

1. 중심이  $(2, -1)$ 이고 원점을 지나는 원의 방정식을 구하면?

- ①  $(x - 2)^2 + (y + 1)^2 = 5$       ②  $(x - 1)^2 + (y + 1)^2 = 7$   
③  $(x + 2)^2 + (y + 3)^2 = 8$       ④  $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 = 9$   
⑤  $(x - 2)^2 + (y + 1)^2 = 10$

2. 방정식  $x^2 + y^2 - 4x + 2y - 11 = 0$  은 어떤 도형을 나타내는가?

- ① 중심이 (2, 1) 이고 반지름의 길이가 1 인 원
- ② 중심이 (2, -1) 이고 반지름의 길이가 2 인 원
- ③ 중심이 (-2, 1) 이고 반지름의 길이가 2 인 원
- ④ 중심이 (2, -1) 이고 반지름의 길이가 4 인 원
- ⑤ 중심이 (-2, 1) 이고 반지름의 길이가 4 인 원

3.  $x^2 + y^2 = 10$  위의 점 (-3, 1)에서 접하는 직선이 있다. 이 직선의 기울기를 구하면?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

4. 직선  $y = -2x + a$  가 원  $x^2 + y^2 - 4x - 2y + 4 = 0$ 에 의하여 잘려지는 선분의 길이를 최대로 하는  $a$ 의 값은 ?

① 4      ② 5      ③ 6      ④ 7      ⑤ 8

5. 다음은 원  $x^2 + y^2 = r^2$  에 대하여 기울기가  $m$  인 접선의 방정식을 구하는 과정이다.

원  $x^2 + y^2 = r^2$  에 접하고 기울기가  $m$ 인  
접선의 방정식을  $y = mx + k$  라 하자.  
직선  $y = mx + k$  를 원의 방정식  
 $x^2 + y^2 = r^2$ 에 대입하여 정리하면,  
 $(1 + m^2)x^2 + 2mkx + \boxed{(가)} = 0$   
이 이차방정식의 판별식을  $D$  라 하면 원과 직선이 접하므로  
 $D = 0$  에서  
 $k = \pm \boxed{(나)}$   
따라서 구하는 접선의 방정식은  
 $y = mx \pm \boxed{(나)}$

(가), (나)에 알맞은 것을 순서대로 적으면?

- ①  $r^2 - k^2, r\sqrt{m^2 + 1}$       ②  $r^2 - k^2, r\sqrt{m^2 - 1}$   
③  $k^2 - r^2, \sqrt{m^2 + 1}$       ④  $k^2 - r^2, r\sqrt{m^2 + 1}$   
⑤  $k^2 - r^2, r\sqrt{m^2 - 1}$

6. 두 원  $x^2 + y^2 - 2ay + 8a - 25 = 0$  와  $x^2 + y^2 = 1$  이 외접할 때  $a$ 의 값을 구하면?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

7. 두 원  $x^2 + y^2 - 4x = 0$ ,  $x^2 + y^2 - 6x - 2y + 8 = 0$  의 교점과 점  $(1, 0)$  을 지나는 원의 중심의 좌표를  $(a, b)$  라 할 때  $a + b$  의 값을 구하면?

- ① -3      ②  $-\frac{5}{2}$       ③  $\frac{3}{2}$       ④ 3      ⑤  $\frac{10}{3}$

8.  $y = x^2 - 2$  위의 점 P에서 원  $x^2 + y^2 = 1$ 에 접선을 그을 때, 그 접점을 Q라고 하자. 선분 PQ의 길이의 최솟값은?

- ① 1      ②  $\frac{\sqrt{2}}{2}$       ③  $\frac{\sqrt{3}}{2}$       ④  $\sqrt{2}$       ⑤  $\sqrt{3}$

9. 두 원  $x^2 + y^2 + 4x - ay + b = 0$ ,  $x^2 + y^2 + 2x + by + a + 2 = 0$  의 두  
교점을 지나는 직선의 방정식이  $x + y + 1 = 0$  일 때,  $a + b$  의 값은?

① -2      ② 0      ③ 1      ④ 2      ⑤ 4

10. 두 원  $x^2 + y^2 = 1$ ,  $(x - 1)^2 + (y - 1)^2 = 4$  의 공통접선의 방정식을 구하면?

- |                    |                   |
|--------------------|-------------------|
| ① $x = -2, y = -1$ | ② $x = 1, y = 1$  |
| ③ $x = -1, y = 1$  | ④ $x = 1, y = -1$ |
| ⑤ $x = -1, y = -1$ |                   |