

1.  $\left(x + \frac{1}{3}\right)^2 = x^2 - ax + \frac{1}{9}$  일 때, 상수  $a$ 의 값은?

- ①  $-\frac{1}{9}$       ②  $-\frac{1}{3}$       ③  $-\frac{4}{9}$       ④  $-\frac{5}{9}$       ⑤  $-\frac{2}{3}$

해설

$$x^2 + \frac{2}{3}x + \frac{1}{9} = x^2 - ax + \frac{1}{9} \text{ 이므로 } a = -\frac{2}{3} \text{ 이다.}$$

2.  $(3x - 2)^2 = px^2 + qx + 4$  일 때, 상수  $p, q$ 에 대하여  $p - q$ 의 값은?

- ① -49      ② -14      ③ 7      ④ 14      ⑤ 21

해설

$$(3x)^2 - 2 \times 3x \times 2 + (-2)^2 = 9x^2 - 12x + 4 \text{ } \circ] \text{므로 } p - q =$$

$$9 - (-12) = 21$$

3.  $(3x - 6y)^2$  을 전개하면  $ax^2 + bxy + cy^2$  이다. 이때, 상수  $a$ ,  $b$ ,  $c$  의 합  $a + b + c$  의 값은?

① 1      ② 3      ③ 5      ④ 7      ⑤ 9

해설

$$(3x)^2 - 2 \times 3x \times 6y + (-6y)^2 = 9x^2 - 36xy + 36y^2 \text{ } \circ] \text{므로 } a+b+c = 9 + (-36) + 36 = 9$$

4. 다음 에 알맞은 수를 차례대로 써 넣어라.

$$(x - 1)(x + 1)(x^2 + 1) = (x^{\square} - 1)(x^2 + 1) = (x^{\square} - 1)$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 2

▷ 정답: 4

해설

$$(x - 1)(x + 1)(x^2 + 1) = (x^2 - 1)(x^2 + 1) = (x^4 - 1)$$

5.  $(x + a)^2 = x^2 + bx + 9$  일 때,  $a - b$ 의 값을 구하여라. (단,  $a > 0$ )

▶ 답:

▷ 정답: -3

해설

$$a^2 = 9 \therefore a = 3$$

$$(x + 3)^2 = x^2 + 6x + 9 \therefore b = 6$$

따라서  $a - b = 3 - 6 = -3$  이다.

6. 다음 □ 안에 알맞은 것을 써넣어라.

$$(3 - 1)(3 + 1)(3^2 + 1)(3^4 + 1) = 3^{\square} - 1$$

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$$\begin{aligned}(3 - 1)(3 + 1)(3^2 + 1)(3^4 + 1) \\= (3^2 - 1)(3^2 + 1)(3^4 + 1) \\= (3^4 - 1)(3^4 + 1) \\= 3^8 - 1\end{aligned}$$

7. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ①  $x^2 - x - 6 = (x - 3)(x + 2)$
- ②  $x^2 - 4 = (x + 2)(x - 2)$
- ③  $x^3 - x^2 - 2x = x(x + 1)(x - 2)$
- ④  $18x^3 - 2x = 2x(3x - 1)(3x + 1)$
- ⑤  $3x^2 + 6x + 3 = (3x + 1)(x + 2)$

해설

$$\textcircled{5} \quad 3x^2 + 6x + 3 = 3(x + 1)^2$$

8. 두 다항식  $4x^2 - 2xy$  와  $2x^2 - 6xy^2$  의 공통인 인수는?

- ①  $2x$       ②  $3x$       ③  $xy$       ④  $2xy$       ⑤  $2x^2$

해설

$$4x^2 - 2xy = 2x(2x - y)$$

$$2x^2 - 6xy^2 = 2x(x - 3y^2)$$

따라서 두 다항식의 공통인 인수는  $2x$  이다.

9. 다음 중 완전제곱식이 되지 않는 것은?

- ①  $x^2 - 6x + 9$       ②  $4x^2 + 16x + 16$   
③  $x^2 + 12x + 36$       ④  $\textcircled{4} 2x^2 + 4xy + 4y^2$   
⑤  $x^2 + 4xy + 4y^2$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{4} 2x^2 + 4xy + 4y^2 &= x^2 + 4xy + 4y^2 + x^2 \\ &= (x + 2y)^2 + x^2 \end{aligned}$$

10.  $4x^2 + \square x + 16$  이 완전제곱식이 될 때, 이 식을 인수분해하면?

- ①  $(2x \pm 1)^2$       ②  $(2x \pm 2)^2$       ③  $(2x \pm 3)^2$   
④  $\textcircled{④} (2x \pm 4)^2$       ⑤  $(2x \pm 5)^2$

해설

$$(2x \pm 4)^2 = 4x^2 \pm 16x + 16$$

11. 다음  $x^2 - 6x + a = (x - b)^2$  을 만족할 때,  $ab$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $ab = 27$

해설

$$x^2 - 6x + a = (x - b)^2$$

$$(x - 3)^2 = (x - b)^2$$

$$x^2 - 6x + 9 = (x - b)^2$$

$$\therefore a = 9, b = 3$$

12.  $a^2 - 4b^2$  을 인수분해하면?

- ①  $(a - 2b)^2$       ②  $(a + 2b)(a - 2b)$   
③  $(a + b)(a - 4b)$       ④  $(a + 2)(b - 2)$   
⑤  $(a + 2b)^2$

해설

$$\begin{aligned}a^2 - 4b^2 &= a^2 - (2b)^2 \\&= (a + 2b)(a - 2b)\end{aligned}$$

13.  $x^2 + 7xy + 12y^2$  을 두 일차식의 곱으로 인수분해 하였을 때, 이 두 일차식의 합을 구하면?

- ①  $x + 7y$       ②  $2x + 7$       ③  $\cancel{2x + 7y}$   
④  $2x + 3y$       ⑤  $2x + y$

해설

$$x^2 + 7xy + 12y^2 = (x + 4y)(x + 3y)$$
$$\therefore x + 4y + x + 3y = 2x + 7y$$

14.  $8x^2 - 10x + 3$  을 두 일차식으로 인수분해하였을 때, 두 일차식의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $6x - 4$

해설

$$(준식) = (4x - 3)(2x - 1) \text{이므로}$$

$$4x - 3 + 2x - 1 = 6x - 4$$

15.  $\left(3x - \frac{1}{4}y\right) \left(5x + \frac{3}{4}y\right)$ 에서  $xy$ 의 계수는?

- ① -1      ② 0      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 15x^2 + \left(\frac{9}{4} - \frac{5}{4}\right) xy - \frac{3}{16}y^2 \\&= 15x^2 + xy - \frac{3}{16}y^2\end{aligned}$$

16. 다음 식  $15x^2 + 11x - 12$  을 인수분해하면?

- Ⓐ  $(5x - 3)(3x + 4)$  Ⓑ  $(5x - 3)(3x - 4)$   
Ⓒ  $3(5x - 4)(x + 1)$  Ⓛ  $(5x - 12)(3x + 1)$   
Ⓓ  $(5x + 12)(3x - 1)$

해설

$$15x^2 + 11x - 12 = (5x - 3)(3x + 4)$$

$$\begin{array}{r} 5 \\ 3 \end{array} \begin{array}{l} \cancel{\nearrow} \\ \nearrow \end{array} -3 \longrightarrow -9$$

$$\begin{array}{r} 3 \\ 4 \end{array} \begin{array}{l} \cancel{\nearrow} \\ \nearrow \end{array} \frac{20(+)}{11}$$

17. 가로가  $3a - 11$ , 넓이가  $27a^2 - 102a + 11$ 인 직사각형의 둘레의 길이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $24a - 24$

해설

$$27a^2 - 102a + 11 = (3a - 11)(9a - 1)$$

따라서 둘레의 길이는  $\{(3a - 11) + (9a - 1)\} \times 2 = 24a - 24$ 이다.

18. 다음 중  $8x^2y - 4xy$  의 인수가 아닌 것은?

- ①  $xy(2x - 1)$       ②  $4x$       ③  $4y$   
④  $x(2x - 1)$       ⑤  $y(2x + 1)$

해설

$$8x^2y - 4xy = 4xy(2x - 1)$$

19.  $1^2 - 3^2 + 5^2 - 7^2 + 9^2 - 11^2$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -72

해설

$$(1 - 3)(1 + 3) + (5 - 7)(5 + 7) + (9 - 11)(9 + 11)$$

$$= -2(1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11)$$

$$= -2 \times 36$$

$$= -72$$

20.  $9a^2 - 16b^2 = -12$  이고  $3a - 4b = 4$  일 때,  $3a + 4b$ 의 값을 구하면?

- ① 2      ② 3      ③ -2      ④ -3      ⑤ -5

해설

$$(3a + 4b)(3a - 4b) = -12$$

$$\therefore 3a + 4b = -3$$