

1. 일차방정식 $2x + ay - 4 = 0$ 과 $6x - 9y + 12 = 0$ 의 그래프가 서로 평행일 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -3

해설

평행하면 기울기가 같으므로

$$6x - 9y + 12 = 0, y = \frac{2}{3}x + \frac{4}{3} \text{ 이고}$$

$$2x + ay - 4 = 0, y = -\frac{2}{a}x + \frac{4}{a}$$

$$\therefore a = -3$$

2. 일차방정식 $x - ay = -6$ 의 한 해는 $(3, 3)$ 이고, 또 다른 해는 $(b, 4)$ 일 때, a, b 의 값은?

① $a = -6, b = -3$

② $a = -3, b = 6$

③ $a = 3, b = -3$

④ $a = 3, b = 6$

⑤ $a = 6, b = 3$

해설

$x - ay = -6$ 에 $(3, 3)$ 을 대입하면

$$3 - 3a = -6$$

$$-3a = -9$$

$$a = 3$$

그러므로 일차방정식은 $x - 3y = -6$ 이고,

이 일차방정식에 $(b, 4)$ 를 대입하면

$$b - 12 = -6$$

$$b = 6$$

$$\therefore a = 3, b = 6$$

3. 일차방정식 $ax + 5y = 11$ 의 그래프가 한 점 $(-1, 2)$ 를 지날 때, a 의 값은?

① -3

② 3

③ 0

④ 1

⑤ -1

해설

$(-1, 2)$ 를 $ax + 5y = 11$ 에 대입하면 $-a + 10 = 11 \therefore a = -1$

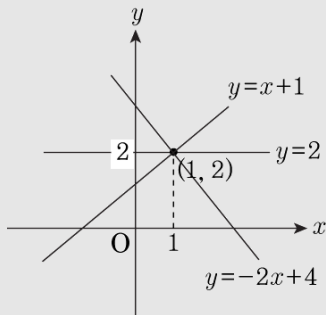
4. 두 직선 $y = x + 1$ 과 $y = -2x + 4$ 의 교점을 지나고 x 축에 평행한 직선의 방정식을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $y = 2$

해설

$y = x + 1$ 과 $y = -2x + 4$ 의
교점의 좌표 : $(1, 2)$



5. 두 직선 $\begin{cases} 2x + y = 8 \\ x - (3x - y) = 1 \end{cases}$ 의 교점 (x, y) 를 지나고 직선 $y - 3x + 5 = 2$ 와 만나지 않는 직선을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $y = 3x - \frac{3}{4}$

해설

두 직선 $2x + y = 8$ 과 $x - (3x - y) = 1$ 을 연립하여

교점을 구하면 $\left(\frac{7}{4}, \frac{9}{2}\right)$ 이고,

직선 $y - 3x + 5 = 2$ 와 만나지 않기 때문에
평행해야 하므로 기울기가 같다.

구하는 직선의 방정식을 $y = ax + b$ 라고 하면

$y = 3x + b$, 점 $\left(\frac{7}{4}, \frac{9}{2}\right)$ 를 지나므로

$$\frac{9}{2} = \frac{21}{4} + b$$

$$\therefore b = -\frac{3}{4}$$

따라서 $y = 3x - \frac{3}{4}$ 이다.

6. 두 직선 $2(3x - 5) + 5y = 6$ 과 $3x + 2(2 - y) = 3$ 의 교점을 지나고, y 절편이 5 인 일차함수 식을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $y = -3x + 5$

해설

두 직선 $2(3x - 5) + 5y = 6$ 과 $3x + 2(2 - y) = 3$ 을 연립하여 교점을 구하면

$(1, 2)$ 이다.

$(1, 2)$ 를 지나고 y 절편이 5 인 일차함수 식을

$y = ax + 5$ 라 하면,

$x = 1, y = 2$ 를 이 식에 대입하면 $2 = a + 5$ 이므로 $a = -3$ 이다.

따라서 구하는 일차함수 식은 $y = -3x + 5$ 이다.

7. 일차방정식 $ax+y+3=0$ 의 그래프가 다음과 같을 때, 상수 a, b 에 대하여 ab 의 값은?

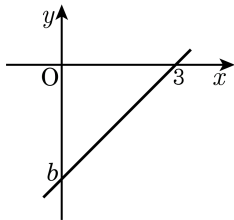
① -9

② -3

③ 1

④ 3

⑤ 9



해설

$ax+y+3=0$ 에 점 $(3, 0)$ 을 대입하면, $a = -1$ 이다.
따라서 주어진 일차방정식은 $y = x - 3$ 이고 $b = -3$ 이다.
 $\therefore ab = 3$

8. 일차방정식 $(-a-1)x + by - 2 = 0$ 의 그래프의 기울기가 1이고 y 절편이 -2 일 때, 상수 a, b 의 합 $a+b$ 의 값은?

① -3

② -2

③ -1

④ 0

⑤ 1

해설

$by = (a+1)x + 2$, $y = \frac{(a+1)x + 2}{b}$ 의 기울기가 1이므로

$$\frac{(a+1)}{b} = 1 \text{ 이고}$$

$$\frac{2}{b} = -2 \text{ 이므로 } a = -2, b = -1 \text{ 이다.}$$

따라서 $a+b = -3$ 이다.

9. $2y = 3x - p$ 의 해가 $(3, -4)$, $(-3, q)$ 일 때, q 의 값은?

① -13

② -11

③ -9

④ 11

⑤ 9

해설

$(3, -4)$ 를 $2y = 3x - p$ 에 대입하면 $-8 = 9 - p$, $p = 17$ 이고,
 $(-3, q)$ 를 $2y = 3x - 17$ 에 대입하면 $2q = -9 - 17$, $q = -13$
이다.

따라서 $q = -13$ 이다.

10. 일차방정식 $-3x + y - 2 = 0$ 의 그래프에 대한 다음 설명 중 옳은 것을 모두 골라라.

- ㉠ $y = -3x - 2$ 의 그래프와 평행하다.
㉡ y 절편은 2이다.
㉢ 제 4 사분면은 지나지 않는다.
㉣ 점 $(0, -2)$ 을 지난다.
㉤ x 의 값이 2만큼 증가하면 y 의 값은 6만큼 증가한다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : ㉢

▷ 정답 : ㉤

해설

$-3x + y - 2 = 0$ 을 y 에 관해서 풀면 $y = 3x + 2$ 이다. 따라서 기울기가 3이고 y 절편은 2이다. (기울기) > 0 , (y 절편) > 0 이므로 제 4 사분면은 지나지 않는다.

11. 좌표평면 위에 일차방정식 $2x + y = 6$ 의 그래프를 그릴 때, 이 그래프가 지나가는 사분면을 모두 나타낸것은? (단, x, y 는 수 전체)

① 제 1 사분면

② 제 1, 3 사분면

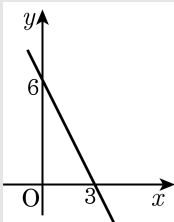
③ 제 2, 3 사분면

④ 제 1, 3, 4 사분면

⑤ 제 1, 2, 4 사분면

해설

일차방정식 $2x + y = 6$ 의 그래프는 아래와 같다.



12. 미지수가 2개인 일차방정식 $5x + 2y = 12$ 에서 x, y 의 값의 범위가 모든 수일 때, 해를 좌표평면 위에 나타내었을 때의 그래프의 모양을 말하여라.

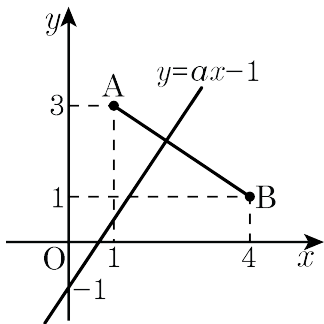
▶ 답 :

▷ 정답 : 직선

해설

x, y 의 범위가 수 전체일 때 $5x + 2y = 12$ 를 만족하는 해를 좌표평면 위에 나타내면 직선이 된다.

13. 일차함수 $y = ax - 1$ 의 그래프가 두 점 $A(1, 3)$, $B(4, 1)$ 을 이은 선분과 만날 때, a 의 값의 범위는?



① $\frac{1}{2} \leq a \leq 2$

② $\frac{1}{2} \leq a \leq 4$

③ $1 \leq a \leq 2$

④ $1 \leq a \leq 4$

⑤ $2 \leq a \leq 4$

해설

$y = ax - 1$ 에 $(1, 3)$, $(4, 1)$ 을 대입한다

14. 좌표평면 위에 두 점 $A(2, 1)$, $B(4, 5)$ 가 있다. 직선 $y = -2x + b$ 가 $\overline{AB}$ 와 만날 때, 정수 b 의 값이 아닌 것은?

① 5

② 7

③ 9

④ 11

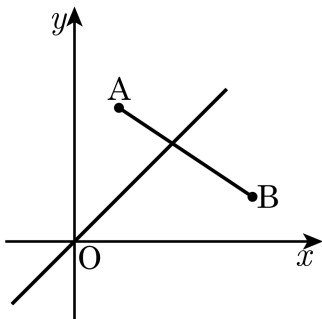
⑤ 15

해설

기울기가 -2 이므로 b 값은 $(2, 1)$ 을 지날 때 최소, $(4, 5)$ 를 지날 때 최대이다.

따라서 $5 \leq b \leq 13$ 의 범위 안에 속하지 않는 정수는 15이다.

15. 일차함수 $y = ax$ 의 그래프가 두 점 $A(1, 3)$, $B(4, 1)$ 을 이은 선분과 만날 때, a 의 값의 범위는?



① $\frac{1}{2} \leq a \leq 2$

② $\frac{1}{4} \leq a \leq 3$

③ $1 \leq a \leq 2$

④ $1 \leq a \leq 4$

⑤ $2 \leq a \leq 4$

해설

$y = ax$ 에 $(1, 3)$, $(4, 1)$ 을 대입

$$\frac{1}{4} \leq a \leq 3$$

16. x, y 가 자연수일 때, $x + 4y = 10$ 를 좌표평면 위에 그릴 때 나타나는 순서쌍(x, y)의 개수는?

① 0 개

② 1 개

③ 2 개

④ 3 개

⑤ 4 개

해설

$x + 4y = 10$ 을 만족하는 자연수 x, y 의 값은 $(2, 2) (6, 1) \rightarrow 2$ 개

17. 일차방정식 $4x - 2y - 6 = 0$ 의 그래프가 지나지 않는 사분면은?

① 제1사분면

② 제2사분면

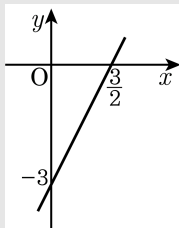
③ 제3사분면

④ 제4사분면

⑤ 제2사분면과 제4사분면

해설

$4x - 2y - 6 = 0$ 에서 $y = 2x - 3$ 이고 이 함수의 그래프는 다음과 같으므로 지나지 않는 사분면은 제2사분면이다.



18. 방정식 $3x + (4 - a)y + 5 = 0$ 의 그래프가 항상 지나는 점의 좌표를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\left(-\frac{5}{3}, 0\right)$

해설

a 의 값에 관계없이 항상 점 $\left(-\frac{5}{3}, 0\right)$ 을 지난다.

19. 좌표평면 위에서 두 직선 $y = x - 1$, $y = ax - 4$ 의 교점의 좌표가 $(3, b)$ 일 때, ab 의 값은?

① -4

② 0

③ 4

④ 7

⑤ -7

해설

$y = x - 1$ 이 점 $(3, b)$ 를 지나므로

$$b = 3 - 1 \therefore b = 2$$

$y = ax - 4$ 가 점 $(3, 2)$ 를 지나므로

$$2 = 3a - 4 \therefore a = 2$$

$$\therefore ab = 2 \times 2 = 4$$

20. 다음 두 직선의 방정식의 교점의 x 좌표가 -3 일 때, 상수 m 의 값을 구하여라.

$$mx + y + 3 = 0, \quad x + y - 6 = 0$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$x + y - 6 = 0$ 에 $x = -3$ 을 대입하면 $y = 9$ 이다.

교점의 좌표가 $(-3, 9)$ 이므로

$-3m + 9 + 3 = 0$, $m = 4$ 이다.

21. 두 일차함수 $y = 3x + 2$ 와 $y = ax - 5$ 의 그래프의 교점의 좌표가 $(2, b)$ 일 때, a 와 b 의 값을 각각 차례대로 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = \frac{13}{2}$ 또는 6.5

▷ 정답 : $b = 8$

해설

$y = 3x + 2$ 가 점 $(2, b)$ 를 지나므로 $b = 6 + 2$

$$\therefore b = 8$$

$$y = ax - 5 \text{ 가 점 } (2, 8) \text{ 을 지나므로 } 8 = 2a - 5 \therefore a = \frac{13}{2}$$