1. x에 관한 삼차식  $x^3 + mx^2 + nx + 1$ 을 x + 1로 나누면 나머지가 -5이고, x - 2로 나누면 나머지가 1이라고 한다. 이 때, 상수 m,n에 대하여 m + n은?

② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

1 -1

해설  $f(x) = x^3 + mx^2 + nx + 1 \circ ] 라 하면,$   $f(x) = (x+1)Q_1(x) - 5$   $f(x) = (x-2)Q_2(x) + 1$   $\therefore f(-1) = -1 + m - n + 1 = -5$  f(2) = 8 + 4m + 2n + 1 = 1  $m = -3, \quad n = 2$  따라서  $m + n = -1 \circ$  다.

- **2.** x에 관한 삼차식  $x^3 + mx^2 + nx + 1$ 을 x + 1로 나누면 나머지가 5이고, x-2로 나누면 나누어 떨어진다고 한다. 이 때, m+n의 값은?
  - ①  $-\frac{19}{3}$  ②  $-\frac{25}{6}$  ③  $-\frac{29}{6}$  ④  $-\frac{14}{3}$  ⑤  $-\frac{7}{2}$

$$f(x) = x^3 + mx^2 + nx + 1$$
  
 $f(x) = (x+1)Q1(x) + 5$ 으로 놓으면  $f(-1) = 5$ 

$$f(x) = (x+1)Q1(x) + 5$$
으로 좋으면  $f(-1) = f(x) = (x-2)Q'(x)$ 으로 놓으면  $f(2) = 0$ 

$$f(x) = (x-2)Q'(x)$$
으로 놓으면  $f(2) = 0$   
따라서,  $f(-1) = -1 + m - n + 1 = 5$ 

$$f(2) = 8 + 4m + 2n + 1 = 0$$

두 식을 연립하여 풀면 
$$m = \frac{1}{6}$$
,  $n = -\frac{29}{6}$   

$$\therefore m + n = -\frac{28}{6} = -\frac{14}{3}$$

- **3.** 다항식  $2x^{30} + 2x^{28} x$ 를 x + 1로 나누었을 때의 몫을 Q(x)라 할 때, Q(x)를 x-1로 나누었을 때의 나머지는?
  - ① -2
- ②-1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

 $2x^{30} + 2x^{28} - x = (x+1)Q(x) + R$ 양변에 x = -1을 대입 하면, 2 + 2 + 1 = R : R = 5양변에 x = 1을 대입 하면,

2+2-1=2Q(1)+5

 $\therefore Q(1) = -1$ 

- 4. 다항식 f(x)를 x-3으로 나누었을 때의 몫이 Q(x), 나머지가 1이고, 또 Q(x)를 x-2로 나누었을 때의 나머지가 -2이다. f(x)를 x-2로 나누었을 때의 나머지를 구하면?
  - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

f(x) = (x-3)Q(x) + 1Q(2) = -2

해설

f(x)를 x-2로 나눈 나머지는 f(2)이다. f(2) = (2-3)Q(2) + 1

 $=-1 \times (-2) + 1 = 3$ 

- **5.** 다항식  $x^{51} + 30$ 을 x + 1로 나누었을 때의 몫을 Q(x)라 하자. 이때, Q(x)를 x-1로 나눈 나머지를 구하면?
  - ① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 1



 $x^{51}+30=(x+1)Q(x)+R$  이라 하면

해설

x = -1을 대입하면 R = 29 $x^{51} + 30 = (x+1)Q(x) + 29$ 

Q(x)를 x-1로 나눈 나머지는

Q(1), x = 1식에 대입 31 = 2Q(1) + 29

 $\therefore Q(1) = 1$ 

- 다항식 f(x)를 x-2로 나누었을 때의 몫을 Q(x)라 하면 나머지는 5**6.** 이고, 몫 Q(x)를 다시 x+3으로 나누면 나머지가 3이다. 이때, f(x)를 x+3으로 나눈 나머지는?
  - ① 10 **2** -10 3 9 4 -9 5 8

해설

나머지정리에 의해 f(x)를 x+3으로 나눈 나머지는 f(-3)이다.  $f(x) = (x-2)Q(x) + 5 \, \text{odd}$ x = -3을 대입하면 f(-3) = (-3-2)Q(-3) + 5

Q(x)를 x+3으로 나누었을 때의 나머지가 3이므로 Q(-3)=3f(-3) = -10

7. x의 다항식 f(x)를 x+1로 나눌 때, 나머지가 2이다. 이 때,  $(x^2-x+3) f(x)$ 를 x+1로 나눈 나머지를 구하면?

**-** 해설

①10 ② 6 ③ 0 ④ 30 ⑤ 12

f(-1) = 2  $(x^2 - x + 3) f(x) = (x + 1)Q(x) + R$  x = -1 대입  $\therefore R = 5f(-1) = 5 \times 2 = 10$  **8.** 다항식f(x), g(x)에서 f(x)를  $x^2 - 1$ 로 나눈 나머지가 2이고 g(x)를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눈 나머지가 2x + 1이다. 2f(x) + 3g(x)를 x - 1로 나눈 나머지는?

13

② -13 ③ 16 ④ -16 ⑤ 26

해설

 $f(x) = (x^2 - 1)Q_1(x) + 2,$  $\therefore f(1) = 2$ 

 $g(x) = (x^2 - 3x + 2)Q_2(x) + 2x + 1,$ 

 $\therefore g(1) = 3$ 2f(x) + 3g(x)를 x - 1로 나눈 나머지는

 $2f(1) + 3g(1) = 2 \cdot 2 + 3 \cdot 3 = 13$ 

- 9. 다항식 f(x)를  $x^2 4$ 로 나누었을 때의 나머지가 -x + 4이다. 다항식 f(x+1)을  $x^2 + 2x 3$ 으로 나누었을 때의 나머지를 구하면?
  - ① 2x + 1 ② -x + 3 ③ x 1 ④ 2x ⑤ 2x 3

 $f(x) = (x^2 - 4)P(x) - x + 4$  = (x + 2)(x - 2)P(x) - x + 4  $\therefore f(-2) = 6, \ f(2) = 2$   $f(x + 1) = (x^2 + 2x - 3)Q(x) + ax + b$  = (x + 3)(x - 1)Q(x) + ax + b  $x = -3 \frac{\circ}{2} \text{ 대입하면 } f(-2) = -3a + b = 6$   $x = 1 \frac{\circ}{2} \text{ 대입하면 } f(2) = a + b = 2$   $\therefore a = -1, \ b = 3$ 따라서 나머지는 -x + 3

- **10.** 다항식  $f(x) = 3x^3 4x^2 + 2x k$  가 x 2 를 인수로 가질 때, k 의 값은?
  - ① 8 ② 10 ③ 12 ④ 16 ⑤ 20

f(2) = 24 - 16 + 4 - k = 0 $\therefore k = 12$ 

- **11.**  $f(x) = 2x^3 2x + k$ 가 x 2로 나누어 떨어질 때, k의 값은?
  - ① 0 ② 1 ③ -8 ④ -10

 $f(x) = 2x^3 - 2x + k$  가 x - 2 로 나누어 떨어지면

나머지정리에 의해 f(2) = 16 - 4 + k = 0 $\therefore k = -12$ 

12. 다항식  $f(x) = x^3 + 3x^2 + kx - k$ 가 x + 1로 나누어떨어지도록 상수 k의 값을 정하면?

- ① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0



해설

즉, f(-1) = 0 이므로 f(-1) = -1 + 3 - k - k = 0,  $\therefore k = 1$ 

- **13.** 다항식  $ax^3 + bx^2 4$  가  $x^2 + x 2$ 로 나누어 떨어지도록 a, b를 정할 때, a와 b의 곱을 구하면?
  - ③33 ④ 4 ⑤ 5 ① 1 ② 2

 $ax^3 + bx^2 - 4 = (x^2 + x - 2)Q(x)$ = (x-1)(x+2)Q(x)양변에 x = 1, x = -2 를 각각 대입하면

a+b-4=0, -8a+4b-4=0두 식을 연립하여 풀면 a=1, b=3 $\therefore ab = 3$ 

해설

해설

 $ax^3 + bx^2 - 4 = (x^2 + x - 2)(ax + 2)$ 

우변을 전개하여 계수를 비교하면 a = 1, b = 3 : ab = 3

- **14.** 다항식  $2x^3 + ax^2 + bx + 3$  이 다항식  $2x^2 x 3$  으로 나누어 떨어질 때, a + b 의 값은 ?

- ① 3 ② 1 ③ -1 ④ -2 ⑤ -5

해설

$$2x^{3} + ax^{2} + bx + 3 = (2x^{2} - x - 3)Q(x)$$
$$= (x+1)(2x-3)Q(x)$$

$$x = -1$$
 일 때,  $-2 + a - b + 3 = 0$ 

$$\therefore a - b = -1 \cdots \bigcirc$$

$$3 \Rightarrow 27 \quad 9 \quad 3$$

$$x = \frac{3}{2}$$
 일 때,  $\frac{27}{4} + \frac{9}{4}a + \frac{3}{2}b + 3 = 0$ 

$$\therefore 3a + 2b = -13 \cdots \bigcirc$$

$$\bigcirc, \bigcirc \bigcirc A = -3, b = -2$$

$$\therefore a + b = (-3) + (-2) = -5$$

**15.** 다항식  $2x^3 + 3x^2 + ax + b$ 가 x + 2로 나누어 떨어질 때, 2a - b의 값은?

① 28 ② 12 ③ 6

- **④**−4
- ⑤ -12

준식을 f(x)라 하면 f(-2) = 0이므로

해설

-16 + 12 - 2a + b = 0