므로 24 가 아니다.

- **70.** 다음 중 두 수 $2^2 \times 5^3 \times 11$, $2 \times 5^2 \times 11^2$ 의 공배수가 <u>아닌</u> 것은?

① $2^2 \times 5^3 \times 11^2$

- ② $2^2 \times 5^4 \times 11^3$
- $3 2^2 \times 5^3 \times 7 \times 11^2$ ⑤ $2^3 \times 5^3 \times 11^4$
- $2^3 \times 5^2 \times 11^2$

해설

최소공배수가 $2^2 \times 5^3 \times 11^2$ 이므로 5 의 지수가 최소공배수보다

작은 $2^3 \times 5^2 \times 11^2$ 는 공배수가 될 수 없다.

- 71. 두 자연수의 최소공배수가 14 일 때, 두 자연수의 공배수를 나타낸 것은?

 - ① 1,3,7,21 ② $4,16,64,\cdots$

 - 3 14, 28, 42, 56, \cdots 4 2, 4, 8, 16, 32, \cdots
 - ⑤ 14, 28, 42

공배수는 최소공배수의 배수이므로, 두 자연수의 공배수는 14

의 배수이다.

- 72. 두 수 A 와 B 의 최소공배수는 18 이고, 두 수 C 와 D 의 최소공배수는 24 이다. 네 수 A , B , C , D 의 공배수로 알맞은 것을 모두고르면?(정답 2개)
 - ① 18 ② 36 ③ 72 ④ 90 ⑤ 144

해설

A 와 B 의 최소공배수는 18 이고, 두 수 C 와 D 의 최소공배수는 24 이므로, 네 수 A , B , C , D 의 최소공배수는 72 이다. 따라서 A , B , C , D 의 공배수는 72 의 배수이다.

- 73. 두 수 A 와 B 의 최소공배수는 12 이고, 12 와 C 의 최소공배수는 24 이다. 세 수 A , B , C 의 공배수로 알맞은 것을 모두 고르면?(정답 2 개)
 - ① 12 ② 24 ③ 36 ④ 48 ⑤ 60

해설

A 와 B 의 최소공배수는 12 이고, 두 수의 최소공배수인 12 과 C 의 최소공배수가 24 이므로, 세 수 A , B , C 최소공배수는 24 이다. 따라서 A , B , C , D 의 공배수는 24 의 배수이다.

74. 세 수 9, 18, 27 의 공배수 중 500 이하의 자연수는 모두 몇 개인가?

① 3 개 ② 5 개 ③ 7 개 ④ 9 개 ⑤ 11 개

해설

9, 18, 27 의 공배수는 최소공배수 54 의 배수이므로 500 이하의 자연수는 500 ÷ 54 = 9 ··· 14 이므로 9 개이다. **75.** 2^2 , $2^2 \times 3$, 3×5 의 공배수 중에서 200 이하인 것의 개수는?

① 2 개 ② 3 개 ③ 4 개 ④ 5 개 ⑤ 6 개

해설

세 수의 최소공배수는 $2^2 \times 3 \times 5 = 60$ 이므로 200 이하의 공배수는 60, 120, 180 으로 총 3개이다.

- **76.** 세 자연수 A, B, C 의 최소공배수가 26 일 때, A, B, C 의 공배수 중 80 이하의 자연수는 몇 개인가?
 - ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설 제 기 (*

세 자연수의 공배수는 최소공배수의 배수를 구하면 된다. 세 자연수 *A, B, C* 의 최소공배수가 26 이므로 *A, B, C* 의 공배 수중 80 이하의 자연수는 26, 52, 78 이다. 따라서 3 개이다.

77. 두 수 15 과 20 의 공배수 중 400 이하인 것의 개수는?

① 5 개 ② 6 개 ③ 7 개 ④ 8 개 ⑤ 9 개

해설 11 이 이

15 와 20 의 공배수는 최소공배수인 60의 배수이므로, 400 이하의 60의 배수는 60, 120, 180, 240, 300, 360으로 총 6개이다.

78. $2^2 \times 3 \times 5$, $2 \times 3^2 \times 5$ 의 공배수가 <u>아닌</u> 것은?

- ① $2^3 \times 3^2 \times 5$ ② $2^2 \times 3^3 \times 5 \times 7$ ③ $2^3 \times 3 \times 5$ $4 \ 2^2 \times 3^2 \times 5$ $5 \ 2^3 \times 3^3 \times 5^3$

해설 $2^2 \times 3 \times 5, 2 \times 3^2 \times 5$ 의 공배수는 두 수의 최소공배수인 $2^2 \times 3^2 \times 5$

의 배수이다.

79. 100 이하의 자연수 중에서 6과 9의 공배수의 갯수는?

① 3개 ② 4개 ③ 5개 ④ 6개 ⑤ 8개

해설

6 과 9 의 최소공배수는 $2 \times 3^2 = 18$, 따라서 100 이하에서 18 의 배수는 5개

- **80.** x는 16, 32, 80의 공배수 중 500 보다 작은 자연수일 때, x값의 개수를 구하여라.
 - ① 1 ② 2

16, 32, 80 의 공배수는 160 의 배수이다.

33

500 보다 작은 160 의 배수는 160, 320, 480으로 3 개이다.

81. 두 수 $2^2 \times 3$ 과 $2^2 \times 5$ 의 공배수를 옳게 표현한 것은?

 ① 30의 약수
 ② 30의 배수
 ③ 60의 약수

 ④ 60의 배수
 ⑤ 4의 배수

해설

 $2^2 \times 3$ 과 $2^2 \times 5$ 의 최소공배수는 $2^2 \times 3 \times 5 = 60$ 이다.

- **82.** 두 자연수 A , B 의 최소공배수가 16 일 때, 100 이하의 A , B 의 공배 수의 개수는?
 - ① 4개 ② 5개

 ③6개
 ④7개
 ⑤8개

공배수는 최소공배수의 배수이므로, 최소공배수인 16 의 배수

해설

중 100 보다 작은 자연수의 개수를 구한다. $100 \div 16 = 6.25$ 따라서 200 보다 작은 자연수의 개수는 6개이다.

- 83. 가로의 길이가 450 m , 세로의 길이가 240 m 인 직사각형 모양의 목 장이 있다. 목장의 가장자리를 따라 일정한 간격으로 나무를 심는데, 네 모퉁이에는 반드시 나무를 심는다고 한다. 나무를 가능한 한 적게 심으려면 나무의 간격은 얼마이어야 되는가?
 - ① 30 m ② 15 m ③ 10 m ④ 3 m ⑤ 2 m

나무를 가능한 한 적게 심으려면 심는 간격이 넓어야 하므로 450

과 240 의 최대공약수인 30 m 이다.

84. 가로, 세로의 길이가 각각 $48\,\mathrm{m}$, $32\,\mathrm{m}$ 인 직사각형 모양의 꽃밭의 가장자리에 일정한 간격으로 나무를 심으려고 한다. 네 모퉁이에는 반드시 나무를 심어야 한다. 이때, 나무 그루수를 가능한 적게 하려고 할 때, 나무 사이의 간격은?

① 14 m ② 16 m ③ 18 m ④ 20 m ⑤ 22 m

나무 사이의 간격을 *x* 라 할 때, $48 = x \times \square, \ 32 = x \times \triangle$ x 는 48과 32의 최대공약수이므로 $48 = 2^4 \times 3, \ 32 = 2^5$

 $x = 2^4 = 16 \text{ (m)}$

85. 다음 그림과 같이 가로의 길이가 $300\,\mathrm{m}$, 세 __300 m-_ 로의 길이가 210 m 인 직사각형 모양의 땅의 210 m 둘레에 일정한 간격으로 나무를 심으려고 한 다. 네 모퉁이에는 반드시 나무를 심어야 하고 나무를 가능한 한 적게 심으려고 할 때, 필요한 나무의 그루수는?

직사각형 모양의 꽃밭의 가장자리에 필요한 나무 그루수는

① 32 그루 ④ 38 그루

해설

②34 그루 ⑤ 40 그루

③ 36 그루

나무의 간격은 $300 = 2^2 \times 3 \times 5^2$, 210 = 2 × 3 × 5 × 7 의 최대공약수 30 (m),

나무 사이의 간격을 30 m 라 할 때, 가로 $300 = 30 \text{ (m)} \times 10 \text{ (그루)}$ 세로 210 = 30 (m) × 7 (그루)

 $(10+7) \times 2 = 34$ (그루)

- 86. 세 변의 길이가 각각 $66 \, \mathrm{m}, \, 84 \, \mathrm{m}, \, 78 \, \mathrm{m}$ 인 삼각형 모양의 목장이 있다. 이 목장의 가장자리를 따라 일정한 간격으로 향나무를 심으려고 한다. 세 모퉁이는 반드시 향나무를 심어야 하며 나무의 개수는 될 수 있는 한 적게 하려고 할 때, 향나무를 최소한 몇 그루를 준비해야 하는지 고르면?
 - ③ 38 그루⑤ 41 그루

① 6 그루

- ② 18 그루 ③ 24 그루

해설

66, 84, 78 의 최대공약수는 6 이므로

나무의 수는 $(66 \div 6) + (84 \div 6) + (78 \div 6) = 11 + 14 + 13$ = 38 (그루)

- 87. 세 변의 길이가 각각 $96 \, \mathrm{m}, \, 84 \, \mathrm{m}, \, 108 \, \mathrm{m}$ 인 삼각형 모양의 농장이 있다. 이 농장의 둘레에 같은 간격으로 말뚝을 박아 철조망을 설치하려고 한다. 세 모퉁이는 반드시 말뚝을 박아야 하며, 말뚝의 개수는 될 수 있는 한 적게 하려고 할 때, 말뚝은 최소한 몇 개를 준비해야 하는지 고르면?
 - (3) 24 개 (4) 30 개 (5) 36 개 ① 12 개 ② 18 개

96, 84, 108 의 최대공약수는 12 이므로 말뚝의 개수는

해설

 $(96 \div 12) + (84 \div 12) + (108 \div 12) = 8 + 7 + 9$ =24(71)

88. 가로, 세로의 길이가 각각 100 m, 80 m 인 직사각형 모양의 꽃밭의 가장자리에 일정한 간격으로 나무를 심으려고 한다. 네 모퉁이에는 반드시 나무를 심어야 하고, 나무를 가능한 한 적게 심으려고 할 때, 필요한 나무의 그루수는?

- 10 그루
 12 그루
 16 그루
 18 그루
- ③ 14 그루

해설 나무 사이의 간격을 *x*(m)라 할 때,

 $100 = x \times \square$, $80 = x \times \triangle$ $x \vdash 100$ 과 80 의 최대공약수이므로 $100 = 2^2 \times 5^2$, $80 = 2^4 \times 5$ $\therefore x = 2^2 \times 5 = 20$ (m) 나무 사이의 간격을 20 m 라 할 때,

가로 $100 = 20(m) \times 5$ (그루) 세로 $80 = 20(m) \times 4$ (그루)

직사각형 모양의 꽃밭의 가장자리에 필요한 나무 그루수는

 $(5+4) \times 2 = 18$ (그루)

- 89. 동북이는 학교 운동장 한 편에 있는 농구 코트 주변에 철망을 설치하여 안전하게 농구를 하고자 한다. 철망은 가로의 길이가 24 m , 세로의 길이가 64 m 인 농구 코트 주변에 일정한 간격으로 기둥을 고정시키고, 'ㄷ'자 형으로 망을 설치하고자 한다. 기둥은 처음 시작되는 지점과 끝나는 지점 그리고 모서리에는 반드시 고정시키고, 가능한 한 적게 사용하려고 한다면 모두 몇 개의 기둥이 필요하겠는가?
 - ① 12개 ② 13개 ③ 14개 ④ 15개 ⑤ 16개

기둥 사이의 간격을 *x* 라 할 때,

해설

 $24 = x \times \square$, $64 = x \times \triangle$

x 는 24와 64 의 최대공약수 24 = 2³ × 3, 64 = 2⁶

 $\therefore x = 2^3 = 8 \text{ (m)}$

기둥 사이의 간격을 8m 라 할 때

가로 24 = 8 (m) × 3 (개), 세로 64 = 8 (m) × 8 (개) 직사각형 모양의 운동장의 가장자리에 'ㄷ'자 형으로 망을 설치

할 때 필요한 기둥의 수는 ∴ (2×3)+8+1=15(개)

 $\therefore (2 \times 3) + 8 + 1 = 15(7)$

90. 지성이네 학교에선 가로, 세로의 길이가 각각 200 m, 150 m 인 운동장 둘레로, 학교 건물이 있는 한 쪽 세로 면을 제외한 나머지 세 면에 "ㄷ"자 형의 그물망을 설치하려고 한다. 기둥을 일정한 간격으로 설치해야 하고 그물망이 시작되는 지점과 끝나는 지점, 그리고 각 모서리에는 반드시 기둥이 설치되어야 한다. 기둥 하나당 설치비용이 50 만 원이라고 할 때, 비용을 최소한으로 하려면 총 비용이 얼마가 나오겠는가? (단, 기둥 설치 외의 비용은 무시한다)

④ 650 만 원

① 500 만 원

② 550 만 원 ⑤ 700 만 원 ③600 만 원

해설 비용을 최소로 하기 위해선 기둥을 가능한 한 적게 설치해야한다.

기둥 사이의 간격을 x 라 할 때, 200 = x imes imes , 150 = x imes imesx 는 200과 150 의 최대공약수

x = 200과 150 의 최대중약구 $200 = 2^3 \times 5^2, \ 150 = 2 \times 3 \times 5^2$

 $\therefore x = 2 \times 5^2 = 50 \text{ (m)}$

기둥 사이의 간격을 $50 \,\mathrm{m}$ 라 할 때 가로 $200 = 50 \,\mathrm{(m)} \times 4 \,\mathrm{(개)},$

세로 $150 = 50\,\mathrm{m} \times 3$ (개) 직사각형 모양의 운동장의 가장자리에 "ㄷ"자 형으로 망을 설

지할 때 필요한 최소의 기둥의 수는 :. (2×4)+3+1=12(개)

총 비용은 12×50 (만 원) = 600 (만 원) 이다.

이때, 기둥 한 개의 설치비용이 50 만 원이므로