- 등 시 $2x^2 6x 2 = a(x+1)(x-2) + bx(x-2) + cx(x+1)$ 가 x 의 1. 값에 관계없이 항상 성립할 때, 상수 a+b+c 의 값을 구하면?
 - 1 2

- ② 1 ③ 0 ④ -1 ⑤ -2

x = 0을 대입하면: a = 1

- x = -1을 대입하면: b = 2
- x=2을 대입하면: c=-1
- $\therefore a+b+c=2$

등식 $(\sqrt{3}+i)(\sqrt{3}-i)(x+yi)=8-2i$ 을 만족하는 실수 x, y에 대하여 **2.** xy 의 값은?

① -2

- ②-1 ③ 0 ④ 4 ⑤ 8

해설

 $(\sqrt{3}+i)(\sqrt{3}-i)(x+yi)=8-2i \ \text{에서} \ 4x+4yi=8-2i$ 복소수가 서로 같을 조건에 의하여 4x = 8, 4y = -2

$$r = 2$$
 $v = -$

- $\therefore x = 2, y = -\frac{1}{2}$ $\therefore xy = 2 \times \left(-\frac{1}{2}\right) = -1$

- **3.** 복소수 $\frac{2+3i}{1-i}$ 를 a+bi 꼴로 나타낼 때, a+b 의 값은?
 - ① -1 ② 0 ③ 1 ④2 ⑤ 3

해설
$$\frac{2+3i}{1-i} = \frac{(2+3i)(1+i)}{(1-i)(1+i)} = \frac{-1+5i}{2}$$

$$\therefore a+b = \left(-\frac{1}{2}\right) + \frac{5}{2} = 2$$

$$\therefore a+b=\left(-\frac{1}{2}\right)+\frac{1}{2}=2$$

다음 중 옳은 것은? 4.

- ① $\sqrt{-3} \times \sqrt{-4} = -\sqrt{12}$ ② $\sqrt{-3} \times \sqrt{-4} = \sqrt{12}$ ③ $\sqrt{-3} \times \sqrt{4} = -\sqrt{12}$ ④ $\frac{\sqrt{-3}}{\sqrt{-4}} = -\sqrt{\frac{3}{4}}$ ⑤ $\frac{\sqrt{-3}}{\sqrt{4}} = -\sqrt{\frac{3}{4}}$

- ② $\sqrt{-3} \times \sqrt{-4} = \sqrt{3}i \times \sqrt{4}i = -\sqrt{12}$ ③ $\sqrt{-3} \times \sqrt{4} = \sqrt{3}i \times \sqrt{4} = \sqrt{12}i$

5. 이차방정식 $5x^2 - 6x + a - 5 = 0$ 이 서로 다른 두 허근을 가질 때 정수 a의 최솟값은?

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

D' = 9 - 5(a - 5) = -5a + 34 < 0 $\therefore a > \frac{34}{5}$

항등식이 되도록 할 때, 2ab의 값은?

② -4 ③ -2 ④ 2 ⑤ 4

해설

양변에 x = 0을 대입하면, -2 = 2a $\therefore a = -1$ 양변에 x=1을 대입하면, -3=-b $\therefore b=3$ $\therefore 2ab = -6$

7. $i(x+2i)^2$ 이 실수가 되는 실수 x 의 값을 정하면? (단, $i=\sqrt{-1}$)

① ±1 ② ±2 ③ ±3 ④ ±4 ⑤ ±5

 $i(x+2i)^2 = i(x^2+4ix-4) = x^2i-4x-4i$ $= -4x+(x^2-4)i$ 실수가 되려면 허수부분이 0이면 된다.

실수가 되려면 어수무분이 0이면 된다 ∴ $x^2 - 4 = 0$ ⇒ $x = \pm 2$

- lpha,~eta 가 복소수일 때, <보기> 중 옳은 것을 $\underline{\mathrm{rF}}$ 고른 것은? (단, \overline{eta} 8. 는 β 의 켤레복소수이다.)
 - \bigcirc $\alpha^2 + \beta^2 = 0$ 이면 $\alpha = 0$, $\beta = 0$ 이다. © $\alpha\beta = 0$ 이면 $\alpha = 0$ 또는 $\beta = 0$ 이다.

 - ⑤ $\alpha = \overline{\beta}$ 일 때, $\alpha\beta = 0$ 이면 $\alpha = 0$ 이다.
 - 1) 🦳 **4** L, C
- 2 🗅
- 3 7, 6
- \bigcirc \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc

\bigcirc 반례 : $\alpha=1,\ \beta=i$ ∁ (생략)

- © $\alpha = x + yi$ 라 하면
- $\alpha\beta = (x + yi)(x yi) = x^2 + y^2(x, y 실수)$
 - $x^2 + y^2 = 0$ 이려면 x = 0, y = 0 $\stackrel{>}{\neg}$, $\alpha = 0$

9. x에 대한 일차방정식 $(a^2+3)x+1=a(4x+1)$ 의 해가 무수히 많을 때, a의 값은?

① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

 $(a^2 + 3 - 4a)x = a - 1$ 모든 x에 대해 성립하려면 $a^2 - 4a + 3 = 0, \ a - 1 = 0$ 공통근: a = 1

10.
$$x^2 - 2\sqrt{2}x + 2 = 0$$
을 풀면?

- ① $x = -\sqrt{2}$ ② $x = \sqrt{2}$ ③ x = 0
- (4) $x = 4 \sqrt{2}i$ (5) x = 6

 $x^{2} - 2\sqrt{2}x + (\sqrt{2})^{2} = (x - \sqrt{2})^{2} = 0$ \(\theref{x} = \sqrt{2}\)

11. 다음 이차방정식의 해를 바르게 짝지은 것은?

(1)
$$x(5x-4) = 4(x-1)$$

(2) $x^2 - 3\sqrt{2}x + 6 = 0$

①
$$(1)\frac{4\pm 2i}{5}$$
, $(2)\frac{3\sqrt{2}\pm\sqrt{6}i}{2}$ ② $(1)\frac{3\pm 2i}{5}$, $(2)\frac{3\sqrt{2}\pm\sqrt{6}i}{2}$ ③ $(1)\frac{4\pm 2i}{5}$, $(2)\frac{3\sqrt{3}\pm\sqrt{6}i}{2}$ ④ $(1)\frac{1\pm 2i}{5}$, $(2)\frac{2\sqrt{2}\pm\sqrt{6}i}{2}$ ⑤ $(1)\frac{4\pm 3i}{5}$, $(2)\frac{3\sqrt{2}\pm\sqrt{6}i}{2}$

군의 공식을 이용하여 푼다.
$$(1) x(5x-4) = 4(x-1)$$

$$\therefore 5x^2 - 8x + 4 = 0$$

$$\therefore x = \frac{4 \pm \sqrt{16 - 20}}{5} = \frac{4 \pm 2i}{5}$$

$$(2) x = \frac{3\sqrt{2} \pm \sqrt{18 - 24}}{2} = \frac{3\sqrt{2} \pm \sqrt{6}i}{2}$$

- 12. x에 대한 이차방정식 $kx^2+(2k+1)x+6=0$ 의 해가 2, α 일 때, $k+\alpha$ 의 값을 구하면?
- ① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

해설 해가 $2, \alpha$ 라면 방정식에 2를 대입하면 0이 된다.

 $k \cdot 2^2 + (2k+1)2 + 6 = 0$

4k + 4k + 8 = 0에서 k = -1

k=-1을 방정식에 대입하고 lpha를 구한다.

 $-x^2 - x + 6 = 0, x^2 + x - 6 = 0$ (x+3)(x-2) = 0, x = 2, -3

 $\therefore k = -1, \ \alpha = -3$

- $\therefore k + \alpha = -4$

13. x 가 실수 일 때, 다음 중 $x + \frac{1}{x}$ 의 값이 될 수 <u>없는</u> 것은? (단, $x \neq 0$)

① -5 ② -2 ③1 ④ 3 ⑤ 5

 $x + \frac{1}{x} = t$ 라 하고, 양변에 x = 3 급하면 $x^2 + 1 = tx$ $x^2 - tx + 1 = 0$ 에서 x = 4 실수이므로 x = 5 그 또는 x = 5 조 그 조 또는 x = 5 조 그 또는 x = 5 조 조 또는 x = 5 조 그 또는 x = 5 조 조 또는 x = 5 조 조 또는 x = 5 조 조 또는 x = 5 조 또는 x = 5 조 조 조 또는 x = 5 조 조 또는 x = 5 조 조 조 또는 x = 5 조 또는 x = 5 조 조 또는 x = 5 조 조 또는 x = 5 조 조 또 x = ${f 14.}$ 이차식 $ax^2+4x+2a$ 가 x에 대한 완전제곱식이 되도록 하는 실수 a의 값은?

① ±1

- ② $\pm \sqrt{2}$ ③ ± 2 ④ $\pm \sqrt{3}$ ⑤ $\pm \sqrt{5}$

주어진 식이 x에 대한 완전제곱식이 되려면

판별식 D=0이어야 한다.

 $\frac{D}{4} = 2^2 - a \cdot 2a = 0$

- $4 2a^2 = 0, \ a^2 = 2$
- $\therefore a = \pm \sqrt{2}$

15. 이차방정식 $x^2-3x+1=0$ 의 두 근을 lpha,eta라고 할 때, $lpha^3+eta^3$ 의 값은?

① 15 ② 16 ③ 17 ④ 18

- ⑤ 20

해설

근과 계수와의 관계로부터 $\alpha + \beta = 3$, $\alpha\beta = 1$

 $\therefore \alpha^3 + \beta^3 = (\alpha + \beta)^3 - 3\alpha\beta(\alpha + \beta)$ = 27 - 9 = 18

- **16.** 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 1 i 일 때, a + b 의 값을 구하면? (단, a,b 는 실수)



다른 한 근은 복소수의 켤레근인 1+i 이므로

해설

두 그의 합: (1+i)+(1-i)=-a \therefore a=-2두 근의 곱: (1+i)(1-i) = b $\therefore b=2$ $\therefore a+b=-2+2=0$

- **17.** 다항식 $x^3 4x^2 + ax + b$ 가 $x^2 + 2$ 로 나누어 떨어질 때, 3a + b의 값은?
 - ① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

해설 $f(x) = x^3 - 4x^2 + ax + b$

 $= (x^2 + 2)(x - \alpha) 라 놓을 수 있다.$ $x^3 - \alpha x^2 + 2x - 2\alpha = x^3 - 4x^2 + ax + b$

 $\therefore \alpha = 4, \quad a = 2, \quad b = -8$

 $\therefore 3a + b = -2$

18. $z = (1+i)x^2 + (2-i)x - 8 - 2i$ 에 대하여 $z^2 < 0$ 을 만족하는 실수 x의 값을 구하면?(단, $i = \sqrt{-1}$)

 $\bigcirc -4$ ② -2 ③ 2 ④ 4 ⑤ 6

해설

 $z = (x^2 + 2x - 8) + (x^2 - x - 2)i$

= (x-2)(x+4) + (x+1)(x-2)i그런데, $z^2 < 0$ 에서 z는 순허수이므로 $\therefore x = -4$

19. 일차방정식 $a^2x + 1 = a^4 - x$ 의 해는? (단, a 는 실수)

① a $\bigcirc a^2 - 1$ $\bigcirc a^2 + 1$

② a+1

③ a-1

해설

 $a^2x + 1 = a^4 - x$ of $a^2x + x = a^4 - 1$ $(a^2 + 1)x = (a^2 - 1)(a^2 + 1)$ $\therefore x = a^2 - 1(\because a^2 + 1 > 0)$

20. 다음 보기는 방정식 (ax - 1)a = x - 1의 해에 대한 설명이다. 옳은 것을 모두 고르면?

 \bigcirc a = -1 이면 해가 없다.

- \bigcirc a=1 이면 오직 하나의 해를 갖는다.
 - © $a \neq \pm 1$ 이 아니면 해는 무수히 많다.

④ □, □ ⑤ ⋽, □, □

② 🗅

③ ⋽, €

(ax-1)a = x-1 에서

 $(a^2 - 1)x = a - 1$

(a-1)(a+1)x = a-1

 \bigcirc a=1 이면 $0 \cdot x=0$ 이므로 해는 무수히 많다.

따라서 옳은 것은 ۞뿐이다.

 ${f 21.}$ 0이 아닌 두 실수 $a,\ b$ 가 $\sqrt{a}\sqrt{b}=-\sqrt{ab}$ 를 만족할 때, 다음 [보기] 의 x에 대한 이차방정식 중 서로 다른 두 실근을 갖는 것을 모두 고른 것은?

- $\exists ax^2 bx + 1 = 0$
- © $x^2 + 2(a+b)x + (a^2 + b^2) = 0$

(4) (L), (E)

 \bigcirc \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc

2 (

③つ, ©

 \bigcirc

 $\sqrt{a}\sqrt{b} = -\sqrt{ab}$ 이므로 $a < 0, \ b < 0$

 $D = b^2 - 4a > 0$

- $D=a^2+4b$ 는 음수, 양수를 판별할 수 없다.
- $\frac{D}{4} = (a+b)^2 - (a^2 + b^2) = 2ab > 0$

22. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 이차방정식 $x^2 2x + 5 = 0$ 의 두 근의 합은 2이다. ② 이차방정식 $x^2 2x + 5 = 0$ 의 두 근의 차는 4이다.
- ③ 이차방정식 $x^2 2x + 5 = 0$ 의 두 근의 곱은 5이다.
- ④ 이차방정식 $x^2 2x + 5 = 0$ 은 서로 다른 두 허근을 갖는다.
- ⑤ 이차방정식 $x^2 2x + 5 = 0$ 의 두 근을 α , β 라고 할 때,
- $\alpha^2 + \beta^2$ 의 값은 -6이다.

 $ax^2 + bx + c = 0$ 에서

해설

두근의 합 : $-\frac{b}{a}$

a 두근의 곱 : $\frac{c}{a}$

두근의 차 : $\frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{|a|}$

∴ ② (두근의 차)= 4*i*

23. x에 대한 이차방정식 $x^2 + (a-1)x + a + 1 = 0$ 의 두 근이 정수가 되도록 하는 정수 a값들의 곱은?

 \bigcirc -7 2 -4 3 -1 4 2 5 5

해설 $\alpha + \beta = 1 - a, \ \alpha\beta = a + 1$

 $\alpha\beta - 1 = 1 - \alpha - \beta$ $\alpha\beta + \alpha + \beta = 2$

 $\stackrel{\mathbf{Z}}{\lnot}$, $(\alpha+1)(\beta+1)=3$

 $\therefore (\alpha, \beta) = (0, 2), (2, 0), (-2, -4), (-4, -2)$ ∴ a = -1 또는 7

24. $4x^2 - 8x + 7$ 을 복소수 범위에서 인수분해하면?

①
$$(2x-2-\sqrt{3}i)(2x-2+\sqrt{3}i)$$

② $(2x+2-\sqrt{3}i)(2x-2+\sqrt{3}i)$

$$(2x+2-\sqrt{3}i)(2x-2+\sqrt{3}i)$$

③
$$(x-2-\sqrt{3}i)(x+2+\sqrt{3}i)$$

④ $(x-2-\sqrt{3}i)(x-2+\sqrt{3}i)$

$$x = \frac{4 \pm \sqrt{16 - 28}}{4} = 1 \pm \frac{2\sqrt{3}i}{4} = 1 \pm \frac{\sqrt{3}i}{2}$$

$$4\left(x - 1 - \frac{\sqrt{3}}{2}i\right)\left(x - 1 + \frac{\sqrt{3}}{2}i\right)$$

$$= (2x - 2 - \sqrt{3}i)(2x - 2 + \sqrt{3}i)$$

 ${f 25}$. 다음 등식이 x에 대한 항등식일 때, 상수a,b,c,d에 대하여 a+b+c+d의 값을 구하면? (단, *a* < *c*)

$$(x-a)^{2}(bx-x^{2}-1) = (x-c)^{2}(dx-x^{2}-1)$$

① -4 ② 4 ③ 5 ④ -5

30

a < c에서 $a \neq c$ 이므로 주어진 등식에서

 $x^{2} - bx + 1 = (x - c)^{2} \quad \therefore b = 2c, \ 1 = c^{2}$ $x^{2} - dx + 1 = (x - a)^{2} \quad \therefore d = 2a, \ 1 = a^{2}$

 $\therefore a = -1, b = 2, c = 1, d = -2$

 $\therefore a+b+c+d=0$

26. x에 대한 다항식 f(x)를 (x-a)(x+b), (x+b)(x-c), (x-c)(x-a)로 나눈 나머지가 각각 x+2, -x+4, 0일 때, 상수 a,b,c의 곱을 구하면?

1 8

해설

② -8 ③ 12 ④ -12 ⑤ 16

 $f(x) = (x-a)(x+b)P(x) + x + 2 \cdots \bigcirc$

 $= (x+b)(x-c)Q(x) - x + 4 \cdots ②$ $= (x-c)(x-a)R(x)\cdots \Im$ 나머지 정리에 의해

f(a) = 0

i) ① 에서 f(a) = a + 2, ③ 에서

 $\Rightarrow a = -2$

ii) ① 에서 f(-b) = -b + 2, ② 에서 f(-b) = b + 4

 $\Rightarrow b = -1$ iii) ② 에서 f(c) = -c + 4, ③ 에서

f(c) = 0 $\Rightarrow c = 4$

 $\therefore abc = 8$

- **27.** 양의 실수 a, b에 대하여 다음 복소수 중 z = a(1+i) + b(1-i) (i 는 a)허수단위)의 꼴로 나타낼 수 있는 것은?
 - ① -3 + i4 1 - 3i
- ② 2 + 3i
- 35-2i
- ⑤ -4 2i

$z = (a+b) + (a-b)i \in A \ (a > 0, \ b > 0)$

① a+b=-3, a-b=1

- ∴ a = -1, b = -2 (부적당)

 - ② a + b = 2, a b = 3∴ $a = \frac{5}{2}$, $b = -\frac{1}{2}$ (부적당)
 - ③ a + b = 5, a b = -2∴ $a = \frac{3}{2}$, $b = \frac{7}{2}$ (양의 실수)
 - (4) a+b=1, a-b=-3∴ a = -1, b = 2 (부적당)
 - ∴ a = -3, b = -1 (부적당)

① : $\alpha = \frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}$, $2\alpha + 1 = \sqrt{3}i$ 양변을 제곱해서 정리하면 $\alpha^2 + \alpha + 1 = 0$ ① : $(\alpha - 1)(\alpha^2 + \alpha + 1) = 0$, $\alpha^3 = 1$ $1 + \alpha + \alpha^2 + \dots + \alpha^{15}$ $= 1 + \alpha + \alpha^2 + \alpha^3(1 + \alpha + \alpha^2) + \dots + \alpha^{15} = \alpha^{15}$ $= (\alpha^3)^5 = 1$ (: $\alpha^2 + \alpha + 1 = 0$) ② : $\overline{\alpha} = \frac{-1 - \sqrt{3}i}{2}$, $\alpha + \overline{\alpha} = -1$, $\alpha \overline{\alpha} = 1$ $z = \frac{\alpha + 3}{2\alpha + 1}$, $\overline{z} = \frac{\overline{\alpha} + 3}{2\overline{\alpha} + 1}$ $z\overline{z} = \frac{\alpha \overline{\alpha} + 3(\alpha + \overline{\alpha}) + 9}{4\alpha \overline{\alpha} + 2(\alpha + \overline{\alpha}) + 1} = \frac{1 - 3 + 9}{4 - 2 + 1} = \frac{7}{3}$

(C) 어 성립함을 다음과 같이 직접 계산할 수 있다. $\alpha = \frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}$ $\Rightarrow 2\alpha + 1 = \sqrt{3}i, \alpha + 3 = \frac{5 + \sqrt{3}i}{2}$ $\therefore \frac{\alpha + 3}{2\alpha + 1} = \frac{5 + \sqrt{3}i}{2\sqrt{3}i}$ $= -\frac{5i - \sqrt{3}}{2\sqrt{3}}$ $z \cdot \overline{z} = \frac{\sqrt{3 - 5i}}{2\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3 + 5i}}{2\sqrt{3}} = \frac{7}{3}$

- **29.** 방정식 $x^2 + 2(m-1)x m + 3 = 0$ 의 두 근을 모두 음이 되게 하는 실수 m의 범위를 정하면?
 - ① -2 < m < 3④ $1 < m \le 3$ ⑤ $3 < m \le 4$
- ② $2 \le m < 3$ ③ -1 < m < 3

두 근을 α , β 라 할 때 두 근이 모두 음수이므로

(i) $\frac{D}{4} = (m-1)^2 + m - 3 \ge 0$

$$m^2 - m - 2 \ge 0, (m - 2)(m + 1) \ge 0$$

 $m < -1, m > 2$

 $\therefore \ m \leq -1, \ m \geq 2$ (ii) $\alpha + \beta = -2(m-1) < 0$: m > 1

- (iii) $\alpha\beta = -m + 3 > 0$: m < 3∴ (i), (ii), (iii)의 공통범위는 2 ≤ m < 3