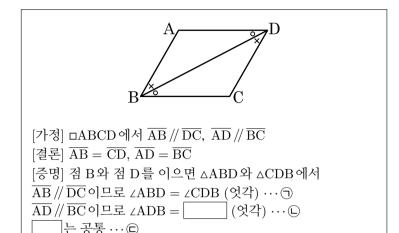
1. 다음은 '평행사변형에서 두 쌍의 대변의 길이는 각각 같다.' 를 증명한 것이다. □ 안에 들어갈 것을 차례대로 나열하면?



 \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc 에 의해서 $\triangle ABD \equiv \triangle CDB$ (합동) $\therefore \overline{AB} =$

- $\overline{\text{CD}}, \ \overline{\text{AD}} = \overline{\text{BC}}$
- ① ∠CDB, BC, SSS
- \bigcirc ZBCD, \overline{BC} , ASA

④ ∠CDB, BD, ASA

② ∠CDB, BD, SSS

⑤ ∠DBC, \overline{DB} , ASA

해설

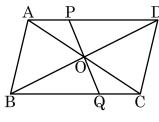
△ABD와 △CDB에서 ĀR // DC 이므로 (AB)

 $\overline{AB} // \overline{DC}$ 이므로 $\angle ABD = \angle CDB$ (엇각), $\overline{AD} // \overline{BC}$ 이므로 $\angle ADB = \angle DBC$ (엇각),

 $\overline{\mathrm{DB}}$ 는 공통 이므로 $\triangle\mathrm{ABD} = \triangle\mathrm{CDB} \; (\mathrm{ASA} \; \mathrm{합동})$ 이다.

직선이 변 AD, BC와 만나는 점을 각각 P, Q라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

A P D



다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD의 두 대각선의 교점 O를 지나는

2.

$$\bigcirc \overline{OB} = \overline{OC}$$

$$\bigcirc$$
 $\overline{OP} = \overline{OQ}$

$$\bigcirc$$
 $\triangle AOP \equiv \triangle COQ$

해설

 $\overline{AO} = \overline{OC}$, $\angle AOP = \angle COQ$, $\angle OAP = \angle OCQ$ 이므로 $\triangle AOP \equiv \triangle COQ$ 이다.

또한, 평행사변형의 두 대각선은 서로를 이등분하므로 $\overline{\mathrm{OB}} \neq \overline{\mathrm{OC}}$ 이다.

3. 다음 그림과 같은 \square ABCD가 평행사변형이 되도록 하는 x, y의 값은?

$$3x-4y$$

$$B \xrightarrow{15+2y} D$$

$$2x+y$$

①
$$x = 4$$
, $y = 1$ ② $x = 3$, $y = 1$ ③ $x = 4$, $y = 1$

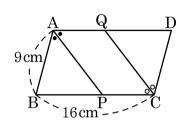
$$\textcircled{3} x = 5, \ y = 1 \qquad \qquad \textcircled{5} \ \ x = 5, \ y = 2$$

$$\begin{aligned}
15 + 2y &= 17, \ 2y &= 2 \\
\therefore y &= 1 \\
3x - 4 &= 2x + 1
\end{aligned}$$

 $\therefore x = 5$

다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 \overline{AP} , \overline{CQ} 는 각각 $\angle A$, $\angle C$ 의 이 등분선이다.

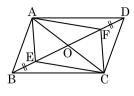
 $\overline{AB} = 9 \text{ cm}, \overline{BC} = 16 \text{ cm}$ 일 때, $\overline{AQ} + \overline{PC}$ 의 길이는?



② 13cm $14 \mathrm{cm}$ (4) 15cm (5) 16cm ① 12cm

해설

5. 평행사변형 ABCD 에서 대각선 BD 위에 BE = DF 가 되도록 두 점 E,F 를 잡을 때, □AECF 는 평행사변형이다.
 이를 증명하기 위해 사용하기에 가장 적합한



① 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.

평행사변형의 조건은?

- ② 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ③ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ④ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.
- ⑤ 한 쌍의 대변의 길이가 같고 평행하다.

해설

(가정) $\square ABCD$ 는 평행사변형, $\overline{BE} = \overline{DF}$

(결론) □AECF 는 평행사변형 (증명) □ABCD 는 평행사변형이므로

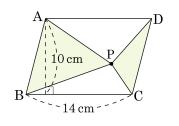
 $\frac{\overline{OA} = \overline{OC}}{\overline{OA}}$

OA = OC가정에서 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로 $\overline{OE} = \overline{OF}$

따라서 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하므로 □AECF

는 평행사변형이다.

6. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 내부에 임의의 한 점 P를 잡을 때, ΔABP와 ΔCDP의 넓이의 합을 구하 여라.



<u>cm²</u>

▷ 정답: 70 cm²

 $\triangle ABP + \triangle CDP = \triangle ADP + \triangle BCP$ 이므로

$$\triangle ABP + \triangle CDP = \frac{1}{2} \square ABCD$$
$$= \frac{1}{2} \times 140$$
$$= 70 (\text{cm}^2)$$

7. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD의 내부에 한 점 P를 잡을 때, □ABCD의 넓이는 60cm²이고, △ABP의 넓이는 △CDP의 넓이의 2 배일 때, △CDP의 넓이를 구하면?
 ① 5cm²
 ② 10cm²
 ③ 15cm²

 $(5) 25 \text{cm}^2$

내부의 한 점 P에 대하여
$$\frac{1}{2}$$
 \square ABCD = \triangle PAB + \triangle PCD =

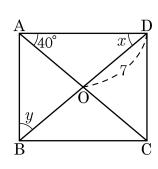
해설

 $\triangle PAD + \triangle PBC$ 이므로 $\triangle ABP + \triangle CDP = \frac{1}{2} \square ABCD$ 이다.

$$\triangle ABP = 2\triangle CDP$$
이므로 $3\triangle CDP = \frac{1}{2}\Box ABCD$

$$\therefore \triangle CDP = \frac{1}{6} \square ABCD = 10(cm^2)$$

8. 직사각형 ABCD 에서 $\angle x + \angle y = (\)^\circ$ 이다. ()안에 알맞은 수를 구하여라.



답:

➢ 정답: 90

해설

 $\Delta {\rm OAD}$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle x=40^\circ$ 이다. $\angle {\rm AOB}=80^\circ$ 이다. $\Delta {\rm OAB}$ 는 이등변삼각형이므로 $(180^\circ-80^\circ)\div 2=50^\circ$ $= \angle y$ 이다. $\angle x+\angle y=40^\circ+50^\circ=90^\circ$ 이다.

9. 평행사변형 ABCD 에 다음 조건을 추가할 때, 직사각형이 되지 <u>않는</u> 것은?

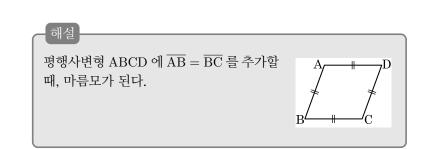
①
$$\angle A = \angle B$$

④ $\overline{AB} \bot \overline{BC}$

$$\bigcirc$$
 $\overline{AC} = \overline{BD}$

 $\overline{AB} = \overline{BC}$

 $\bigcirc 3 \angle A = 90^{\circ}$



10. 다음은 여러 가지 사각형의 정의를 나타낸 것이다. 다음 중 옳지 $\underline{\text{않은}}$ 것은?

H: 한 쌍의 대변이 평행한 사각형

V: 두 밑각의 크기가 같은 사다리꼴P: 두 쌍의 대변이 각각 평행한 사각형

Q: 네 각의 크기가 모두 같은 사각형 R: 네 변의 길이가 모두 같은 사각형

S: 네 변의 길이가 같고, 네 내각의 크기가 같은 사각형

① S는 R이다. ② S는 Q이다. ③ Q는 V이다. ④R은 Q이다. ⑤ P는 H이다.

해설

 H (사다리꼴): 한 쌍의 대변이 평행한 사각형

 V (등변사다리꼴): 두 밑각의 크기가 같은 사다리꼴

P (평행사변형) : 두 쌍의 대변이 각각 평행한 사각형 Q (직사각형) : 네 각의 크기가 모두 같은 사각형

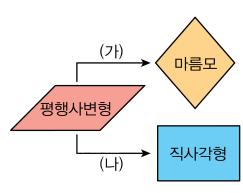
Q (식사식성) : 네 식의 크기가 모두 짙는 사각 R (마름모) : 네 변의 길이가 모두 같은 사각형

S (정사각형) : 네 변의 길이가 같고, 네 내각의 크기가 같은

사각형

 $\textcircled{4}: \textit{R} \not\subset \textit{Q}$

11. 다음 그림에서 평행사변형에 조건 (개를 붙이면 마름모가 되고, (내를 붙이면 직사각형이 된다. (개, (내에 들어가는 조건으로 알맞은 것을 모두 고르면?



- 직각이다.
- ② (개두 대각선의 길이가 같다. (내 이웃하는 두 변의 길이가 같다.
- ③ (개) 이웃하는 두 각의 크기가 같다. (내 한 내각의 크기가 직각이다.

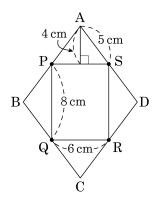
① /개 이웃하는 대변의 길이가 같다. (내 한 내각의 크기가

- ④ (개 한 내각의 크기가 직각이다. (내 이웃하는 두 각의 크기가 같다.
- ⑤ (개 두 대각선이 서로 수직이다. (내 두 대각선의 길이가 같다.

해설

평행사변형이 마름모가 되려면 이웃하는 대변의 길이가 같거나 두 대각선이 서로 수직 이등분한다.

평행사변형이 직사각형이 되려면 한 내각의 크기가 직각이거나 두 대각선의 길이가 같으면 된다. 12. 다음과 같은 마름모 ABCD의 각 변의 중점을 P, Q, R, S이라 할 때, □PQRS 의 둘레의 길이를 구하여라.



답:

 $\underline{\mathrm{cm}}$

▷ 정답: 28cm

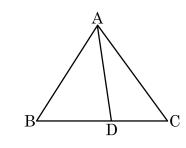
해설

마름모의 중점을 연결하여 만든 사각형은 네 각의 크기가 모두 같으므로 직사각형이 된다.

직사각형은 마주보는 변의 길이가 같으므로

 $\Box \mathrm{PQRS}$ 의 둘레의 길이는 $2(8+6) = 28 (\,\mathrm{cm})$

13. 다음 그림과 같은 \triangle ABC의 넓이가 70cm²이고 \overline{BD} : $\overline{DC} = 4:3$ 일 때, \triangle ADC의 넓이는?



$$\bigcirc$$
 20cm²

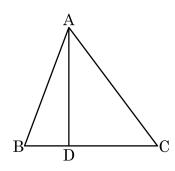
$$3 25 \text{cm}^2$$

$$430 \mathrm{cm}^2$$

$$\bigcirc$$
 35cm²

해설
$$\Delta ADC 의 넓이는 = 70 \times \frac{3}{4+3} = 30 (cm^2)$$

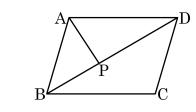
14. 다음 그림에서 \overline{BD} : $\overline{CD}=1$: 2, $\triangle ABC=9$ 일 때, $\triangle ABD$ 의 넓이를 구하여라.



해설

$$\triangle ABD = 9 \times \frac{1}{1+2} = 3$$

15. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 의 넓이는 70cm² 이고 \overline{BP} : \overline{PD} = 2:3 이다. ΔABP 의 넓이는?



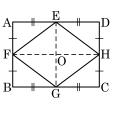
① 5cm² ④ 21cm² $2 10 \text{cm}^2$

 $14 \mathrm{cm}^2$

$$\triangle ABD = \frac{70}{2} = 35(cm^2) = \triangle ABP + \triangle ADP$$
$$2: 3 = \triangle ABP : \triangle APD$$

$$\therefore \triangle ABP = 35 \times \frac{2}{5} = 14(cm^2)$$

16. 다음 그림은 직사각형 ABCD 의 각 변의 중점을 연결하여 □EFGH를 만들었다. 직사각형 ABCD 에서 $\overline{AB} = 6\,\mathrm{cm}$, $\overline{AD} = 8\,\mathrm{cm}$ 이고, \overline{EG} 와 \overline{FH} 의 교점을 O 라고 할 때, ΔEFO 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

 $\underline{\mathrm{cm}^2}$

정답: 6 cm²

해설

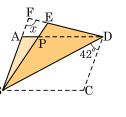
 $\overline{AB}=6\,\mathrm{cm}$, $\overline{AD}=8\mathrm{cm}$ 이므로 직사각형 ABCD 의 넓이는 $6\times 8=48(\mathrm{cm}^2)$ 이다.

6 × 8 = 48(cm²) 이다. 직사각형의 각 변의 중점을 연결하면 마름모가 되고, 넓이는

 $\frac{1}{2} \times 48 = 24 (\text{cm}^2)$ 이다.

따라서 \triangle EFO 의 넓이는 $\frac{1}{4} \times 24 = 6 (\text{cm}^2)$ 이다.

17. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 를 대각선 BD 를 따라 접어 △DBC 가 △DBE 로옮겨졌다. DE, BA 의 연장선의 교점을 F라하고 ∠BDC = 42°일 때, ∠x = □°이다.□의 값은?



 \bigcirc 102

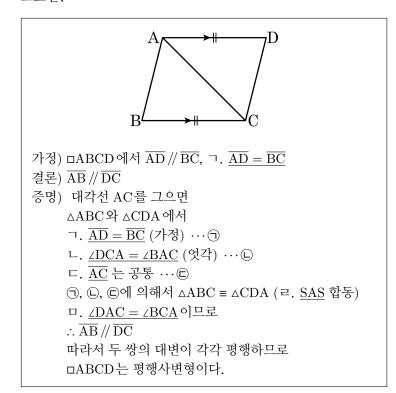
 $\therefore \angle x = 96^{\circ}$

(1) 94

(3) 98

(4) 100

18. 다음은 '한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같은 사각형은 평행사 변형이다.'를 증명하는 과정이다. 밑줄 친 부분 중 틀린 곳을 모두 고르면?





③ □ ④ ⊒

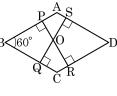


해설

 \vdash . $\angle DCA = \angle BAC \rightarrow \angle DAC = \angle BCA$

 \Box /DAC = /BCA \rightarrow /DCA = /BAC

19. 다음 그림과 같이 ∠ABC = 60° 인 마름모 ABCD 의 내부에 임의의 한 점 O 가 있다. 점 B**<**60° O 에서 마름모 ABCD 의 각 변 또는 그의 연 장선 위에 내린 수선의 발을 각각 P, Q, R, S



해설

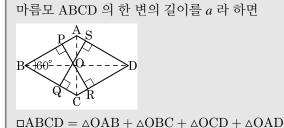
같은 것은?



라 할 때, 다음 중 $\overline{OP} + \overline{OQ} + \overline{OR} + \overline{OS}$ 와

 \bigcirc $\overline{OA} + \overline{OC}$

$$\bigcirc$$
 2 \overline{AB}



$$= \frac{a}{2} \times \overline{OP} + \frac{a}{2} \times \overline{OQ} + \frac{a}{2} \times \overline{OR} + \frac{a}{2} \times \overline{OS}$$

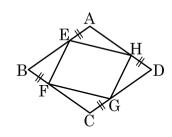
 $= \frac{a}{2}(\overline{OP} + \overline{OQ} + \overline{OR} + \overline{OS}) \cdots \bigcirc$

또한
$$\overline{AC}$$
 를 그으면 $\overline{AB} = \overline{BC}$, $\angle B = 60$ 이므로 $\triangle ABC$ 는 정삼 각형이다. 즉, $\overline{AC} = a$ 이므로

$$\Box ABCD = \frac{1}{2} \times \overline{AC} \times \overline{BD} = \frac{a}{2} \times \overline{BD} \cdots \bigcirc$$

$$\overline{OR} + \overline{OS} = \overline{BD}$$

20. 다음 그림에서 □ABCD는 마름모이다. ĀĒ = BF = CG = DH일 때. □EFGH는 어떤 사각형인가?



▶ 답:

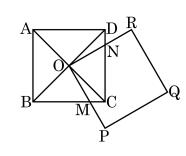
▷ 정답: 평행사변형

해설

 \triangle AEH = \triangle CGF(SAS합동) \triangle EBF = \triangle GDH(SAS합동)

 $\therefore \overline{EH} = \overline{FG}, \overline{EF} = \overline{HG}$ 이므로 $\square EFGH$ 는 평행사변형이다.

21. 오른쪽 그림에서 O 는 두 대각선 \overline{AC} , \overline{BD} 의 중점이며 또, 두 정사각 형 □ABCD 와 □OPQR 은 합동이다. □OPQR 이 점 O 를 중심으로 회전을 하며, \overline{OP} 와의 교점 M 이 \overline{BC} 위를 움직일 때, □OMCN 의 넓이는 얼마인가? (단, $\overline{AB} = 4 \text{cm}$)



① 2cm^2 ② 3cm^2 ③ 4cm^2 ④ 5cm^2 ⑤ 6cm^2

$$\triangle$$
OMC 와 \triangle OND 에서 $\overline{OC} = \overline{OD}$

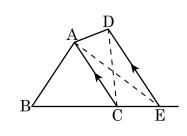
해설

$$\angle OCM = \angle ODN = 45^{\circ}$$

 $\angle COM = 90^{\circ} - \angle CON = \angle DON$

$$\therefore \square OMCN = \frac{1}{4} \square ABCD = 4(cm^2)$$

22. 다음 그림에서 \overline{AC} $//\overline{DE}$, \overline{BC} : \overline{CE} = 2 : 1 이고, △ABC = 24cm² 일 때, □ABCD의 넓이는?



 340cm^2

$$236 \text{cm}^2$$

$$\bigcirc 50 \text{cm}^2$$

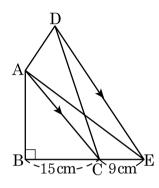
$$\triangle ABC = 24 \text{cm}^2$$
이코 $\overline{BC} : \overline{CE} = 2 : 1$ 이므로 $\triangle ACE = 24 \times \frac{1}{2} = 12 \text{(cm}^2)$

$$_{2}$$
 $^{-12(cm)}$ $_{2}$ $^{-12(cm)}$ $_{3}$ $^{-12(cm)}$ $^{-12(c$

$$\therefore \ \Box ABCD = \triangle ABC + \triangle ACD = \triangle ABC + \triangle ACE$$

$$= 24 + 12 = 36 (cm^2)$$

23. 다음 그림에서 \overline{AC} $/\!/ \overline{DE}$ 이고 $\triangle ABC = 135 cm^2$ 이다. $\overline{BC} = 15 cm$, $\overline{CE} = 9 cm$ 일 때, $\triangle ACD$ 의 넓이를 구하여라.



 cm^2

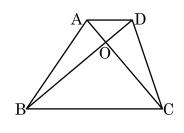
답:

▷ 정답: 81<u>cm²</u>

 $\overline{AB} = 135 \times 2 \div 15 = 18(cm)$

 $\triangle ACD = \triangle ACE = \frac{1}{2} \times 9 \times 18 = 81(\text{cm}^2)$

24. 다음 그림과 같이 $\overline{AD}//\overline{BC}$ 인 사다리꼴에서 $\overline{OA}:\overline{OC}=1:3$ 이다. $\Box ABCD=64cm^2$ 일 때, $\triangle ABO$ 의 넓이를 구하여라.



 cm^2

▷ 정답: 12 cm²

해설

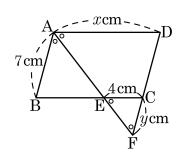
답:

 $\Box ABCD = \triangle AOD + \triangle DOC + \triangle OBC + \triangle ABO$ 이다. $\triangle AOD$ 의 넓이를 a 라고 하면, $1:3=a:\triangle DOC$, $\triangle DOC=3a$

 $\triangle DOC = \triangle ABO = 3a$, $1:3 = 3a: \triangle BOC$, $\triangle BOC = 9a$ $\triangle ABCD = a + 3a + 3a + 9a = 16a = 64 \text{cm}^2$, $a = 4 \text{cm}^2$

 $\therefore \triangle ABO = 3a = 12cm^2$.

25. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\overline{AB} = 7 \text{cm}$, $\overline{EC} = 4 \text{cm}$ 이고 \overline{AF} 는 $\angle A$ 의 이등분선이라고 할 때. x + y의 값을 구하여라.



<u>cm</u>

▷ 정답: 15<u>cm</u>

해설

 $\angle DAE = \angle AEB()$ 이므로 $\triangle ABE$ 는 이등변삼각형이다.

 $\therefore \overline{BE} = 7, \overline{AD} = \overline{BC}$ 이므로 x = 7 + 4 = 11(cm) $\triangle \text{CEF}$ 는 이등변삼각형이므로 y = 4 cm

따라서 x + y = 11 + 4 = 15(cm)