

1. $x^3 + ax^2 + bx - 4$ 는 $x - 2$ 로 나누어 떨어지고 $x + 1$ 로 나누면 나머지가 6이다. $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 11

해설

$$f(x) = x^3 + ax^2 + bx - 4 \text{ 라 하면}$$

$$f(2) = 4a + 2b + 4 = 0 \cdots \textcircled{\text{①}}$$

$$f(-1) = a - b - 5 = 6 \cdots \textcircled{\text{②}}$$

$$\textcircled{\text{①}}, \textcircled{\text{②}} \text{에서 } a = 3, b = -8$$

$$\therefore a - b = 11$$

2. 다항식 $f(x)$ 를 $x+1$ 로 나눈 나머지가 -3 이고, $x-3$ 으로 나눈 나머지가 5 이다. $f(x)$ 를 $(x+1)(x-3)$ 로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $2x - 1$

해설

$$\begin{aligned}f(-1) &= -3, \quad f(3) = 5 \\f(x) &= (x+1)(x-3)Q(x) + ax + b \\-a + b &= -3, \quad 3a + b = 5 \\a = 2, \quad b &= -1 \\∴ ax + b &= 2x - 1\end{aligned}$$

3. 다항식 $x^3 + ax^2 + bx - 1 \circ| x^2 - 3x + 2$ 로 나누어 떨어지도록 상수 $a + b$ 의 값을 정하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$f(x) = x^3 + ax^2 + bx - 1$ 로 놓으면
 $x^2 - 3x + 2 = (x-1)(x-2)$ 이므로 $f(x)$ 는 $x-1, x-2$ 로 나누어 떨어진다.

$$f(1) = 1 + a + b - 1 = 0 \Rightarrow a + b = 0 \cdots \textcircled{1}$$

$$f(2) = 8 + 4a + 2b - 1 = 0 \Rightarrow 4a + 2b = -7 \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{으로부터 } a = -\frac{7}{2}, b = \frac{7}{2}$$

$$\therefore a + b = 0$$

4. 다항식 $f(x)$ 를 $2x - 1$ 로 나누면 나머지는 -4 이고, 그 몫을 $x + 2$ 로 나누면 나머지는 2 이다. 이때, $f(x)$ 를 $x + 2$ 로 나눌 때의 나머지를 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: -14

해설

$$f(x) = (2x - 1)Q(x) - 4 \text{ 라 하면}$$
$$f(-2) = -5Q(-2) - 4$$

그런데 $Q(-2) = 2$ 이므로 $f(-2) = -14$

5. x 에 대한 다항식 $x^3 + 2x^2 - ax + b$ 가 $x^2 + x - 2$ 로 나누어 떨어질 때,
 $a^2 + b^2$ 의 값을 정하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$f(x) = x^3 + 2x^2 - ax + b = (x^2 + x - 2)Q(x)$$

$$= (x+2)(x-1)Q(x)$$

인수정리에 의해 $x = -2, x = 1$ 을 대입하면 우변이 0 이 된다.

$$\therefore f(-2) = -8 + 8 + 2a + b = 0$$

$$f(1) = 1 + 2 - a + b = 0 \text{ 연립하면, } a = 1, b = -2$$

$$\therefore a^2 + b^2 = 5$$